





# Second Year B.Sc. **PHYSICS Wave Optics**





ANDHRA PRADESH STATE COUNCIL OF HIGHER EDUCATION (A Statutory Body of the Government of A.P.)





# First Year B.Sc. PHYSICS WAVE OPTICS

# AUTHORS

#### Dr. D. Sanjeev Kumar

Lecturer in Physics Government College (Autonomous) Rajahmundry, AP, India

#### Ms. B. Durga Lakshmi

Lecturer in Physics SCIM Government Degree College Tanuku, AP, India

#### Dr. M. Padmavathi

Lecturer in Physics SKR & SKR GDC for Women (A) Kadapa, AP, India

## EDITOR

#### Dr. P. Anantha Lakshmi Professor of Physics

University of Hyderabad, Hyderabad, Telangana, India



## ANDHRA PRADESH STATE COUNCIL OF HIGHER EDUCATION

(A Statutory Body of the Government of A.P)

B.Sc.(First Year – Semester – II) : Physics (Wave Optics); Authors : Dr. D. Sanjeev Kumar, Ms. B. Durga Lakshmi, Dr. M. Padmavathi; Editor : Dr. P. Anantha Lakshmi First Edition: 2023; No. of pages: vi+314

All Copyrights @ APSCHE First Edition: 2023

Published by APSCHE, Atmakur (V), Mangalagiri (M), Guntur, Andhra Pradesh, Pin - 522 503

All Rights whatsoever in this book are strictly reserved and no portion of it may be reproduced by any process for any purpose without the written permission of the copyright owners.



# APSCHE TEXTBOOK COORDINATING COMMITTEE

Prof. K. Rama Mohana Rao, Ph.D Vice-Chairman

> Dr. B.S. Selina, M.A., Ph.D Academic Officer

Sri G. Srirangam Mathew, M.Sc., (Ph.D) Academic Officer

> Dr. P. Anil Kumar, M.Sc., Ph.D Academic Officer

## Foreword



The Andhra Pradesh State Council of Higher Education, in line with the directions of the Hon'ble Chief Minister of Andhra Pradesh, introduced English Medium in all Degree programmes from this academic year 2021-22. As part of empowering the students joining Degree programmes from vernacular medium, the AP State Council of Higher Education is bringing out *podcasts, video casts* and notably the *bilingual text books*. These bilingual books are written in English, with the gist of the content in Telugu to enable the students to comprehend the content in their mother tongue. The bilingual text book is envisioned on the core concept of Outcome Based Education, highlighting the learning outcomes for every chapter. These are better called as bilingual resources rather than textbooks, as the APSCHE has developed a template for the bilingual textbooks designing them with concepts and frameworks going beyond the usual reading material.

Furthering the detailed description of the topics, as per the common syllabus of the Redesigned Curricular Framework for Choice Based Credit System, the bilingual text book contains Glossary, where certain important terms which the student might be unfamiliar with are identified and explained in one or two sentences, which is not a mere dictionary meaning. Links to online videos or audios which will be useful for further reading and understanding of the topics are given under the Interactive links. To foster further reading, information on online resources, articles or another text book pertaining to the content are provided. To make the text book more of a resourceful book, Curricular Activities, wherein suggested activities that could be taken up in realization of the outcomes are provided for the benefit of students. To help the students to assess understanding of the content, Self Assessment instruments are provided. For Advanced Learners, caters to the needs of advanced learners providing them with additional material about the topics. Finally, for every chapter References are provided. I sincerely appreciate the Authors and the Editors for taking pains in bringing out this bilingual text book in a record time, replete with knowledge which fosters the academic progression of students. I earnestly thank my Academic Officers, Dr. B. S. Selina, Sri. Srirangam Mathew, Dr. P. Anil Kumar for their coordinating activities and Prof. K. Rama Mohana Rao, the Vice-Chairman of APSCHE under whose guidance the publication is brought out.

K. Hemachandra Reddy Chairman, APSCHE



-2-

# Preface

Bilingual undergraduate textbook preparation is a path breaking initiative by the APSCHE in the bachelor degree education. It is our privilege to be a part of this prestigious project.

The textbook has been prepared keeping English as the primary language. Telugu translations have been made without translating the technical words as much as possible, which is the entire essence of this project. Hence for all purposes English version may be considered as standard text.

The book provides enough insights for both faculty and students to implement Bloom's taxonomy for undergraduate physics in a smooth manner at teaching and learning levels. Implementation of it at evaluation level may need further improvements.

Every chapter is provided with outcomes specific to programs and also with wide range of applications which may bridge the gap between industry and academia to some extent.

We hope that the innovative attempt made here may reach the expectations and serve the needs of every stake holder associated with the project.

- Authors and Editor

### Contents

LEARNING RESOURCES I		
OPTICS1		
INTRODUCTION TO OPTICS	2	
UNIT-I	21	
1. INTERFERENCE OF WAVES	21	
1.1 INTRODUCTION	27	
1.2 CONDITIONS FOR INTERFERENCE OF LIGHT	29	
1.3 TYPES OF INTERFERENCE		
1.4 PHASE CHANGE ON REFLECTION - STOKES' TREATMENT		
1.5 LLOYD'S MIRROR		
1.6 INTERFERENCE IN THIN FILMS		
1.7 Colors in thin films	45	
1.8 NEWTON'S RINGS	47	
1.9 MICHELSON INTERFEROMETER	57	
SOLVED PROBLEMS AND EXERCISES	61	
MCQs	67	
GRADE YOUR UNDERSTANDING		
GLOSSARY	71	
UNIT-II	73	
2. DIFFRACTION	73	
2.1 INTRODUCTION		
2.2 Types of Diffraction	89	
2.3 FRAUNHOFFER DIFFRACTION AT A SINGLE SLIT		
2.4 DIFFRACTION GRATING	103	
2.5 DETERMINATION OF WAVELENGTH OF LIGHT USING DIFFRACTION GRAT	ING 107	
2.6 RESOLVING POWER OF GRATING	111	
2.7 FRESNEL'S HALF PERIOD ZONES	113	
2.8 Zone Plate	117	
2.9 EXPLANATION OF RECTILINEAR PROPAGATION OF LIGHT	121	
2.10 COMPARISON OF ZONE PLATE WITH CONVEX LENS	125	
Solved problems and Exercises	126	
MCQs	130	
GRADE YOUR UNDERSTANDING	132	
GLOSSARY	133	

U	UNIT-III		
3.	POLARIZATION	135	
	3.1 INTRODUCTION	141	
	3.2 POLARIZATION BY REFLECTION (BREWSTER'S LAW)	143	
	3.3 POLARIZATION BY REFRACTION/SELECTIVE ABSORPTION (MALUS LAW)	147	
	3.4 DOUBLE REFRACTION/BIREFRINGENCE	148	
	3.5 NICOL PRISM	151	
	3.6 NICOL PRISM AS POLARIZER AND ANALYSER	153	
	3.7 QUARTER WAVE PLATE	153	
	3.8 HALF WAVE PLATE	155	
	3.9 PRODUCTION AND DETECTION OF POLARIZED LIGHT	157	
	3.10 Optical activity	160	
	3.11 LAURENT'S HALF SHADE POLARIMETER	160	
	3.12 BASIC PRINCIPLE OF LCD	165	
	SOLVED PROBLEMS AND EXERCISES	279	
	MCQs	172	
	GRADE YOUR UNDERSTANDING	176	
	GLOSSARY	177	
U	UNIT-IV		
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	179	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<b>179</b> 185	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<b>179</b> 185 204	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<b>179</b> 185 204 205	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> <li>229</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ol> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> <li>229</li> <li>231</li> </ol>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ul> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> <li>229</li> <li>231</li> <li>236</li> </ul>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS 4.1 INTRODUCTION 4.2 MONOCHROMATIC ABERRATIONS 4.3 SPHERICAL ABERRATION 4.4 MINIMIZATION OF SPHERICAL ABERRATION 4.5 COMA 4.5 COMA 4.6 ASTIGMATISM 4.7 FIELD CURVATURE 4.8 DISTORTION 4.9 CHROMATIC ABERRATION 4.9 CHROMATIC ABERRATION 4.10 ACHROMATISM 4.11 INTRODUCTION TO OPTICAL FIBERS 4.12 TYPES OF OPTICAL FIBERS 4.13 RAYS AND MODES IN OPTICAL FIBERS 4.14 FIBER OPTIC COMMUNICATION SYSTEM	<ul> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> <li>229</li> <li>231</li> <li>236</li> <li>239</li> </ul>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ul> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> <li>229</li> <li>231</li> <li>236</li> <li>239</li> <li>241</li> </ul>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS 4.1 INTRODUCTION 4.2 MONOCHROMATIC ABERRATIONS 4.3 SPHERICAL ABERRATION 4.4 MINIMIZATION OF SPHERICAL ABERRATION 4.5 COMA 4.6 ASTIGMATISM 4.6 ASTIGMATISM 4.7 FIELD CURVATURE 4.8 DISTORTION 4.9 CHROMATIC ABERRATION 4.10 ACHROMATISM 4.11 INTRODUCTION TO OPTICAL FIBERS 4.12 TYPES OF OPTICAL FIBERS 4.13 RAYS AND MODES IN OPTICAL FIBERS 4.14 FIBER OPTIC COMMUNICATION SYSTEM 4.15 ADVANTAGES OF FIBER OPTIC COMMUNICATION SOLVED PROBLEMS AND EXERCISES	<ul> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> <li>229</li> <li>231</li> <li>236</li> <li>239</li> <li>241</li> <li>242</li> </ul>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS 4.1 INTRODUCTION 4.2 MONOCHROMATIC ABERRATIONS 4.3 SPHERICAL ABERRATION 4.4 MINIMIZATION OF SPHERICAL ABERRATION 4.5 COMA 4.5 COMA 4.6 ASTIGMATISM 4.6 ASTIGMATISM 4.7 FIELD CURVATURE 4.8 DISTORTION 4.9 CHROMATIC ABERRATION 4.9 CHROMATIC ABERRATION 4.10 ACHROMATISM 4.11 INTRODUCTION TO OPTICAL FIBERS 4.12 TYPES OF OPTICAL FIBERS 4.12 TYPES OF OPTICAL FIBERS 4.13 RAYS AND MODES IN OPTICAL FIBERS 4.14 FIBER OPTIC COMMUNICATION SYSTEM 4.15 ADVANTAGES OF FIBER OPTIC COMMUNICATION. SOLVED PROBLEMS AND EXERCISES MCQS	<ul> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> <li>229</li> <li>231</li> <li>236</li> <li>239</li> <li>241</li> <li>242</li> <li>249</li> </ul>	
4.	ABERRATIONS AND OPTICAL FIBERS	<ul> <li>179</li> <li>185</li> <li>204</li> <li>205</li> <li>207</li> <li>212</li> <li>213</li> <li>215</li> <li>217</li> <li>219</li> <li>225</li> <li>229</li> <li>231</li> <li>236</li> <li>239</li> <li>241</li> <li>242</li> <li>249</li> <li>254</li> </ul>	

259
265
273
277
279
284
289
297
299
301
303
309
311
312

# LEARNING RESOURCES అభ్యసన సాధనములు

Ī

అభ్యసన సాధనములు

# Learning Resources

Sl No	Resource Link	QR Code
1.	<b>Hyper Physics:</b> HyperPhysics is an exploration environment for concepts in physics which employs concept maps. <u>http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/hframe.html</u>	
2.	<b>Physics Hyper Textbook:</b> The Physics Hypertextbook is the intellectual property of Glenn Elert <u>https://physics.info/</u>	
3.	<b>Lumen learning:</b> Lumen Learning provides a simple, supported path for faculty members to adopt and teach effectively with open educational resources (OER) <u>https://courses.lumenlearning.com/physics/</u>	
4.	<b>Libre texts:</b> Optics, <u>https://phys.libretexts.org/@go/page/931</u>	
5.	<b>Libre Texts:</b> Wave Optics. <u>https://phys.libretexts.org/@go/page/1467</u>	
6.	<b>Internet Archive:</b> The Internet Archive, a 501(c)(3) non-profit, is building a digital library of Internet sites and other cultural artifacts in digital form. <u>https://archive.org/</u>	
7.	<b>National Digital Library:</b> National Digital Library of India (NDLI) is a virtual repository of learning resources which is not just a repository with search/browse facilities but provides a host of services for the learner community. <u>https://ndl.iitkgp.ac.in/</u>	

# LEARNING RESOURCES



Video Lectures:

SN	Title and Link	QR Code
1.	Optics Prof. George Barbastathis Dr. Se Baek Oh Prof. Colin Sheppard <u>https://ocw.mit.edu/courses/2-71-optics-</u> <u>spring-2009</u>	
2.	Optics Nicholas X. Fang. <u>https://ocw.mit.edu/courses/2-71-optics-</u> <u>spring-2014</u>	
3.	IIT Delhi – Optics and Photonics Center <u>https://opc.iitd.ac.in/learn</u>	
4.	Optical Engineering – IIT Madras <u>https://nptel.ac.in/courses/108106161</u>	
5.	Applied Optics https://archive.nptel.ac.in/courses/115/107/1 15107131/	
6.	Fourier Optics in Python https://www.youtube.com/watch?v=QeNHF- <u>H_ANM</u>	
7.	Optics lecture notes and MATLAB codes <u>https://www.youtube.com/watch?v=13hHCwc</u> <u>7Scc</u>	
8.	Anveshika Andhrapradesh <u>https://www.youtube.com/@anveshikaandhra</u> <u>pradesh</u>	

#### Learning Resources

Simulation resources:

Sl No	Title and Link	QR Code
1.	Amrita V Lab <u>https://vlab.amrita.edu/</u>	
2.	JAVA Lab <u>https://javalab.org/en/category/light_wave_en/</u>	
3.	Wolfram Demonstrations https://demonstrations.wolfram.com/topic.html? topic=Optics	
4.	MATLAB Interactive simulation toolbox for optics <u>https://www.mathworks.com/matlabcentral/filee</u> <u>xchange/40093-interactive-simulation-toolbox-</u> <u>for-optics</u>	
5.	Physics Classroom https://www.physicsclassroom.com/Physics- Interactives	
6.	PhET Simulations https://phet.colorado.edu/en/simulations/filter?s ubjects=light-and-radiation&type=html,prototype	
7.	O-Physics https://ophysics.com/	
8.	Edumedia <u>https://www.edumedia-sciences.com/en/node/67-optics-and-waves</u>	
9.	J-Optics http://nsdl.oercommons.org/courses/joptics/view	
10.	Polarizer Program http://nsdl.oercommons.org/courses/polarizer- program/view	

## **Reference Books**

- Hugh D. Young, Roger A. Freedman Sears and Zemansky's University Physics with Modern Physics-Pearson Education (2015)
- 2. A. N Matveev Mechanics and theory of relativity, Mir Publishers (1988)
- 3. Eugene Hecht Optics Addison Wesley 4<sup>th</sup> Ed. (2002)
- 4. Ajoy Ghatak Optics Tata Mc Graw Hill 4<sup>th</sup> Ed. (2008)
- 5. Daniel Malacara, Zacarias Malacara Handbook of Optical Design – Marcel Decker (2004)
- Herbert Gross Handbook of Optical Systems Vol-1 Fundamentals of Technical Optics – Wiley VCH (2005)
- Herbert Gross Handbook of Optical Systems Vol-3 Aberration Theory and Correction of Optical Systems – Wiley VCH (2005)
- 8. Eugene Hecht Schaum's outline of optics Mc Graw Hill (1974)
- 9. Kailash K. Sharma Optics Principles and Applications Elsevier (2006)
- 10. Elijah Kannatey-Asibu, Jr. Principles of Laser materials processing Wiley (2009)
- 11. Ajoy Ghatak and K. Tyagarajan Optical Electronics Cambridge University Press (1989).
- Ajoy Ghatak and K. Tyagarajan An Introduction to Fiber Optics – Cambridge University Press (1998).
- 13. Marc Eichhorn Laser Physics Springer (2014)
- 14. William T. Silfvast Laser Fundamentals Cambridge University Press 2<sup>nd</sup> Ed. (2004).
- 15. John P. Powers An introduction to Optical Fibers Irwin (1997)
- Jeff Hecht City of Light: The Story of Fiber Optics Oxford University Press (1999)
- 17. Gerd Keiser Optical Fiber Communication Tata Mc Graw Hill (2013)
- John M. Senior Optical Fiber Communications Pearson (2010)
- 19. Brijlal, Subrahmanyam, Avadhanulu A Textbook of Optics S. Chand (2006).
- 20. M. N. Avadhanulu An Introduction to Lasers Theory and Applications S. Chand (2001)

#### **Reference Books**

- 21. Ajoy Ghatak and K. Tyagarajan Lasers Fundamentals and Applications Springer (2010)
- 22. Grant R. Fowles Introduction to Modern Optics Dover Publications 2<sup>nd</sup> Ed. (1968)
- 23. Pedrotti In<br/>rtroduction to Optics \_ Cambridge University Press $3^{\rm rd}$  Ed. (2017)
- 24. R. Murugeshan Optica and Spectroscopy S Chand and Co. (2006)
- 25. Jeff Hecht Understanding Fiber Optics Laser Light Press (2015)
- 26. Devraj Singh Fundamentals of Optics PHI EEE (2015)

# INTRODUCTION TO OPTICS దృశాశాస్త్రపు పలచయము



#### పలచయం

కాంతి అనేబి విద్యుదయస్కాంత వికిరణం, ఇబి మానవ కంటికి దృష్టి జ్ఞానాన్ని కలిగిస్తుంబి. విద్యుదయస్కాంత వికిరణం యొక్క ఇతర కనిపించని రూపాలలో రేడియో తరంగాలు, ఇన్ఫ్రొరెడ్ కిరణొలు, అతిసీలలోహిత (అల్ట్రై వయొలెట్) కిరణాలు, X-కిరణాలు మరియు గామా కిరణాలు మొదలైనవి ఉన్నాయి. పాములు, దోమలు మరియు కొన్ని ఇతర ఇంతువులు ఇన్ఫ్రొరెడ్ కిరణాలను గ్రహించే కంటి నిర్కొణాన్ని కలిగి ఉంటాయి. కటకములు లేకుండా కంటి నిర్కొణం కలిగిన కొన్ని కీటకాలు మరియు రొయ్యలు అతిసీలలోహిత కిరణాలను గ్రహించగలవు.

గెలొక్సీల నుండి సాప్**టామిక్ (పరహణు**వుకన్నా **చిన్న) క**ణాల పలమాణం వరకు ఉన్న వస్తువుల మధ్య కాంతి సమాచార వాహకంగా పలచేస్తుంబ.

కాంతి-పదొర్థ పరస్పర చర్చ పదొర్థం యొక్క లక్షణొల అధ్యయనొనికి అలొగే కాంతి అధ్యయనొనికి ఉపయోగపడుతుంది. కాంతి పదొర్థ పరస్పర చర్య సమయంలో కాంతి లక్షణొల అధ్యయనొనికి సంబంధించిన భౌతిక శౌస్త్ర శౌఖను ఆప్టిక్స్ అని పిలుస్తారు మరియు పదొర్థం యొక్క లక్షణొల అధ్యయనంతో ముడిపడిన దొనిని స్పెక్ట్ స్రోఫ్ పీ అంటారు.



Fig: Samkhya School Tanmatras

# INTRODUCTION TO OPTICS



# Introduction

Light is an electromagnetic radiation that causes the sense of vision to the human eye. Other non-visible forms of electromagnetic radiation include the radio waves, infrared rays, ultraviolet rays, Xrays and gamma rays etc. Snakes, mosquitoes and some other animals have eye structure that senses infrared rays. Some insects and shrimp that do not have eye structure with lenses can sense ultraviolet rays.

Light acts as an information carrier between objects of the size ranging from galaxies to subatomic particles.

Light-matter interaction encompasses the study of properties of matter as well as that of light. The branch of Physics that deals with the study of properties of light during light matter interaction is called optics and the discipline that deals with the study of properties of matter is called spectroscopy.

In ancient India, Sun (the light source) is considered as the visible god as it is solely responsible for the entire life on earth and its sustenance. Around 6<sup>th</sup> century BC in India, Samkhya school of philosophy proposed 5 fundamental elements of nature namely Ether, Air, Fire, Water and Earth. They cause five Tanmatras or potential experiences for human beings namely Sabda, Sparsa, Roopa, Rasa and Gandha or Sound, Touch, Vision, Taste and Smell.

During the same time Vaiseshika school proposed that every entity in nature is composed of four fundamental elements namely earth (prthivi), water (apas), fire (tejas), and air (vayu). Out of these light is assumed to be streams of fast moving Tejas.

During  $1^{st}$  century AD, Vishupurana depicted the sun as riding a chariot of seven horses which possibly signify the seven days of the week.

ఫురొతన భారతదేశంలో, సూర్పుడు (కాంతి ఇనకం) కనిపించే దేవుడుగా పరిగజించుడ్డ్డడు, ఎందుకంటే ఇది భూమిపై ఉన్న మొత్తం జీవితానికి మరియు దొని జీవనోపాధికి పూర్తి బొధ్యత వహిస్తుంది. భారతదేశంలో క్రీస్తుపూర్వం రవ శతాబ్దంలో, సాంఖ్య స్మూల్ ఆఫ్ ఫిలాసఫీ ఈథర్, ఎయిర్, ఫైర్, వొటర్ మరియు ఎర్త్ అనే ప్రకృతి యొక్క 5 ప్రాథమిక అంశాలను ప్రతిపాదించింది. అవి శబ్ద, స్పర్గ, రూప, రస మరియు గంథ లేదొ ధ్వని, స్పర్మ, దృష్టి, రుచి మరియు వాసన అనే ఐదు తన్నాత్రలు లేదొ మానవులకు సంభాష్య అనుభవాలను కలిగిస్తాయి.

అదే సమయంలో వైశేషిక పాఠశాల ప్రకృతిలోని ప్రతి అస్తిత్వం భూమి (పృఖవి), నీరు (అపాస్), అగ్ని (తేషస్) మలయు గారి (వాయు) అనే నాలుగు ప్రాథమిక అంశాలతో కూడి ఉంటుందని ప్రతిపాదించింది. వీటిలో కాంతి వేగంగా కదులుతున్న తేషస్ ప్రవాహాలుగా భావించుడుతుంది.

**E** - Corner

 https://www.ayurvedacollege.com/blog/advanced-topics 

 ayurveda-tanmatras/

 https://en.wikipedia.org/wiki/History\_of\_optics

 https://en.wikipedia.org/wiki/Speed\_of\_light#History

 https://en.wikipedia.org/wiki/Light



1వ శతాబ్దం ADలో, విష్ణుపురాణం సూర్పుడు ఏడు గుర్రాల రథాన్ని నడుపుతున్నట్లు చిత్రీకలంచింది, ఇది బహుశా పౌరంలోని ఏడు రోజులను సూచిస్తుంది.

క్రీస్తుఫూర్వం 5వ శతాబ్దంలో, ఎంపెడొకిర్స్ అనే గ్రీకు తత్వవేత్త ప్రకృతి అగ్మి, గారి, భూమి మరియు నీరు అనే 4 మూలకాలతో కూడి ఉంటుందని ప్రతిపాదించాడు. కాంతి ఏదో కదరికలో ఉందని, అందువల్ల ప్రయాణించడొనికి కొంత సమయం అవసరమని కూడొ అతను వివరించాడు. తరువాత, అరిస్టాటిర్ కాంతి అనేది పదార్థం మరియు కదరికకు సంబంధించినది కాదని వాదించాడు.

ఎంపెడోక్లెస్ ప్రతిపాదించిన ఉద్గొర సిద్ధొంతం ప్రకారం, ఆఫ్రొడైట్ దేవుడు మానవ కన్నును నాలుగు మూలకాలతో సృష్టించెడు మరియు దృష్టికి కారణమయ్యే కంటిలో మంటను వెరిగించెడు. రొత్రి సమయాల్లో మనం చూడలేము కాబట్టి, దృష్టికి కంటి నుండి వచ్చే కాంతి మరియు బొహ్య వస్తువుల నుండి వచ్చే కాంతి మధ్య పరస్పర చర్య అవసరమని కూడొ అతను ప్రతిపాదించెడు.

అతని ప్రకారం, పిల్లులు రొత్రి సమయంలో భొగా చూడగలవు ఎందుకంటే వొటి కళ్ళలో ఎక్కువ కాంతి ఉంటుంబి. కంటి నుండి వచ్చే కాంతి కూడొ దృష్టికి కారణమైతే, ఒకే వస్తువును ఒకేసాల ఎక్కువ మంబి In 5<sup>th</sup> century BC, Empedocles, a greek philosopher proposed that the nature is composed of 4 elements namely fire, air, earth and water. He also described that the light is something in motion and thus requires some time to travel. Later, Aristotle argued that light is matter and not related to movement.

The emission theory proposed by Empedocles mentions that the god Aphrodite has created the human eye with the four elements and lit fire in the eye which is responsible for vision. Since we can't see during night times, he also proposed that the vision requires an interaction between the light from the eye and the light from the external source.

According to him, cats are able to see better during night times is because they have more light in their eyes. This theory has got a counter argument that if light from the eyes is also responsible for vision, then the vision of people should improve if multiple people observe the same object at a time as more light will be incident on the object. But that is not what is happening in reality.



Fig: Emission theory of vision.

Around 300BC, Euclid and Ptolemy developed that theory in the book of Optics, and improved it by saying that the square shaped objects at a distance look circular because of the shape of the eye. But still the light from the eye is responsible for vision.

They have also developed the concepts of reflection and refraction based on the emission theory of vision.

వ్యక్తులు గమలెస్తే వ్యక్తుల దృష్టి మెరుగుపడుతుందలి ఈ సిద్ధొంతొలికి ప్రతివాదం వచ్చింది, ఎందుకంటే వస్తువుపై ఎక్కువ కాంతి పడుతుంది. కాల్ వొస్తవంలో జరుగుతున్నది అది కాదు.

300BCలో, యూక్లిడ్ మలియు టోలెమీ ఆప్టిక్స్ ఫుస్తకంలో ఆ సిద్ధొంతాన్ని అభివృద్ధి చేశారు మలియు కంటి ఆకారం కారణంగా దూరంలో ఉన్న చతురస్రాకారఫు వస్తువులు వృత్తికారంలో కనిపిస్రాయని చెప్పడం ద్వారొ దొనిని మెరుగుపలిచారు. కానీ అప్పటికి కంటి నుండి వచ్చే కాంతి దృష్టికి బాధ్యత వహిస్తుంది.

వారు దృష్టి యొక్క ఉద్గార సిద్ధాంతం ఆధారంగా పరొవర్తనం మలయు వక్రీభవన భావనలను కూడొ అఖవృద్ధి చేశారు.

అలెగ్జాండ్రియాకు చెంబిన హెరొన్ ప్రకారం మన కళ్ల నుండి వచ్చే కాంతి అనంతమైన వేగంతో ప్రయాజిస్తుంబి కాబట్టి మనం కళ్ళు తెలిచినష్పడు వెంటనే నక్షత్రాలను చూడగలుగుతున్నాము.

కానీ 1వ శతాబ్దం ADలో అల్హాజెస్ కాంతి ఇనకం నుండి వస్తువులపై కాంతి ప్రతిఐంఐంచడం వల్ల దృష్టి జ్జొనం కలుగుతుందని ప్రతిపాదించెడు. ఇది దృష్టి యొక్క ప్రవేశన సిద్ధొంతొనికి తలుఫులు తెరిచింది. ఈ సిద్దొంతం ఆధునిక శొస్తానికి కూడొ ఆమోదయోగ్యమైనది.



Fig: Alhazen's Intromission theory of light.

రెనే డెకార్టెస్ అనే ఫైంచ్ గణిత శాస్త్రజ్ఞడు 1637లో కాంతి ఒక దట్టమైన మాధ్యమంలోకి ప్రవేశించినష్పడు దొని వేగం ధ్వని తరంగాల మాబిలిగానే పెరుగుతుందని ప్రతిపాబించాడు. కాంతి యొక్క కణ స్వళావంపై గాస్సెండి యొక్క ప్రతిపాదన ఆధారంగా, న్యూటన్ కాంతి యొక్క కార్ఫస్కులర్ సిద్ధొంతొన్ని ప్రతిపాబించాడు. అతని ప్రతిపాదన ప్రకారం కాంతి దట్టమైన మాధ్యమంలోకి ప్రవేశించినష్పడు, పదొర్థంతో పరస్పర చర్య కారణంగా అబి మందగిస్తుంబి. కాంతి కణొలు ఇులియర్డ్ బొల్స్ లొగా ప్రవర్తిస్తాయని భావించారు. ఎరుపు రంగు పెద్ద బంతి పలమాణంతో సీలంతో పోలిస్తే పెద్ద మొమెంటం మలియు తక్కువ విచలనం కలిగి ఉంటుంబి. అందువలన వక్రీభవనం కార్ఫస్కులర్ సిద్దొంతొన్ని ఉపయోగించి భాగా వివలించుడింబి. Heron of Alexandria stated that we are able to see stars immediately when we open eyes because the light from our eyes travels with infinite speed.

But Alhazen in 1<sup>st</sup> Century AD proposed that vision is due to the reflection of light on objects from the light source. This opened doors for intromission theory of vision. This theory is accepted by modern science as well.

Rene Descartes, a french mathematician, proposed in 1637 that when light enters a denser medium it's velocity increases just similar to sound waves. Later based on Gassendi's proposal on particle nature of light, Newton has proposed Corpuscular theory of light. According to his proposal when light enters denser medium, it slows down due to interaction with matter. The light particles were assumed to behave like billiard balls. Red being larger ball size will have larger momentum and lesser deviation compared to blue. Thus refraction is explained well using corpuscular theory.

The only problem with Newton's corpuscular theory was that it couldn't explain the simultaneous reflection and refraction. It also could not expain the diffraction patterns produced by light. Newton also proved, using prisms and the famous Newton's wheel, that the sun light consists of 7 colors.



Fig: Newton's concept of white light dispersion.

Further Huygens introduced wave theory of light, followed by improvements made by Fresnel, Poisson, Kirchoff, Young and others and it was successful in explaining the phenomena like Interference, Diffraction and Polarization.

న్యూటన్ యొక్క కార్పస్కులర్ సిద్ధొంతంలో ఉన్న పొకైక సమస్య పెమిటంటే అది పెకకాల పరొవర్తనం మలియు వక్రీభవనొచ్చి వివలించలేకపోయింది. ఇది కాంతి ద్వొరొ ఉత్పత్తి చేయబడిన డైఫ్రాక్షన్ నమానొలను కూడొ వివలించలేకపోయింది. న్యూటన్ ప్రిజిమ్స్ మలియు ప్రసిద్ధ న్యూటన్ చక్రం ఉపయోగించి, సూర్యకాంతి 7 రంగులను కలిగి ఉంటుందని నిరూపించాడు.

తరువాత హ్యాజెన్స్ కాంతి తరంగ సిద్ధాంతాల్ని ప్రవేశపెట్టారు, ఫైస్నెల్, పాయిసన్, కిర్చోఫ్, యంగ్ మలయు ఇతరులు చేసిన మెరుగుదలలు మలయు ఇంటర్ఫేరెన్సు, డిఫ్రాక్షన్ మలయు పోలరైజెషన్ వంటి దృగ్విషయాలను వివలంచడంలో ఇబి విజయవంతమైంబి.

తదనంతరం, మాక్నెల్ విద్యుత్ మలయు అయస్కాంత క్షేత్రెలను ఏకీకృతం చేశాడు మలయు కాంతి యొక్క విద్యుదయస్కాంత సిద్ధాంతాన్ని అభివృద్ధి చేశాడు. ఇక్కడ శూన్యంలో లేదొ ఏదైనా మధ్యమంలో కాంతి వేగం మాధ్యమం యొక్క పల్గిటివిటీ మలయు పల్గియజారిటీ పై ఆధారపడి ఉంటుంది.

శూన్యంలో కాంతి వేగం $c=1/\sqrt{\mu_o\epsilon_o}$ 

పదార్థ మాధ్యమంలో కాంతి వేగం $v=1/\sqrt{\mu\epsilon}=1/\sqrt{\mu_o\mu_r\epsilon_o\epsilon_r}$ 

అందువలన మాధ్యమం యొక్క రెప్రాక్టీవ్ ఇండెక్స్ ఇలా ఇవ్వబడుతుంబి

$$n = \frac{c}{v} = \frac{1/\sqrt{\mu_o \epsilon_o}}{1/\sqrt{\mu_o \mu_r \epsilon_o \epsilon_r}} = \sqrt{\mu_r \epsilon_r}$$

నొన్ మాగ్నెటిక్ మెటీలయల్ లో, $n=\sqrt{\epsilon_r}$ 

తరువాత ఐబ్జ్సీస్, హెల్రిచ్ హెర్ట్ రచనలు అనుసలంచి కాంతికి సంబంభించిన ఫోటాన్ సిద్ధొంతొన్ని ప్రతిపాబించారు. సమకాలీనంగా కాంప్టన్ ప్రభావం కూడొ కాంతి ఫోటాన్ వంటి ప్రవర్తనను కలిగి ఉంటుందని నిరూపించింది.

ఆధునిక భౌతిక శాస్త్రం యొక్క పరిశామం మరియు క్వాంటం మెకానిక్స్ అఖివృద్ధితో, ఆఫ్టిక్స్ యొక్క అధ్యయనం క్వాంటమ్ ఆఫ్టిక్స్ వైపు కొత్త ఫుంతలు తొక్కింది. ఇది పరిశోధనా రంగంలో అనేక రకాల అవకాశాలను మరియు బహిరంగ సవాళ్లకు తెరతీసింది..

ఉపయోగించిన కాంతి షనకం యొక్క తరంగదైర్హ్యంతో పోలెస్తే వస్తువు యొక్క పలమాణం చాలొ పెద్దబి అయినట్లయితే, కాంతి యొక్క రెక్టిలినియర్ మోషన్ పలగణించబడుతుంబి. బీనిని కాంతి కిరణ సిద్ధొంతం అని కూడొ అంటారు. సంబంభిత ఆస్టిక్స్ను జొమెట్రిక్ ఆస్టిక్స్ అంటారు. ఈ పద్ధతిని ఉపయోగించి, లెఫ్లెక్షన్, లెఫ్రాక్షన్ మలియు టోటల్ ఇంటర్నల్ లెఫ్లెక్షన్ ప్రక్రియలను విజయవంతంగా వివలించవచ్చు. డిస్పర్షన్, స్కేటలింగ్ మొదలైన దృగ్విషయాలను కూడొ వివలించవచ్చు. Subsequently, Maxwell unified electric and magnetic fields and developed electromagnetic theory of light. Here the velocity of light in vacuum or in any medium depends on the permittivity ( $\epsilon$ ) and permeability ( $\mu$ ) of the medium.



Fig: Electromagnetic wave

Velocity of light in vacuum is  $c = 1/\sqrt{\mu_o \epsilon_o}$ 

Velocity of light in material medium is  $v = 1/\sqrt{\mu\epsilon} = 1/\sqrt{\mu_o\mu_r\epsilon_o\epsilon_r}$ Thus the refractive index of the medium is given by

$$n = \frac{c}{v} = \frac{1/\sqrt{\mu_o \epsilon_o}}{1/\sqrt{\mu_o \mu_r \epsilon_o \epsilon_r}} = \sqrt{\mu_r \epsilon_r}$$

For nonmagnetic material media,  $n=\sqrt{\epsilon_r}$ 

Later Einstein, followed by the works of Heinrich Hertz, proposed the photon theory of light. Contemporarily Compton Effect also has established the photon like behaviour of light.

With the evolution of modern physics and the development of quantum mechanics, optics has took a new leap into quantum optics. This opened a wide variety of possibilities and open challenges in the research field.

During the light matter interaction, which model to be considered is decided by the size of the object compared to the wavelength of the light source.

If the size of the object is very large compared to the wavelength of the light source used, rectilinear motion of light is considered. This is also called the ray model of light. The corresponding optics is called

లఫ్లెక్షన్ , లఫ్రాక్షన్ సమయంలో కాంతి యొక్క ప్రవర్తన ప్రిన్సెపుల్ అఫ్ లీస్ట్ యాక్షన్ ద్వొరొ నిర్ణయించుుడుతుంబి. ఈ సూత్రం చౌర్ట్ కణాలు, అయస్కాంత బ్విధ్రువొలు మరియు భౌరీ వస్తువుల మధ్య ఆకర్షణ మరియు వికర్షక శక్తులను నియంత్రించే సూత్రం.

జొల్-సెకండ్ యూనిట్ గా కరిగిన భౌతిక రొశిని యాక్షన్ అంటారు. వస్తువు యొక్క పొజిషన్ తో మొమెంటం లేదొ వస్తువు యొక్క ప్రయాణ సమయంతో శక్తి లేదొ వస్తువు యొక్క యాంగులర్ డిస్ట్రేసెమెంట్ తో యాంగులర్ మొమెంటంను గుణించడం ద్వారొ దీనిని పొందవచ్చు.

లఫ్లెక్షన్ ఇలగే సమయంలో, కాంతి కిరణాలు ఒకే మాధ్యమంలో ప్రయాణిస్తాయి కాబట్టి, వేగం ఫ్థిరంగా ఉంటుంబి. వేగం ఫ్థిరంగా ఉంటుంబ కాబట్టి, మొమెంటం ఫ్థిరంగా ఉంటుంబి. అందువలన లీస్ట్ యాక్షన్ కండిషన్ లీస్ట్ డిస్టెన్స్ కు కుబించబడుతుంబి. ఆ విధంగా లఫ్లెక్షన్ సమయంలో చిన్నదైన మార్గం ఉత్తమ మార్గం అవుతుంబి.

అదే విధంగా రెండు పదొర్ధాల సలహద్దులో (ขౌండరీ వద్ద) కాంతి లఫ్రాక్షన్ శురిగినప్పుడు, కాంతి తరంగం బౌండరీ కి ఇరువైపులొ కనెక్టెడ్ గా ఉండటొనికి ఫ్రీక్ఫెన్సీ ఫ్రిరంగా ఉండొరి. సలహద్దుకు ఇరువైపులొ తరంగాల ఫ్రీక్ఫెన్సీ మారుతా ఉంటే, తరంగం డిస్కనెక్ట్ అవుతుంది. లఫ్రాక్షన్ సమయంలో ఫ్రీక్ఫెన్సీ ఫ్థిరంగా ఉండవలసి వస్తే, ప్లాంక్ సూత్రం E=hv నుండి చూసినట్లుగా శక్తి కూడొ స్థిరంగా ఉంటుంది. అలాంటష్కడు రీస్ట్ యాక్షన్ కండిషన్ రీస్ట్ టైం కు కుదించబడుతుంది. అందువల్ల లఫ్రాక్షన్ విషయంలో ఉత్తమ మార్గం తక్కువ సమయం ద్వారా నిర్ణయించబడుతుంది.

లఫ్లెక్షన్ లఫ్రాక్షన్ లపై అవగాహన తరువాత తరువాత,టోటల్ ఇంటర్నల్ లఫ్లెక్షన్, ఉస్పర్షన్, స్మేటలంగ్ లాంటి దృశ్విషయాలను తెలికగా వివలించవచ్చు..

కాంతి తరంగ స్వళావం యొక్క ప్రభావాలను గమనించడొనికి, వస్తువు పరిమాణం తప్పరిసరిగా ఉపయోగించిన కాంతి షనకం యొక్క తరంగదైర్ఘ్రంతో పోల్చదగినదిగా ఉండొరి. ఉదోహరణకు, డబుల్ స్లిట్ ఇంటర్ఫేరెన్సు ప్రయోగం విషయంలో, పట్టీ వెడల్పు సూత్రం  $\beta = D\lambda/2d$ , D స్లిట్లు మరియు స్ల్రీఫ్ మధ్య దూరం, 2d రెండు చిరికల మధ్య దూరం మరియు  $\lambda$  కాంతి షనకం యొక్క తరంగదైర్ఘ్రం. ఉదొహరణకు, D = 1cm,  $\lambda = 532nm = 532 \times 10^{-7}cm$ , మరియు  $2d = 1\mu m = 1 \times 10^{-4}cm$ , అయితే  $\beta = 0.532cm$  అవుతుంది. ఆ విధంగా  $\lambda/2d = 0.5321cm$  అయినష్టుడు అనగా, వేప్ లెస్ట్ స్లిట్ విడ్త్ తో పోల్షదగ్గ పరిమాణంలో ఉండి, స్క్రీఫ్ 1cm దూరంలో ఉంచినష్టుడు పర్పడే ఇంటర్ఫేరెన్సు పాటర్న్ పట్టీ వెడల్పు 0.532cm ఉంటుంది.

అదేవిథంగా శిఫ్రాక్షన్ పాటర్న్ గమpంచడా p8, గ్రేటింగ్పై లేళర్ శిఫ్రాక్షన్ ప్రయోగాన్ని పలిగజించండి. సాధారణ శిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్ 15000 lines per inch కలిగి ఉంటుంబి. అనగా; శిఫ్రాక్షన్ ఎలిమెంట్ యొక్క వెడల్పు  $\frac{1}{15000}$  inch  $=\frac{2.54}{15000}$  cm  $= 1.693 \times 10^{-4}$  cm. కాంతి ఇనకం యొక్క తరంగవైర్హం  $532nm = 532 \times 10^{-7}$  cm అయితే, 100 cm దూరం వద్ద ఉంచబడిన స్క్రీన్పై గమpంచిన విధంగా సెంట్రల్ ఫ్రింజ్ యొక్క వెడల్పు  $\sin \theta = 1\lambda/(e+d) = 532 \times 10^{-7}$  cm/  $1.693 \times 10^{-4}$  cm = 0.314235ఉంటుంబి. the geometric optics. Using this model, the reflection, refraction and total internal reflection processes can be explained successfully. One may also explain the phenomena like dispersion, scattering etc.

The behaviour of light during reflection and refraction can be determined by the principle of least action, which is the governing principle for the attractive and repulsive forces between charged particles, magnetic dipoles and massive objects.

The physical quantity that has the dimensions of Joule-second is called Action. This can be obtained by multiplying momentum with the position of the object or Energy with time of travel of the object or Angular momentum with the angular displacement of the object.

In the case of reflection, since the light rays travel in the same medium, velocity remains constant. Since velocity remains constant, momentum will remain constant. Thus minimum action condition reduces to minimum distance. Thus the shortest path will become the best path during reflection.

Similarly in the case of refraction of light across a boundary, the frequency must remain constant in order to keep the wave connected across the boundary. If the frequency of wave on either side of the boundary varies, the wave gets disconnected. Thus if the frequency has to remain constant during refraction, energy also remains constant as seen from Planck's formula E = hv. In that case the condition on minimum action reduces to the condition on minimum time. Thus in the case of refraction the best path is decided by the shortest time.

Once the conditions on reflection, refraction are well established, one can explain the phenomena of total internal reflection, dispersion, scattering and the others in a convenient way.

To observe the effects of wave nature of light, the size of the object must be comparable to the wavelength of the light source used. For example, in the case of double slit interference experiment, the fringe width formula is  $\beta = D\lambda/2d$ , where *D* is the distance between slits and screen, 2d is the separation between the two slits and  $\lambda$  is the wavelength of light source.

అష్టుడు  $\theta = 18°18'$  లేదొ  $\tan \theta = x/1 = 0.331$  లేదొx = 0.331cm అవుతుంది. అందువల్ల పదొర్ధం యొక్క పరిమాణంతో పోల్చదగిన తరంగదైర్ఘ్యం మరియు స్క్రీన్ దూరం 1cm ఉన్నష్టుడు, ఢిఫ్రాక్షన్ పాటర్న్ యొక్క వెడల్పు 0.332cm ఉంటుంది. ఇది ఇంటర్ఫేరెన్సు దృగ్విషయం విషయంలో పొందిన ఫరితొన్ని పోరి ఉంటుంది.

కాంతి సమక్షంలో వస్తువులను పలిశీరించడొనికి డిఫ్రాక్షన్ రిమిట్ అని పిలువబడే రిశుల్యాషన్ ప్రమాణం ఉంబి. వస్తువుల మధ్య దూరం కాంతి శినకం యొక్క సగం తరంగదైర్హ్యం కంటే ఎక్కువగా ఉన్నష్టుడు మాత్రమే పదైనొ రెండు వస్తువులను స్పష్టంగా గుర్తించవచ్చు. బీనినే డిఫ్రాక్షన్ రిమిట్ లేదొ రిశొర్వింగ్ పవర్ అంటారు.



Fig: Diffraction limit on resolving power.

ఇక్కడ కాంతి తరంగం యొక్క ప్రతి శిఖరం (ప్రతి సగం తరంగంలో ఒకటి) వస్తువు గులంచి ఒక పిక్సెల్ సమాచౌరొన్ని కలిగి ఉంటుంబి. రెండు వస్తువులు ఒక సగం అలతో కప్పబడిన ప్రదేశంలో కూర్చుంటే, అబి ఒకటిగా కనిపిస్తాయి. అందువల్ల బిజిబుల్ లైట్ కి మైక్రోస్కోపిక్ లిజిల్యాషన్పై పలిమితి ఉంబి. సీలిరంగు కాంతిని ఉపయోగించినప్పటిక్, 1900Å మాత్రమే రెస్దోల్యుషన్ ఉంటుంబి.

కాంతి జనకం యొక్క తరంగదైర్హ్రంతో పోలెస్టే వస్తువు పరిమాణం చౌలొ తక్కువగా ఉన్నప్పడు, కాంతి యొక్క ఫోటాన్ నమానాను పరిగణనలోకి తీసుకోవలసి ఉంటుంబి. ఉదొహరణకు, కాంతి అణువులోని ఎలక్ట్రాన్త్ ఇంటరొక్షన్ చెంబితే, దొని ఫోటాన్ స్వభావొన్ని పరిగణనలోకి తీసుకోవారి.

ఎలక్ట్రైన్ అభిక శక్తి స్థాయి నుండి తక్కువ శక్తి స్థాయికి దూకినష్టుడు ఫోటాన్ విడుదలపుతుంబి. ఫోటాన్ ను వేవ్ ప్యాకెట్ లేదా క్వాంటం (ప్యాకెట్) శక్తిగా పలగణించవచ్చు.

ఫోటోఎలెక్ట్రిక్ ప్రభావంలో, మన సూజ జ్ఞానం ప్రకారం కాంతి తీవ్రత పెరుగుదలతో, ఫోటోఎలెక్ట్రాన్ గతి శక్తి పెరగాలని మరియు ఫోటోఎలెక్ట్రార్ల సంఖ్య ఫ్రీక్వెన్సీ పెరుగుదలతో పెరుగుతుందని అనిపిస్తుంది. కానీ పొస్తవంలో అందుకు విరుద్ధంగా జరుగుతోంది. ఫోటాన్ యొక్క ఫ్రీక్వెన్సీ పెరుగుదలతో, ఫోటోఎలెక్ట్రాన్ యొక్క గతి శక్తి పెరుగుతుంది మరియు తీవ్రత పెరుగుదలతో, ఫోటోఎలెక్ట్రాన్ల సంఖ్య పెరుగుతుంది మరియు ఈ పరిశీలనలను కాంతి యొక్క ఫోటాన్ చిత్రాన్ని ఉపయోగించి విన్యోన్ విజయవంతంగా వివరించాడు,దీని కోసం ఆయన 1921లో నోటెల్ బహుమతిని అందుకున్నారు. For example, for D = 1cm,  $\lambda = 532nm = 532 \times 10^{-7}cm$ , and  $2d = 1\mu m = 1 \times 10^{-4}cm$ , we have  $\beta = 0.532cm$ . Thus for  $\lambda/2d = 0.532$ . i.e.; for wavelengths comparable to the slit size and for 1cm screen separation, one can observe an interference pattern with width of 0.532cm.

Similarly to observe the effects of diffraction pattern, consider a laser diffraction experiment on a grating. A usual diffraction grating has 15000 *lines per inch*. i.e.; the width of the diffraction element is  $\frac{1}{15000}inch = \frac{2.54}{15000}cm = 1.693 \times 10^{-4}cm$ . If the wavelength of the light source is  $532nm = 532 \times 10^{-7}cm$ , then the width of the central fringe as observed on a screen placed at 100cm distance is  $\sin \theta = 1\lambda/(e+d) = 532 \times 10^{-7}cm/1.693 \times 10^{-4}cm = 0.314$  Then  $\theta = 18^{\circ}18'$ . Or  $\tan \theta = x/1 = 0.331$  or x = 0.331cm. Thus for wavelength comparable to the size of the material and for a screen distance of 1cm, the width of the diffraction pattern is 0.332cm. This is similar to the result obtained in the case of interference phenomenon.

There is a resolution criterion, known as the diffraction limit, for the observation of objects in the presence of light. Any two objects can be clearly distinguished only when the separation between the objects is more than half the wavelength of the light source. This is called diffraction limit or resolving power.

Here each peak of the light wave (one in each half wave) carries one pixel of information about the object. If two objects sit in a place covered by one half wave, they will be seen as one. Thus there is a limit on microscopic resolution for visible light. Even if blue light is used, one can resolve up to 1900Å only.

When the object size is negligibly small compared to the wavelength of the light source, then one may need to consider the photon model of light. For example when light interacts with the electron in an atom, then one needs to consider its photon nature.

Photon is emitted when an electron jumps from a higher energy level to a lower energy level. Photon may be considered as a wave packet or a quantum (packet) of energy.

ఫ్రీక్వెన్సీ యొక్క సాధారణ అర్థం యూనిట్ సమయానికి ఏదో ఒక సంఖ్య. ఉదొ: ఒక మార్గంలో బస్సుల ఫ్రీక్వెన్సీ. అయితే, ఇక్కడ మనం ఒకే ఎలక్ట్రాన్ యొక్క ఫ్రీక్వెన్సీ గురించి మాట్లాడుతాము. అంటే ఏమిటి? ఇది ఫోటాన్లోని వేప్ ప్యాకెట్ యొక్క ఫ్రీక్వెన్సీ. ఫోటాన్ అధిక శక్తి గ్యాప్ ట్రాన్సిషన్ నుండి ఉత్పత్తి చేయబడితే, దొని ఫ్రీక్వెన్సీ ఎక్కుపగా ఉంటుంది మరియు తక్కువ శక్తి గ్యాప్ ట్రాన్సిషన్ నుండి ఉత్పత్తి చేయబడితే, దొని ఫ్రీక్వెన్సీ ఎక్కుపగా ఉంటుంది.

అష్పడు ఒకే ఫోటాన్ తీవ్రతను ఎలా పెంచారి? వేప్ ప్యాకెట్లోని వేప్ యాంప్లిట్యాడ్ స్కోర్ కి తీవ్రత రింక్ చేయబడింది. కంఫ్ట్రక్టిప్ ఇంటర్ఫేరెన్సు ఉంటే, యాంప్లిట్యూడ్లు జోడించబడతాయి. ఫోటాన్ తీవ్రత నాలుగు రెట్లు పెరిగినట్లయితే, అది పాస్తపారికి కంస్ట్రక్టిప్ గా సూపర్కోస్ చేయబడిన రెండు ఫోటాన్ర్రామ కరిగి ఉంటుంది.

ఈ రోజుల్లో ఫోటాన్ యొక్క కొంత భాగం కూడొ గ్రహించబడింబి, ఇక్కడ వివిధ పౌనుపున్వాలు కరిగిన ఫోటాన్లలు ఒక కాంపాక్ట్ వేప్ ప్వాకెట్సు నిల్మించడొనికి సూపర్కోస్ చేయబడ్డాయి.

ఇబి ఆస్టి క్స్ లో అట్ట్రెఫార్ట్ పళ్స్ లేజర్లు అనే కొత్త శాఖను ప్రారంభించింది. ప్రస్తుతం ప్రజలు అటోసెకండ్ లేజర్ను అఖవృద్ధి చేశారు. అనగా; సగటు తరంగదైర్హ్యం 10,000Å మరియు పౌనఃపున్యం  $3 \times 10^{12} Hz$  ఉన్న వివిధ పరొరుణ కాంతి తరంగాల సూపర్పొజిషన్ తర్వొత, ఉత్పత్తి చేయుబడిన వేవ్ ప్యాకెట్  $300 \ ZeptoSecond$  కాల వ్యవభిని కరిగి ఉంటుంది. అనగా  $300 \times 10^{-18} Sec$  మత్రమే పళ్స్ ఆన్ అఫుతుంది. ఆ తక్కువ సమయంలో, కాంతి  $s = c \times t = 3 \times 10^8 \times 300 \times 10^{-21} =$  $900 \times 10^{-11} దూరం మాత్రమే ప్రయాజిస్తుంది. దొనిని ఉపయోగించి హీరియం పరమాణువు నుండి$ ఎలక్ట్రాన్ బయటకు వచ్చేటటువంటి ఫోటో తీయబడింది.



Fig: Photograph of Electron ejecting out of Helium atom.



In photoelectric effect, our general intuition says that with the rise in intensity, the photoelectron kinetic energy should increase and with the rise in frequency number of photoelectrons should increase. But in reality opposite is happening. With the rise in frequency of photon, kinetic energy of photoelectron increases and with the rise in intensity, number of photoelectrons increase and these observations were successfully explained by Einstein by using the photon picture of light, for which he received Nobel prize in 1921.

The general meaning of frequency is number of something per unit time. Eg: the frequency of buses in a route. However, here we talk about frequency of a single photon. What does that mean? It is the frequency of the wave packet within the photon. If the photon is generated from a high energy gap transition, its frequency will be more and if it is generated from a low energy gap transition, its frequency will be less.



Fig: High frequency and low frequency photon.

Then how to increase the intensity of a single photon? The intensity is linked with the square of the amplitude of the wave in the wave packet. If there is a constructive interference, amplitudes will add up. Thus if a photon intensity rises by four times, it actually carries two photons which are superimposed constructively.



Fig: Rise in intensity by constructive interference.

Nowadays a fraction of the photon also has been realized where photons with different frequencies are superimposed to construct a compact wave packet in time.

వివిక్త శక్తి ఫ్థాయిలు మరియు ఫోటాన్ భావనలను స్పష్టంగా అర్థం చేసుకున్న తర్వొత, ఫోటాన్ల యొక్క సూపర్పొజిషన్న్ అధ్వయనం చేయడొనికి ఒకరు సంసిద్ధులు కావచ్చు. అన్ని ప్రాథమిక ప్రయోజనాల కోసం ఆప్టిక్స్**లో వీనియర్ సూపర్పొజిషన్ పరిగజించ**ుడుతుంబి. అనగా; రెండు లేదా అంతకంటే ఎక్కువ తరంగాలు సూపర్ ఇంపోజ్ అయినష్టుడు వొటి యాంప్లిట్యూడ్ లు మొదటి ఘతం లోనే జోడించబడతాయి.

అనగా; $Y = Y_1 + Y_2 + Y_3 + \cdots$ 

సూపర్పోజిషన్ వ్యక్తిగత యాంప్లిట్యూడ్ల యొక్క అభిక ఘాతం లో జలిగితే, అబి ''నాస్-రీనియర్ ఆఫ్టిక్స్'' అనే ఆఫ్టిక్స్ యొక్క కౌత్త శాఖకు దొరి తీస్తుంబి. ఆ అభిక ఆర్డర్ సూపర్పోజిషన్లను గమనించడొనికి, కాంతి జనకాలు చౌలా ఎక్కువ తీవ్రతను కరిగి ఉండారి. అభిక శక్తి లేజర్ల ఆవిష్కరణతో ఇబి సులభమైన పనిగా మారింది.

ఫోటాస్లు మరియు శక్తి ఫ్థాయిల వివిక్త స్వభావం యొక్క మరొక వైఫు క్వాంటం ఆఫ్టిక్స్ రంగం అఖవృద్ధికి దొరి తీస్తుంబి, ఇక్కడ ఫోటాస్ ఉత్పత్తి, శోషణ మరియు ఫునఃసంయోగాలు వివిక్త పరిమాణ పద్ధతిలో ఇరుగుతాయి. ఇబి అత్వంత సంక్లిష్టమైన లేజర్ వ్యవస్థలు మరియు ఆఫ్టికల్ లాజిక్ గేట్లు, ఆఫ్టికల్ కంఫ్యూటర్లు మొదలైన ఆఫ్టికల్ సిస్టమ్లు అఖవృద్ధికి దొరి తీస్తుంబి.

https://uncw.edu/phy/documents/raphael\_06.p df



కాంతి యొక్క మరొక ముఖ్యమైన శైలి సాపేక్ష మెకానిక్స్ లో ఉంది, ఇక్కడ ఇది రెండు విశ్వాల మధ్య వొరధిగా పనిచేస్తుంది, బీనిలో పదొర్థ కణొలు పరుసగా కాంతి వేగం కంటే తక్కువ మరియు కాంతి వేగం కంటే ఎక్కువ వేగంతో ప్రయాణిస్తాయి.

మనం జీవిస్తున్న భౌతిక ప్రపంచం కణ వేగం పై పలిమితిగా కాంతి వేగాన్ని కలిగి ఉంటుంది. కణం యొక్క సాపేక్ష మొమెంటం ద్వారా ఇవ్వబడింది

$$p = \frac{p_o}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

ఎప్పడు  $v = c అవుతుందో <math>p = \infty$  అవుతుంబి. ఊహాత్శకంగా కాంతి వేగం కంటే వస్తువుల వేగాలు ఎక్కువగా ఉండే మరొక భౌతిక ప్రపంచం ఉంటుంబి. మన ప్రపంచం లో అఖవృబ్ధి చెంబన మెటీలయబిస్టిక్ ప్రోచ్స్ ఆ వ్వవస్థలను పసిగట్టలేవు. ఇక్కడ కాంతి టొకియోనిక్ ప్రపంచొనికి మలయు మన ప్రపంచానికి మధ్య ఉన్న పకైక వంతెన.

అంతలక్ష వెహనెలను నడపడొనికి కాంతి ఇంథనంగా పనిచేసే ఎలక్ఫోమాగ్నెటిక్ -డ్రైవ్ ఇంజిస్లేలను కూడొ శొస్త్రవేత్తలు అఖవృద్ధి చేస్తున్నారు. ఇక్కడ రేడియేషన్ పీడనం చోదక శక్తిగా పనిచేస్తుంది. ఈ EM-డ్రైవ్ సాంకేతికతతో సైద్ధొంతికంగా అంతలక్ష వొహనెలకు కాంతి వేగాన్ని చేరుకోవడం సాధ్యమవుతుంది.


**Fig: Wave packet** 

This opened a new branch in optics namely ultrashort pulse lasers. At present people have developed an attosecond laser. i.e.; after superposition of various infrared light waves, with average wavelength around 10,000Å and frequency  $3 \times 10^{12} Hz$ , the wavepacket generated has  $300 \ ZeptoSecond$  time period. i.e.; the pulse will be on only for  $300 \times 10^{-18} Sec$ . In that short time, the light will travel only a distance of  $s = c \times t = 3 \times 10^8 \times 300 \times 10^{-21} = 900 \times 10^{-11} m$ . Using that an electron ejecting out of Helium atom was photographed.

Once the discrete energy levels and photon concepts are clearly understood, one may then graduate to study the superposition of photons. In optics for all basic purposes linear superposition has been considered. i.e.; when two or more waves are superimposed, their amplitudes will add up in the powers of unity.

i.e.;  $Y = Y_1 + Y_2 + Y_3 + \cdots$ 

where  $Y_1, Y_2, Y_3, ...$  are the individual components. If the superposition takes place in the higher powers of individual amplitudes, then it leads to a new branch of optics called "Non-linear Optics". To observe those higher order superpositions, the light sources must have very high intensity. With the invention of high power lasers this has become an easy task.

The other side of discrete nature of energy levels and photons led to the development of the field of Quantum Optics where photon generation, absorption and recombinations take place in discrete quantized manner. This led to the development of highly complex



Fig: Electromagnetic Drive technology.

అందువల్ల కాంతి పదొర్థం యొక్క లక్షణొలను అర్థం చేసుకోవడంలో మలయు అణు సచ్**టొమిక్ క**ణొల వంటి అతి చిన్న వస్తువుల నుండి విశ్వ పలిమాణంలో**ని చౌలొ పెద్ద వస్తువుల యొక్క అన్వేషించబడ**ని పార్శ్వొలను గ్రహించడంలో కీలక పాత్ర పోషిస్తుంబి. అందువల్ల కాంతి యొక్క లక్షణొల అధ్వయనం, ప్రకృతి రహస్యాల చిక్కుముడులను విష్పటకు, కాంతి యొక్క నిజిమైన సామర్థ్యొన్ని గ్రహించుటకు ఉపయోగపడుతుంబి.

ఈ పలచయంతో, మనము ఆస్టిక్స్ అధ్వయనంలోని వివిధ శౌఖల ప్రాథమిక వర్గీకరణను పొందుపరచిన తరువాత పుస్తకం యొక్క తదుపల కోర్పులోకి వెళ్తాము.



**Fig: Sub-branches of Optics** 

Laser systems and optical systems like optical logic gates, optical computers etc.

Another most important genre of light is in the relativistic mechanics, where it acts as a bridge between the two universes in which the material particles travel with velocities less than the speed of light and more than the speed of light respectively.

The physical realm we are living in has a light velocity as the upper limit on the particle velocity. The relativistic momentum of the particle is given by

$$p = \frac{p_o}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

When  $v = c, p = \infty$ . Hypothetically there would be another physical realm where velocities of objects are more than the speed of light. The materialistic probes developed in our realm can't sense those systems. Here light is the only bridge between the tachyonic world and our world.

Scientist are also developing ElectroMagnetic-drive engines where light acts as a fuel to run the space vehicles. Here the radiation pressure acts as the driving force. With this EM-drive technology theoretically it is possible to attain near the light velocity to space vehicles.

Thus light plays a crucial role in understanding the properties of matter and realizing the unexplored realms of extremely large objects of cosmic size to extremely small objects like nuclear subatomic particles. Hence the study of properties of light makes us to explore the true potential of light in order to unravel the secrets of nature.

With this introduction, we will give a basic classification of branches in the study of optics and go into the further course of the book.

# UNIT-1 INTERFERENCE OF LIGHT కాంతి యొక్క ఇంటర్పెరెన్ను



## శిక్షణ లక్ష్మాలు

ఈ అధ్వాయంలో విద్యార్థులు ఈ క్రింబి విషయాలు నేర్చుకుంటారు,

- 1. ఇంటర్ఫెరెన్సు యొక్క ప్రాథమికాలు, ఇంటర్ఫెరెన్సుకి షరతులు.
- బివిధ రకాల ఇంటర్ఫెరెన్సు మలయు లఫ్లెక్షన్ లో ఫేళ్ మార్పునకు స్టాక్ పలచర్య.
- 3. లెయిడ్ అద్దం.
- పలుచని పొరలలో ఇంటర్పెరెన్సు మరియు రంగులు, న్యూటన్ రింగులు
- 5. మైఖేల్సన్ ఇంటర్ఫెరోమీటర్.

## అభ్యసన ఫలితొలు

అధ్వాయం ముగిసే సమయానికి,విద్వార్థులు ఈ క్రిందివి చేయగలరు

- 1. కాంతి తరంగాల స్థిరమైన ఇంటర్ఫెరెన్సు కోసం వివిధ పరిస్థితులను వివరించగలరు .
- కాంతి యొక్క వివిధ రకాల ఇంటర్ఫెరెన్సులను వివలించగలరు.
- 3. సన్నని ఫిల్డ్ లలో & లాయిడ్ మిర్రర్పే ఇంటర్ఫెరెన్సుని ప్రదర్శించగలరు .
- న్యూటన్ లంగ్ యొక్క వ్యాసంపై ప్లానో-కుంభాకార లెన్స్ యొక్క లఫ్రాక్టిప్ ఇండెక్స్ మలయు పక్రత వ్యాసార్థం యొక్క ప్రభావాలను విశ్లే షించగలరు .
- 5. స్టోక్ చికిత్సను ఉపయోగించి పలుచని పోరలలో నిర్మోణాత్మక మరియు విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి సంబంధించిన పరిస్థితులను సమర్థించగలరు.
- 6. ఐఐథ రంగాలలో ఇంటర్ఫెరెన్సుని అప్లై చేయడొనికి ప్రోటోటైప్ నమానొలను అఖవృద్ధి చేయగలరు .

## INTERFERENCE <u>OF LIGHT</u>



## Syllabus

Introduction, Conditions for interference of light, Interference of light by division of wave front and amplitude, Phase change on reflection - Stokes' treatment, Lloyd's single mirror, Interference in thin films: Plane parallel and wedgeshaped films, colours in thin films, Newton's rings in reflected light-Theory and experiment, Determination of wavelength of monochromatic light, Michelson interferometer and determination of wavelength.

### Learning Objectives

In this chapter students would learn about,

- 1. Basics of interference, conditions for interference.
- 2. Various types of interference and Stokes' treatment of phase changes upon reflection.
- 3. Lloyd's mirror.
- 4. Interference and colors in thin films, Newton's rings
- 5. Michelson Interferometer.

#### Learning Outcomes

By the end of the chapter, student would be able to

- 1. Describe various conditions for sustainable interference of light waves.
- 2. Explain various types of interference of light.
- 3. Demonstrate interference in thin films & on Lloyd's mirror.
- 4. Analyze the effects of refractive index and radius of curvature of plano-convex lens on Newton's ring diameter.
- 5. Justify the conditions for constructive and destructive interference in thin films using Stoke's treatment.
- 6. Develop prototype models for application of interference in various fields.

## వివిధ ప్రోగ్రాం లకు చెందిన నిర్దిష్ట ఫరితొలు మరియు భవిష్యత్ దిశౌనిర్దేశకాలు

ఈ అధ్యాయం ముగిసే సమయానికి నిర్దష్ట ప్రోగ్రామ్ల నుండి విద్యార్థులు క్రింబి రంగాలలో కాంతి ఇంటర్ఫెరెన్సు యొక్క అవసరొన్ని గుర్తించగలరు.

- 1. ఫిజిక్స్: ఇంటర్ఫెరోమెట్రీ టెక్నిక్ స్పెక్ట్రోస్మాఫీ, ఖగాళ శాస్త్రం, ఆఫ్టికల్ ఫైటర్స్, మెటీలయల్ సైన్స్లో దాని అప్లికేషన్లను కరిగిఉంది.
- 2. రసాయన శాస్త్రం:స్పెక్ట్రోస్తాపిక్ పద్ధతులు ఇంటర్ఫెరోమెట్రీల ఉపయోగిస్తాయి మరియు అదనంగా, ద్రవ నమానొల రిఫ్రాక్టిప్ ఇండెక్స్ , స్నిగ్ధత, కణ పరిమాణం మొదలైనవొటిల ఇంటర్ఫెరెన్సు పద్ధతులను ఉపయోగించా విశ్లే షించవచ్చు.
- 3. కంప్యుటర్ పైస్స్:ఆప్టికల్ కంప్యుటింగ్ అనేబి గణన రంగంలో ఒక అపూర్వ సాంకేతికత, ఇక్కడ సాంప్రదాయ ఎలక్ట్రాంక్ లొజిక్ గేట్లకు బదులుగా కాంతి యొక్క నిర్మొణొత్తక మరియు విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సు ద్వోరా లొజిక్ కార్యకలాపాలు సాభించబడతాయి.
- భూగర్ళ శాస్త్రం: మెట్రాలజీ మలయు జియోలొజికల్ నమానాలు ఇంటర్ఫెరోమెట్రిక్ టెక్నిక్ ద్వారా పర్గికలంచుడతాయి.
- 5. ఎలక్ట్రాలక్స్:వివిధ ఆస్టోఎలక్ట్రాలక్ సెన్సార్లు, ఆస్టో మెట్రిక్ సాథనాలు మరియు ఆస్టికల్ ఫైబర్ లలో రొద, Lifi మొదలైనవి కాంతి ఇంటర్ఫెరెన్సు సూత్రంపై ఆధారపడతాయి. బయోఅడొస్టివ్ స్కార్ట్ మభ్యపెట్టే పదొర్థాలు, ఫైలక అవసరాల కోసం ఇంటర్ఫెరెన్సు జ్ఞానం అవసరం.
- c. ఫునరుత్పాదక శక్తి:సోలార్ ఫోటొపోల్టాయిక్ మలయు సోలార్ థర్శల్ సిస్టమ్స్లో ఉపయోగించే వివిథ సొస్ లెఫ్టెక్టిప్ మలయు సెలెక్టిప్ శోషక పూతలు సన్నని చిత్రాలలో ఇంటర్ఫెరెన్సు యొక్క మంచి జ్ఞానం అవసరం.
- 7. గణాంకాలు:వివిధ ఆస్టికల్ సాధనాల నుండి ఇంటర్ఫెరెన్సు నమూనాల గణాంక విశ్లేషణ వాటి క్రమాంకనంలో అవసరం.

#### .సుపలిచితం నుండి అపలిచితం దొకా

మీ 12వ తరగతిలో మీరు వేప్ ఆఫ్టిక్స్ కాన్సెప్ట్, భాపర్పోజిషన్ సూత్రం, తరంగాల పొంబికైన మరియు అసంబద్ధమైన సూపర్పోజిషన్, కాంతి తరంగాల ఇంటర్ఫెరెన్సుకి యంగ్ యొక్క డబుల్ స్లిజ్ ప్రయోగం మరియు డబుల్ స్లిట్ ప్రయోగంలో స్క్రీస్పే తీవ్రతల వ్యాప్తి గురించి తెలుసుకుని ఉండవచ్చు. ఈ అధ్యాయంలో, రెండు విఖన్న రకాల ఇంటర్ఫెరెన్సు ఉత్పత్తి మరియు లొయిడ్స్ మిర్రర్, న్యాటన్ రింగులు మరియు మైఖేల్సన్ ఇంటర్ఫెరోమిటర్ వంటి కొన్ని ప్రయోగాత్మక సెటపేలు, ఇంటర్ఫెరెన్సు యొక్క అప్లికేషన్లు వివరించబడితాయి.

## Course Outcomes specific to program and Future directions

By the end of this chapter students from specific programs would be able to identify the need of Interference of light in the following fields.

- 8. Physics: Interferometry technique finds its applications in spectroscopy, astronomy, optical fibers, materials science.
- 9. Chemistry: spectroscopic techniques use interferometry and in addition, the refractive index, viscosity, particle size etc. of liquid samples can be analysed by using interference techniques.
- 10. Computer Science: Optical computing is a novel technique in computational field where logic operations are achived through constructive and destructive interference of light instead of conventional electronic logic gates.
- 11. Geology: Metrology and geological samples are characterized by interferometric technique.
- 12. Electronics: Various optoelectronic sensors, optometric instruments and noise in optical fibers, Lifi etc. rely on light interference principle. Bioadaptive smart camouflage materials for military needs require interference knowledge.
- 13. Renewable energy: Various nonreflective and selective absorbing coatings used in solar photovoltaic and solar thermal systems require a sound knowledge of interference in thin films.
- 14. Statistics: Statistical analysis of interference patterns from various optical instruments is essential in their calibration.

#### Familiar to Unfamiliar

In your 12<sup>th</sup> class you might have learned about the concept of wave optics, principle of superposition, coherent and incoherent superposition of waves, Young's double slit experiment for interference of light waves and distribution of intensities on the screen in the double slit experiment. In this chapter, two different types of producing interference pattern and a few experimental setups like Lloyd's mirror, Newton's rings and the Michelson interferometer, as applications of interference will be described.

## 1.1 ఉపోద్ఘొతము

ఇంటర్ఫెరెన్సు అనే పదొన్ని థామస్ యంగ్ 1801లో తన పేపర్లో ''ఆన్ ది మెకానిశిం ఆఫ్ ది ఐ''లో ప్రవేశపెట్టాడు మరియు ''ఆన్ ది థయరీ ఆఫ్ లైట్ అండ్ కలర్స్'' అనే పేపర్లో భాగా వివరించబడింది. 1700ల చివరలో, యంగ్ సంగీత వెయిద్వొల తీగలలో అలలు మరియు టిట్ నమానౌల సూపర్పోజిషన్ పై పని చేస్తున్నెడు. కాంతి తరంగాలకు పని మరింత విస్తరించబడింది. అతని ప్రసిద్ధ డబుల్ స్లిట్ ప్రయోగం ఒక మైలురొయిగా నిలుస్తుంది, ఇది కఠనమైన ఆలోచనలను రే కెత్తించే చర్చలకు మరియు క్వాంటం మెకానిక్స్ అనే కొత్త భౌతిక శౌస్త్రం అభివృద్ధికి తలుపులు తెరిచింది.

రెండు తరంగాలు సూపర్మోస్ చేసినష్పడు, రెండు రకాల ఇంటర్ఫెరెన్సు సాధ్యమవుతుంబి: అవి నిర్మొణొత్తక ఇంటర్ఫెరెన్సు మరియు విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సు. నిర్మొణొత్తక ఇంటర్ఫెరెన్సులో, రెండు సూపర్పోజ్డ్ తరంగాలు సున్నొ ఫేజ్ వ్యత్యెసాన్ని కరిగి ఉంటాయి. విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సులో అవి ఒకదానికొకటి 180° ఫేజ్ లో లేదా సరిగ్గా వ్యతిరేక ఫేజ్ లో ఉంటాయి.

> *Think* ... Constructive and destructive interference are the two extreme cases of interference. Why don't we bother about other intermediate cases of superposition? Do they really exist or not?

యంగ్ యొక్క డఌుల్ స్లిట్ ప్రయోగంలో, రెండు స్లిట్ల నుండి స్క్రీస్ దూరొన్ని టట్టి, నిర్మొణొత్శక లేదొ విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి అవకాశం ఉంబి. ఆ విధంగా మనం స్క్రీస్పే పక్కపక్క తెల్లని మరియు నల్లని బ్యాండ్లు పొందుతొము. ఇక్కడ మధ్యనున్న బ్యాండ్ ప్రకాశవంతంగా ఉంటుంబ ఎందుకంటే ఇబి రెండు చీరికల నుండి సమాన దూరంలో ఉంటుంబి.

అంచు వెడల్పు ఇలొ ఇవ్వబడింది

$$\beta = \frac{D\lambda}{2d}$$

ఇక్కడ మనము రెండు చిరికల నుండి ఉధ్ఛవించే తరంగాల మధ్య 0° మరియు 180° ఫేజ్ వ్యత్సాసాన్ని మత్రమే పరిశీరిస్తాము. బీన్ని అర్థం చేసుకోవడొనికి, 1x, 10x మరియు 100x పౌనస్ఫున్ఫొల కోసం రూపొంబించిన సైన్ కర్వ్ ను పరిగణించగలరు . ఫ్రీక్వెన్సీ చౌలొ తక్కువగా ఉన్నప్పుడు, 0 నుండి 1 మధ్య ఉన్న సైన్ ఫంక్షన్ యొక్క వ్యత్యాసాలు స్పష్టంగా కనిపిస్తాయి. పౌనాపున్యం మధ్యచ్రంగా ఎక్కువగా ఉన్నప్పుడు అందరూ చూడగరిగేబి 0 మరియు 1 మాత్రమే. పౌనాపున్యం చాలొ ఎక్కువగా ఉన్నప్పుడు, చూడగరిగేబి 1 యొక్క ప్రకిరితి వ్యాష్తి మాత్రమే. ఇంటర్ఫెరెన్సు అంచుల మెరుగైన దృశ్యమానత కోసం, తరంగాల ఫ్రీక్వెన్సీ మధ్యచ్రంగా ఉండొరి. లేదొ చిరిక పరిమాణంతో పోల్చవచ్చు. స్లిట్ వెడల్పును కనిష్టంగా ఉంచడం ద్వొరొ మరియు క్రింబి ఆప్లెట్లో స్లిట్ మధ్య విభళినను సద్దుబాటు చేయడం ద్వారా బిన్ని ధృబికలించవచ్చు. (ఇక్కడ డిఫ్రాక్షన్ ప్రభావాలను అణిచివేసేందుకు చిరిక వెడల్పు తక్కువగా ఉంచుడుతుంబి.)

## 1.1 Introduction

The word interference was introduced by Thomas Young in 1801 in his paper entitled "On the mechanism of the eye" and was well explained in the paper entitled "On the theory of light and colours". During the late 1700's, Young was working on the superposition of waves and beat patterns in the strings of musical instruments. The work was further extended to light waves. His famous double slit experiment stands as a landmark work which opened doors for rigorous thought provoking discussions and for the development of a new branch of physics namely quantum mechanics.

When two waves superimpose, two types of interference are possible: namely constructive interference and destructive interference. In constructive interference, the two superposed waves have zero phase difference. In destructive interference they are  $180^{\circ}$ out of phase or exactly opposite in phase with each other.



Fig: Constructive interference and Destructive interference.

In Young's double slit experiment, depending on the distance of the screen from the two slits, there is a possibility of constructive or destructive interference. Thus we get alternate bright and dark bands on the screen. Here the central fringe is bright because it is at equal distance from both the slits.

The fringe width is given by

$$\beta = \frac{D\lambda}{2d}$$

Here we consider only the case of  $0^{\circ}$  and  $180^{\circ}$  phase difference alternately between the waves emerging from the two slits. To understand this, consider a sine curve plotted for 1x, 10x and 100x frequencies.

#### 1.1 Introduction



#### Fig: Youmg's Double slit experiment.





#### Fig: Sine waves with frequency 1x, 10x, 100x

చారికల మధ్య విధజన చాలా తక్కువగా ఉంటే , పట్టీలు మసకళారుతాయి మలయు విధజన పెలగేకొద్ది, పట్టీలు స్పష్టంగా హదుతాయి. When the frequency is very low, the vaiations of sine function between 0 to 1 are clearly visible. When the frequency is moderately high all one could see is only 0 and 1. When the frequency is extremely high, all one could see is only a uniform spread of 1. For better visibility of interference fringes, the frequency of waves must be moderately high or comparable to the size of the slit. This can be verified by keeping the slit width minimal and adjusting the separation between the slits in the following applet. (Here slit width is kept minimal to supress the diffraction effects.)

If the separation between slits is very low, fringes are smudged and as the separation increases, fringes become sharper.

## 1.2 Conditions for interference of light

The expression for fringe width in Young's double slit experiment is given by

$$\beta = \frac{D\lambda}{2d}$$

Here *D* is the separation between slits and the screen;  $\lambda$  is the wavelength of the light source and 2d is the separation between the two slits.



Fig: Young's double slit experiment

#### 1. Condition for sustainability:

Usually light sources emit light in the form of pulses of waves where each pulse is a result of some atomic transition. The interference 1.2 కాంతి ఇంటర్పెరెన్సు కోసం షరతులు

## 1.2 కాంతి ఇంటర్ఫెరెన్సు కోసం షరతులు

యంగ్ యొక్క డఌుల్ స్లిట్ ప్రయోగంలో పట్టీ వెడల్పు ఇలా ఇవ్వబడింబ

$$\beta = \frac{D\lambda}{2d}$$

#### స్థిరత్వం కోసం షరతులు:

సాధారణంగా కాంతి వనరులు తరంగాల పర్స్ ల రూపంలో కాంతిని విడుదల చేస్తాయి, ఇక్కడ ప్రతి పర్స్ ఒక పరమాణు పరివర్తన ఫరితంగా ఉంటుంది. కాంతి ఇనకం పర్స్ లకు బదులుగా నిరంతర తరంగాలను విడుదల చేసినష్పడు మరియు తరంగదైర్హ్యం, ఫ్రీక్వెన్సీ సమయానికి స్థిరంగా ఉన్నష్పడు మాత్రమే ఇంటర్ఫెరెన్సు పాటర్న్ స్థిరంగా (ఎప్పటికీ) ఉంటుంది. ఈ పరిస్థితులన్నీ ``కోపారెన్స్`` అనే ఒకే పదంలో ప్యాక్ చేయబడవచ్చు. అనగా; ఇంటర్ఫెరెన్సు నమూనాను స్థిరంగా నిర్వహించడొనికి రెండు కాంతి వనరులు తప్పనిసరిగా కోపారెన్స్ లో ఉండారి.

#### పలశీలన కోసం షరతులు:

పట్టీల నమానా గణసీయమైన వెడల్పుతో మాత్రమే స్పష్టంగా కనిపిస్తుంది

- a. , రెండు చిరికల మధ్య విభజన2dతగినంతగాతక్కువ గా ఉన్నప్పుడు,
- b. D, స్లిట్ల్ మలయు స్క్రీన్ మధ్య సెపరేషన్ తగిన విధంగా ఎక్కువగా ఉన్నష్టుడు మలయు
- c. λ,కాంతి తరంగదైర్ఘం తగిన విధంగా ఎక్కువగా ఉన్నప్పడు.
- 3. దృశ్వమానత కోసం షరతులు:
  - మంచి కాంట్రాఫ్ట్ తో అంచుల దృశ్వమానత కోసం షరతును మైఖేల్సన్ సగటు
     శీవ్రతకు డోలన తీవ్రత యొక్క నిష్పత్తిగా అంబించారు, అనగా;

$$V = \frac{A}{\bar{I}} = \frac{(I_{max} - I_{min})/2}{(I_{max} + I_{min})/2} = \frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$$

- b. ఇక్కడ  $I_{max} = (a_1 + a_2)^2$  మరియు  $I_{min} = (a_1 a_2)^2$ ;  $a_1$  and  $a_2$  ఇవి వరుసగా స్లిట్-1 మరియు స్లిట్-2 నుండి కాంతి తరంగాల యాంప్లెట్యూడ్.
- c. చీరిక వెడల్పు కనిష్టంగా తక్కువగా ఉంటే, ప్రతి చీరిక వద్ద ఢిఫ్రాక్షన్ ప్రభావం తగ్గించుుడుతుంబి మరియు ఢిఫ్రాక్షన్ నమానొ యొక్క అతివ్యాప్తి రేకుండొ స్వచ్ఛమైన ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానొ పర్పడుతుంబి. (మరిన్ని బివరొలు తదుపరి అధ్యాయంలో చూడవచ్చు.)

pattern will remain sustainable (forever) only when the light source emits continuous waves instead of pulses and also the wavelength, frequency should remain constant in time. All these conditions may be packed into a single word called "Coherence". i.e.; the two light sources must be coherent to maintain the interference pattern sustainably.

#### 4. Condition for observation:

The fringe pattern will be visible clearly with considerable width only when

- a. 2d, the separation between the two slits is sufficiently low,
- b. D, the Seperation between the slits and screen is suitably high and
- c.  $\lambda$ , the wavelength of light is suitably high.

#### 5. Condition for Visibility:

 The condition for visibility of fringes with good contrast was given by Michelson as the ratio of oscillating intensity to average intensity i.e.;

$$V = \frac{A}{\overline{I}} = \frac{(I_{max} - I_{min})/2}{(I_{max} + I_{min})/2} = \frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$$

- b. Here  $I_{max} = (a_1 + a_2)^2$  and  $I_{min} = (a_1 a_2)^2$ ;  $a_1$  and  $a_2$  are the amplitudes of light waves from slit-1 and slit-2 respectively.
- c. If the slit width is minimally low, then the effect of diffraction at each slit will be minimized and pure interference pattern will be formed without the overlap of diffraction pattern. (Further details may be found in the next chapter.)

## 1.3 Types of interference

The best possible way to obtain two coherent light sources is by deriving them from a single light source. There are two possible ways to achieve this.

#### 1.3 ఇంటర్పెరెన్సు రకాలు

## 1.3 ఇంటర్ఫెరెన్సు రకాలు

రెండు కొహరెంట్ కాంతి ఇనకాలను పొందేందుకు ఉత్తమమైన మార్గం వొటిని ఒకే కాంతి ఇనకం నుండి పొందడం. బీన్ని సాధించడొనికి రెండు మార్గొలు ఉన్నెయి.

#### 1. వేప్ ఫ్రంట్ విభజన ద్వారా:

ఈ వర్గంలో, సాధారణ కాంతి ఇనకం నుండి ఉద్భవించిన వేవ్ఫంట్ను విభజించడం ద్వారొ కొహరెంట్ కాంతి ఇనకాలు పొందబడతాయి, అద్దొలు, బై ప్రిశిమ్లు, లెన్నులు లేదొ చరికలు వంటి వివిధ దృశా పరికరొలు ఉపయోగించడం ద్వారొ. ఈ పద్ధతికి పాయింట్ కాంతి ఇనకం లేదొ సన్నని చిరిక కాంతి ఇనకం అవసరం. ఫైనెల్ యొక్క వేప్ సిద్ధాంతం ప్రకారం, వేప్ఫంట్ అనేది ఒకే యాంప్లిట్యూడ్ తో ఉన్న పాయింట్ల లోకస్ మరియు వేప్ఫంట్లోని ప్రతి పాయింట్ ద్వితీయ వేప్ఫంట్కు మాలంగా పనిచేస్తుంది. ఈ వర్గం యొక్క క్లాసిక్ ఉదోహరణలు యంగ్స్ డళుత్ స్లిట్, ఫైనెల్ యొక్క బై ప్రిశిమ్, లెయిక్స్ మిర్రర్.

#### 2. వ్యొప్తి యొక్క విభజన ద్వొరొ:

ఈ వర్గంలో, ఒకే కాంతి ఇనకం నుండి వచ్చే కాంతి ఫుంశం పాక్షిక లెఫ్లెక్షన్ లేదొ లఫ్రాక్షన్ ద్వారొ రెండు లేదొ అంతకంటే ఎక్కువ భాగాలుగా విభజించబడింబి. ఈ కిరణాలు వేర్వేరు మార్గొల్లో ప్రయాణిస్తాయి మలియు చివరకు ఇంటర్ఫెరెన్సు నమూనొను ఉత్పత్తి చేయడొలికి కలిసి ఉంటాయి. ఈ పద్ధతికి విస్తలించిన కాంతి ఇనకం అవసరం.

ఉదొహరణ: పలుచని పోరలు, న్యూటన్ రింగులు, మైఖేల్సన్ ఇంటర్ఫెరోమీటర్ మొదలైనవి.

## 1.4 లఫ్లెక్షన్ లో ఫేజ్ మార్పునకు స్టోక్ పలచర్చ

రెండు మాధ్సమాలను వేరుచేసే సరిహద్దుపై కాంతి పడినష్పడు, దొనిలో కొంత భాగం ప్రసారం చేయబడుతుంబి మలియు కొంత భౌగం ప్రతిణంణస్తుంబి. రెండు మాధ్యమాలను వేరుచేసే ఇంటర్ఫేస్సేను పలిగణించండి. r,t అనేబి మాధ్యమం – 1 యొక్క ప్రతిణంబం మలియు ప్రసార గుణకాలుగా ఉండనివ్వండి మలియు r^`,t` వరుసగా మాధ్యమం – 2గా ఉండనివ్వండి.

మీడియం నుండి ఇంటర్ఫేస్పై పడే a అనే యాంప్లిట్యూడ్ కలిగిన కాంతి కిరణాబ్ని పలిగణించండి – 1. అష్టుడు ar అనేబి ప్రతిణంణంచే కిరణం యొక్క యాంప్లిట్యూడ్ మలియు at ప్రసారం చేయబడిన కిరణాల యాంప్లిట్యూడ్ అవుతుంబి.

పరిస్థితిని రివర్స్ చేస్టాం. అంటే ; మీడియం- 1 నుండి ఇంటర్ఫేస్పై కుడివైపు నుండి ar యాంప్లిట్యాడ్ తో కూడిన కిరణాన్ని పరిగణించండి మరియు మీడియం - 2 నుండి ఇంటర్ఫేస్పై పడేటప్పడు at యాంప్లిట్యాడ్ తో కూడిన కిరణం. అప్పడు మొదటి కిరణానికి ప్రతిణంణంచే మరియు ప్రసారం చేయబడిన కిరణాల సంబంధిత యాంప్లిట్యూడ్ arr మరియు art మరియు రెండవ కిరణానికి వరుసగా atr' మరియు att' ఉంటుంది.

#### 3. By division of wave front:

In this category, the coherent sources are obtained by dividing the wavefront, originating from a common source, by employing various optical elements such as mirrors, biprisms, lenses or slits. This method requires a point source or a narrow slit source. According to Fresnel's wave theory, wavefront is the locus of points with same amplitude and every point on the wavefront acts as a source of secondary wavefront.

Classic examples of this category are Young's double slit, Fresnel's biprism, Lloyd's mirror.



Fig: Interference by division of wavefront.

#### 4. By division of amplitude:

In this category, the incident beam from a single source is divided into two or more parts by partial reflection or refraction. These beams travel different paths and finally are brought together to produce interference pattern. This method requires extended source.

Example: Thin films, Newton's rings, Michelson interferometer etc.



Fig: Interference by division of amplitude.

మొదటి రేఖాచిత్రంలో OD భాగం లేనందున, రెండవ రేఖాచిత్రాన్ని ఉపయోగించి .

```
atr+atr'=0 \Rightarrow r+r'=0 \Rightarrow r'=-r-(1)
```

OA భాగాన్ని సలపోల్చడం మలయు పై సమీకరణాన్ని ఉపయోగించడం ద్వారా ,

att'+ar^2=a
$$\Rightarrow$$
tt'+r^2=1 $\Rightarrow$ tt'=1-r^2=1-r^'2-(2)

Eq (1) నుండి. , సాంద్ర – విరళ సలహద్దు వద్ద లేదొ విరళ-సాంద్ర సలహద్దు వద్ద ప్రతిఇంశాంశినష్పడు 180° దశ మార్పు ఉన్నట్లు చూడవచ్చు. ప్రయోగాత్గకంగా, దశ మార్పు విరళ-సాంద్ర సలహద్దులో సంభవిస్తుందని నిర్దొలించబడింది.

ఒక చివరన ఒక దృఢమైన మద్దతుతో మరియు చివర రింగ్ తో ముడిపడి ఉన్న స్ట్రింగ్ తో రెండు కేస్తుల యొక్క సాధొరణ సారాష్యతను చూడవచ్చు. మరియు వైభ్రేషన్గా సెట్ చేయవచ్చు. తరంగం దట్టమైన మాధ్యమంలో ప్రతిణంచించినప్పుడు, స్థిరమైన తరంగాలు పర్పడతొయి. అంటే, దట్టమైన మాధ్యమంపై ప్రతిణంచిం కారణంగా 180° దశ మార్పు సంభవిస్తుంది. వేప్ అరుదైన మాధ్యమంలో ప్రతిణంచించినప్పుడు, దశ మార్పు జరగదు.



Fig: Phase change up on reflection on denser and rarer media.

The

## 1.4 Phase change on reflection - Stokes' treatment

When light falls on a boundary separating two media, a part of it will be transmitted and a part will be reflected. Consider an interface separating two media. Let r, t be the reflection and transmission coefficients of medium – 1 and let r', t' be for the medium – 2 respectively.

Consider a light ray with amplitude a falling on the interface from medium – 1. Then ar will be the amplitude of reflected ray and at will be the amplitude of transmitted ray.



Fig: Phase change on reflection

Let us reverse the situation. i.e.; consider a ray with amplitude ar falling from right on the interface from medium – 1 and a ray with amplitude at falling on the interface from medium – 2. Then the corresponding amplitudes of reflected and transmitted rays for the first ray will be arr and art and that for the second ray will be arr' and att' respectively.

Since there is no *OD* component in the first diagram, using second diagram.

$$atr + atr' = 0 \Rightarrow r + r' = 0 \Rightarrow r' = -r \quad ---(1)$$

Comparing the OA component, and using above equation,

$$att' + ar^{2} = a \Rightarrow tt' + r^{2} = 1 \Rightarrow tt' = 1 - r^{2}$$
$$= 1 - r'^{2} \quad ---(2)$$

From Eq. (1), one can see that there is a phase change of  $180^{\circ}$  upon reflection at the denser – rarer boundary or at rarer – denser

#### 1.5 Lloyd's mirror

boundary. Experimentally it was confirmed that the phase change occurs at the rarer – denser boundary.

One can make a simple analogy of two cases with one end of a string tied to a rigid support and to a ring, set into vibration. When the wave reflects on a denser medium, stationary waves are formed. i.e., a phase change of 180° occurs due to reflection on denser medium. When the wave reflects on a rarer medium, no phase change occurs.

## 1.5 Lloyd's mirror

The experimental arrangement of Lloyd's mirror consists of a monochromatic light source, glass plate and screen as shown below. Light from the source falls on the mirror at a grazing angle. The incident ray and the reflected ray undergo superposition and produce interference pattern on the screen.

Here the zeroth order fringe is dark. This is because, the first ray reaches the screen directly travelling in air and the second ray reaches the screen after a reflection on a denser medium (mirror).



Fig: Lloyd's mirror arrangement.

The ray after reflection from the mirror seems to be emerging from a virtual source S'. Here the sources S and S' are derived from the same source by division of wavefront. Hence the condition for coherent sources is satisfied and interference pattern is produced on the screen. The fringe width in this setup is given by

$$\beta = \frac{D\lambda}{2d}$$

Here 2d is the separation between the two sources, D is the separation between sources and the screen and  $\lambda$  is the frequency of the monochromatic light source.

Further, the condition for destructive and constructive interference are given by

$$SP - S'P = n\lambda$$
 (Destructive)  
 $SP - S'P = \left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda$  (Constructive)

## 1.6 Interference in thin films

Plane parallel thin film interference in reflection:



1.5 లాయిడ్ అద్దం

### 1.5 లొయిడ్ అద్దం

లెయిడ్ అద్దం యొక్క ప్రయోగాత్మక అమలక క్రింద చూపిన విధంగా వికవర్ణ కాంతి మాలం, గాజ పలక మలియు స్క్రేవ్స్ కలిగి ఉంటుంబి. మాలం నుండి కాంతి తొకుతున్న కోణంలో అద్దం మీద పడుతుంబి. సంఘటన కిరణం మలియు పరొవర్తనం చెంబిన కిరణం సూపర్పొజిషన్కు లోనవుతాయి మలియు స్క్రీవ్ పై ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానౌను ఉత్పత్తి చేస్తాయి.

ఇక్కడ జీరోత్ ఆర్డర్ పట్టీ చీకటిగా ఉంటుంబి. ఎందుకంటే , మొదటి కిరణం నేరుగా గాలిలో ప్రయాజిస్తూ తెరపైకి చేరుతుంబి మలియు రెండప కిరణం దట్టమైన మాధ్యమం (అద్దం)పై ప్రతిఇింఇంచిన తర్వొత తెరపైకి చేరుకుంటుంబి.

అద్దం నుండి ప్రతిఇంటం తర్వొత కిరణం వర్షువల్ మాలం నుండి ఉద్భవిస్తున్నట్లు కనిపిస్తోంది. ఇక్కడ మూలొలు మరియు వేప్ఫ్రెంట్ విభజన ద్వారొ అదే మాలం నుండి ఉద్భవించబడ్డాయి. అందువల్ల కౌహెరెంట్ సోర్స్ షరతు సంతృప్తికరంగా ఉంది మరియు స్క్రీన్పై ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానొ ఉత్పత్తి చేయబడుతుంది. ఈ సెటప్లోని పట్టీ వెడల్పు దీని ద్వారొ ఇవ్వబడిందిన'SS'

$$\beta = \frac{D\lambda}{2d}$$

ఇక్కడ రెండు మాలాల మధ్య విభజన 2*d ,* మాలాలు మలయు స్క్రీన్ మధ్య విభజన *D*మలయు పికవర్ణ కాంతి జనకం యొక్క ఫ్రీక్పెన్సీ.*సి* 

ఇంకా, విధ్వంసక మలియు నిర్మౌణొత్తక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి షరతులు ఇవ్వబడ్డొయి

$$SP - S'P = n\lambda$$
 (Destructive)  
 $SP - S'P = \left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda$  (Constructive)

## 1.6 పలుచని పొరలలో ఇంటర్ఫెరెన్సు

#### ప్రతిణంబంలో ప్లేన్ సమాంతర పలుచని పొరలలో ఇంటర్ఫెరెన్సు:

మందం t మరియు రిఫ్రాక్టిప్ ఇండెక్స్ μ కరిగిన ఒక పారదర్శక ఫిల్మ్న్ పరిగణించండి. SA సంఘటన కరణంగా ఉండనివ్వండి. A వద్ద, కిరణం పాక్షికంగా AT వెంట ప్రతిశాంశాస్త్రుంచి మరియు పాక్షికంగా AB వెంట వక్రీళవనం చెందుతుంచి. B వద్ద దొనిలోని భాగం BC వెంట ప్రతిశాంశాస్త్రుంచి మరియు శావరకు CQ వెంట ఉధ్ఛవిస్తుంచి. AT మరియు CQ మధ్య పాత్ వ్యత్యాస్తాన్ని గణించడొనికి, CN, లంబం నుండి AT మరియు AM, లంబం నుండి BC వరకు గీయండి. P వద్ద కలిసేలా AE మరియు CBని విస్తరించండి. i సంభవం కోణం మరియు r పక్రీళవన కోణం అయితే, అష్పడు ∠APC=r, ∠NCA=i మరియు ∠CAM=r.

AT మరియు CQ మధ్య ఆస్టికల్ పాత్ వ్యత్కెసం x ద్వొరొ ఇవ్వుుడింబ x=μ(AB+BC)-AN Consider a transparent film of thickness t and refractive index  $\mu$ . Let SA be the incident ray. At A, the ray is partly reflected along AT and partly refracted along AB. At B part of it is reflected along BC and finally emerges out along CQ. To calculate the path difference between AT and CQ, draw CN, normal to AT and AM, normal to BC. Extend AE and CB to meet at P. If i is angle of incidence and r is angle of refraction, then  $\angle APC = r$ ,  $\angle NCA = i$  and  $\angle CAM = r$ .

The **optical** path difference x, between AT and CQ is given by

$$x = \mu(AB + BC) - AN$$

From the polygon ANCM,  $\mu = \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{AN/AC}{CM/AC} = \frac{AN}{CM} \implies AN = \mu CM$  $x = \mu(AB + BC) - \mu CM = \mu(AB + BC - CM) = \mu(PC - CM)$ 

$$= \mu PM$$

In  $\triangle APM$ ,

$$\cos r = \frac{PM}{AP} \Rightarrow PM = AP\cos r = 2t\cos r \Rightarrow x = 2\mu t\cos r$$

Here the ray *SAT* reflects from a denser medium which causes an additional path difference of  $\frac{\lambda}{2}$  and the ray *ABCQ* reflects from a rarer medium which causes no additional path difference.

Hence the true path difference is given by

$$x = 2\mu t \cos r + \left(0 - \frac{\lambda}{2}\right) = 2\mu t \cos r - \frac{\lambda}{2}$$

Thus, condition for constructive interference is

$$2\mu t\cos r - \frac{\lambda}{2} = n\lambda, \quad n = 0, 1, 2, 3 \cdots$$

Condition for destructive interference is

$$2\mu t \cos r - \frac{\lambda}{2} = \left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 0, 1, 2, 3 \cdots$$

1.6 పలుచని పొరలలో ఇంటర్పెరెన్సు

చుపాధుజి ANCM నుండి, $\mu = \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{AN/AC}{CM/AC} = \frac{AN}{CM} \Rightarrow AN = \mu CM$ 

 $x = \mu(AB + BC) - \mu CM = \mu(AB + BC - CM) = \mu(PC - CM) = \mu PM$  $\Delta APM \mathfrak{S}^{*},$ 

$$\cos r = \frac{PM}{AP} \Rightarrow PM = AP\cos r = 2t\cos r \Rightarrow x = 2\mu t\cos r$$

ఇక్కడ కిరణం SAT దట్టమైన మాధ్యమం నుండి ప్రతిఇంఇిస్తుంబి, ఇబి అదనపు మార్గ వ్యత్యాసానికి  $\frac{A}{2}$ కారణమవుతుంబి మరియు ABCQ కిరణం విరళ మాధ్యమం నుండి ప్రతిఇంఇిస్తుంబి, ఇబి అదనపు మార్గ వ్యత్యోసాన్ని కలిగించదు.

అందువల్ల నిజమైన మార్గం వ్యత్సాసం ఇలొ ఇవ్వబడింబి

$$x = 2\mu t \cos r + \left(0 - \frac{\lambda}{2}\right) = 2\mu t \cos r - \frac{\lambda}{2}$$

అందువలన, నిర్మౌణొత్మక ఇంటర్పెరెన్సుకి షరతు

$$2\mu t\cos r - \frac{\lambda}{2} = n\lambda, \quad n = 0, 1, 2, 3 \cdots$$

విధ్వంసక ఇంటర్పెరెన్సుకి సంబంభించిన షరతు

$$2\mu t\cos r - \frac{\lambda}{2} = \left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 0, 1, 2, 3 \cdots$$

#### వక్రీభవనంలో ప్లేన్ సమాంతర పలుచలి పొరలలో ఇంటర్ఫెరెన్సు:

మందం t, లఫ్రాక్టిప్ ఇండెక్స్ μ యొక్క పారదర్శక ఫిల్గ్నేసు పరిగణించండి. SR సంఘటన కిరణంగా ఉండలవ్వండి. R వద్ద, కిరణం RA వెంట పాక్షికంగా పక్రీభవనం చెందుతుంబి. దొలలో కొంత భాగం AT వెంట వక్రీభవనం చెందుతుంబ మలియు దొలలో కొంత భాగం AB వెంట ప్రతిణంణస్తుంబ మలియు చివరకు CQ వెంట ఉద్భబిస్తుంబి. AT మలియు CQ మధ్య పాత్ వ్యత్స్రాసాబ్న గణించడొలకి, CNల గీయండి, ఇబి సాధారణం నుండి AT మలియు AM వరకు ఉంటుంబి, ఇబి BCకి సాధారణం. P వద్ద కలిసేలా AE మలియు CBల బిస్తలించండి. i సంభవం కోణం మలియు r వక్రీభవన కోణం అయితే, అష్టుడు ∠APC=r, ∠NCA=i మలియు ∠CAM=r.

AT మలయు CQ మధ్య ఆప్టికల్ పాత్ వ్యత్యాసం x ద్వొరొ ఇవ్వబడింబి x= $\mu(AB+BC)$ -AN

బహుధుజు ANCM నుండి,  $\mu = \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{AN/AC}{CM/AC} = \frac{AN}{CM} \Rightarrow AN = \mu CM$   $x = \mu(AB + BC) - \mu CM = \mu(AB + BC - CM) = \mu(PC - CM) = \mu PM$  $\Delta APM$  లో,  $\cos r = \frac{PM}{AR} \Rightarrow PM = AP \cos r = 2t \cos r \Rightarrow x = 2\mu t \cos r$ 



Plane parallel thin film interference in refraction:

Consider a transparent film of thickness t, refractive index  $\mu$ . Let SR be the incident ray. At R, the ray is partly refracted along RA. At A part of it is refracted along AT and part of it is reflected along AB and finally emerges out along CQ. To calculate the path difference between AT and CQ, draw CN, the normal to AT and AM, which is the normal to BC. Extend AE and CB to meet at P. If i is angle of incidence and r is angle of refraction, then  $\angle APC = r$ ,  $\angle NCA = i$  and  $\angle CAM = r$ .

The **optical** path difference x, between AT and CQ is given by

 $x = \mu(AB + BC) - AN$ 

From the polygon ANCM,  $\mu = \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{AN/AC}{CM/AC} = \frac{AN}{CM} \Rightarrow AN = \mu CM$ 

$$x = \mu(AB + BC) - \mu CM = \mu(AB + BC - CM) = \mu(PC - CM)$$
$$= \mu PM$$

In  $\triangle APM$ ,

$$\cos r = \frac{PM}{AP} \Rightarrow PM = AP\cos r = 2t\cos r \Rightarrow x = 2\mu t\cos r$$

Here the ray *ABCQ* reflects from a rarer medium which causes no additional path difference.

Hence the true path difference is given by

$$x = 2\mu t \cos r$$

1.6 పలుచని పొరలలో ఇంటర్పెరెన్సు

బహుధుజి ANCM నుండి, $\mu = \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{AN/AC}{CM/AC} = \frac{AN}{CM} \Rightarrow AN = \mu CM$ 

$$x = \mu(AB + BC) - \mu CM = \mu(AB + BC - CM) = \mu(PC - CM) = \mu PM$$
  
$$\Delta APM \,\mathfrak{S}^{\diamond},$$

$$\cos r = \frac{PM}{AP} \Rightarrow PM = AP\cos r = 2t\cos r \Rightarrow x = 2\mu t\cos r$$

ఇక్కడ ABCQ కిరణం విరళ మాధ్యమం నుండి ప్రతిణంణస్తుంది, బీని వలన అదనపు మార్గం తేడొ ఉండదు.

అందువల్ల నిజమైన మార్గం వ్యత్యాసం ద్వొరొ ఇవ్వబడింబి

$$x = 2\mu t \cos r$$

$$2\mu t\cos r = n\lambda, \quad n = 0, 1, 2, 3 \cdots$$

విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి సంబంఖంచిన షరతు

$$2\mu t\cos r = \left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 0, 1, 2, 3 \cdots$$

#### చిలిక ఆకారపు పొర:

α కోణంలో ఉంచుబడిన రెండు ప్లేన్ గ్లాస్ ప్లేట్ల మధ్య పిర్పడిన గారితో కూడిన చిరిక ఆకారపు ఫిల్డ్మ్ పరిగజించగలరు . చిరికపై కాంతి పతన కిరణాల యొక్క సమాంతర పుంళాన్ని పరిగజించగలరు .చిరిక ఆకారపు ఫిల్డ్ కోసం నిర్మోణాత్మక మరియు విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి షరతు ఇవ్వబడింది

$$2\mu t \cos(r + \alpha) = n\lambda$$
 (Constructive)  
 $2\mu t \cos(r + \alpha) = \left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda$  (Destructive)

పోర గారికి సంబంధించినది కాబట్టి  $\mu=1$ , చీరిక యొక్క కోణం  $\alpha$  చొలొ తక్కువగా ఉంది కాబట్టి మరియు నిట్టనిలువు పతన కిరణొనికి r, వక్రీభవన కోణం కూడొ చొలొ తక్కువగా ఉంటుంది. ఈ విధంగా $\cos(r+\alpha)\simeq 1$ 

O నుండి వరుసగా X\_1 మరియు X\_2 దూరంలో వెడ్జ్ చేస్పై P,Q అనే రెండు పాయింట్లను పరిగజించండి. ఈ రెండు పాయింట్లు పొటి సంబంభిత గారి ఫిల్మ్ మందం t\_n మరియు t\_(nశ n^th మరియు (n+1)^th ప్రకాశవంతమైన అంచులకు అనుగుణంగా ఉండనివ్వండి. +1).అష్టుడు నిర్మొణొత్తక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి పరిస్థితి ఏర్పడుతుంది,

$$2t_n = n\lambda \Rightarrow 2X_1 \tan \alpha = n\lambda$$
$$2t_{n+1} = (n+1)\lambda \Rightarrow 2X_2 \tan \alpha = (n+1)\lambda$$

తీసివేసిన తర్వౌత*,* 

Thus, condition for constructive interference is

$$2\mu t \cos r = n\lambda$$
,  $n = 0, 1, 2, 3 \cdots$ 

Condition for destructive interference is

$$2\mu t\cos r = \left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 0, 1, 2, 3 \cdots$$

#### Wedge shaped film:

Consider a wedge shaped film composed of air formed between two plane glass plates kept at an angle of  $\alpha$ . Consider parallel beam of light rays incident on the wedge.



Fig: Wedge shaped film

The condition for constructive and destructive interference for wedge shaped film is given by

$$2\mu t \cos(r + \alpha) = n\lambda \ (Constructive)$$
$$2\mu t \cos(r + \alpha) = \left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda \ (Destructive)$$

Since the film is of air,  $\mu = 1$  and since  $\alpha$ , the angle of the wedge is very small, and for near normal incidence, angle of refraction r is also very small. Thus  $\cos(r + \alpha) \simeq 1$ 

$$2(X_2 - X_1)\tan\alpha = \lambda$$

లేదా

the fringe width = 
$$X_2 - X_1 = \frac{\lambda}{2 \tan \alpha} \simeq \frac{\lambda}{2\alpha}$$

అందువల్ల పట్టీ వెడల్పు చోలిక యొక్క కోణంపై మలియు పికవర్ణ కాంతి ఇనకం యొక్క ఫ్రీక్వెన్సీపై మాత్రమే ఆధొరపడి ఉంటుంబి. ఇబి n పై ఆధారపడనందున, వెడ్ట్ మలియు కాంతి ఇనకం యొక్క ఇచ్చిన కోణొనికి పట్టీ వెడల్పు స్థిరంగా ఉంటుంబి.

### 1.7 పలుచని పొరలలో రంగులు

పాయింట్ సోర్స్ నుండి కాంతి సమాంతర పలుచని పోరపై పడినప్పడు మరియు వివిధ ప్రదేశాల నుండి గమనించినప్పడు (లేదా) విస్తరించిన మూలం నుండి కాంతి దొనిపై పడినప్పడు మరియు స్థిర స్థానం నుండి గమనించినప్పడు, పతన కోణం i మరియు వక్రీభవన కోణం r మారుతుంది.

తెల్లని కాంతిని ఉపయోగించినట్లయితే, ఫిల్డ్ లోని ప్రతి పాయింట్ నిర్దిష్ట తరంగదైర్హ్యం కోసం నిర్డో శొత్తక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి ్షరతును సంతృష్టిపరుస్తుంబి, ఎందుకంటే ఫిల్డ్మేపై పాయింట్ నుండి పాయింట్కు r విలువ మారుతుంబి.

అందువలన r మరియు  $\lambda$  సూత్రంలో వేరియాబుల్స్ అవుతొయి.. $2\mu t\cos r = n\lambda$ 

తరంగదైయ్ఘోల సమితిని కవర్ చేసిన తర్వొత,  $n = 2 \pm 4$ రతులు మళ్లీ అదే రంగుల కోసం సంతృప్తి చెందుతుంబి. ఆ విధంగా పలుచని ఫిల్మేపై పునరొవృతమయ్యే రంగుల సమాహాన్ని చూడవచ్చు. నీటిపై ఉండే ఆయిల్ ఫిల్మ్ లపై రంగులు, సాఖ్య బుడగల మొదలైన పలుచని ఫిల్మ్ ల రంగులకు ఇవి బొధ్యత వహిస్తాయి.



Fig: Colors in thin films

Consider two points P, Q on the wedge base at a distance of  $X_1$  and  $X_2$  respectively from O. Let these two points correspond to  $n^{th}$  and  $(n + 1)^{th}$  bright fringes with their respective air film thickness  $t_n$  and  $t_{n+1}$ .

Then the condition for constructive interference becomes,

$$2t_n = n\lambda \Rightarrow 2X_1 \tan \alpha = n\lambda$$
$$2t_{n+1} = (n+1)\lambda \Rightarrow 2X_2 \tan \alpha = (n+1)\lambda$$

Upon subtraction, one obtains

$$2(X_2 - X_1)\tan\alpha = \lambda,$$

or

the fringe width = 
$$X_2 - X_1 = \frac{\lambda}{2 \tan \alpha} \approx \frac{\lambda}{2\alpha}$$

Thus the fringe width depends only on the angle of the wedge and on the frequency of the monochromatic light source. Since it is independent of n, fringe width remains constant for a given angle of wedge and light source.

## 1.7 Colors in thin films

When light from a point source falls on a parallel thin film and is observed from different locations (or) when light from extended source falls on it and is observed from a fixed location, angle of incidence i and angle of refraction r vary from point to point on the film.



Fig: Point source and Extended source

## 1.8 న్యూటన్ లంగులు

ఎక్కువ ఫోకల్ లెంగ్త్ ఉన్న ప్లానో-కాన్వెక్స్ లెన్స్**ను ప్లేన్ గ్లాస్ ప్లేట్**పై ఉంచినష్పడు, గ్లాస్ ప్లేట్ ఎగువ ఉపలతలం మలయు లెన్స్ బగువ ఉపలతలం మధ్య సన్న**ల గాల** పొర ఉంటుంబి.

ఇబి చీలిక ఆకారఫు గారి పోరను పెర్పరుస్తుంబి. ఫిల్గ్ యొక్క మందం స్పర్శ అందువు వద్ద దొదొఫు సున్నె మలియు క్రమంగా బయటికి పెరుగుతుంబి. గారి పోర యొక్క ఫ్లిరమైన మందం యొక్క ఐందుపథం ఒక వృత్తాన్ని పెర్పరుస్తుంబి.

నిర్మోణొత్తక లేదొ విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి సంబంభించిన షరతుతో మందం సలిపోలినప్పడు, ఇంటర్ఫెరెన్సు పట్టీ లు పెర్పడతాయి. పైన వివలించినట్లుగా, పట్టీ లు వృత్తౌకారంగా ఉంటాయి మలియు వొటిని న్యూటన్ లంగులు అంటారు.

#### ప్రయోగాత్మక అమలక:

పకవర్ణ కాంతి మాలం S సమాంతర ఫుంజం ఉత్పత్తి చేయడొనికి లెన్స్  $L_1$  ఫోకస్ వద్ద ఉంచబడుతుంది. B వద్ద  $45^\circ$  లో ఉంచబడిన గాజ పలకపై కాంతి కిరణాల సమాంతర ఫుంజం వస్తుంది. గ్లాస్ ప్లేట్ నుండి ప్రతిజింజంచే కిరణాలు లెన్స్ L మరియు ప్లేస్ గ్లాస్ ప్లేట్ G మధ్య ఉన్న ఎయిర్ ఫిల్మీపై పడతాయి. గారి ఫిల్మ్ యొక్క ఎగువ మరియు దిగువ భాగాల నుండి కాంతి ప్రతిజింజస్తుంది, ఇది ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానాను ఉత్పత్తి చేస్తుంది. ఇది మైక్రోస్మాప్ M ద్వారొ గమనించబడుతుంది.

#### పరొవర్తనం కాంతిలో న్యూటన్ లంగ్స్:

లెస్స్ యొక్క వక్రత యొక్క వ్వెస్తార్థం R మలియు గారి చలనచిత్రం O సంపర్క స్థానం నుండి OQ=r దూరంలో t మందంతో ఉందల అనుకుందొం.

ఇక్కడ ఇంటర్ఫెరెన్సు ప్రతిఖంఇంచే కాంతి కారణంగా ఉంటుంబి. అందువల్ల ప్రకాశవంతమైన లంగుల కోసం షరతు ఇవ్వబడింబి:  $2\mu t\cos(r+lpha) = \left(n-rac{1}{2}
ight)\lambda$ ,  $n=1,2,3,\cdots$ 

సిట్టనిలువు పతన కిరణొలకి r=0 మరియు లెన్స్ యొక్క పెద్ద ఫోకల్ లెస్ట్ల్ కి, చిరిక ఆకారపు ఫిల్క్ యొక్క కోణం చొలొ తక్కువగా ఉంటుంది  $\cos(lpha)pprox 1$  మరియు అందువల్ల, . గారి కోసం, . $\mu=1$ 

కాబట్టి ప్రకాశవంతమైన పట్టీ ల షరతు

$$2t = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 1, 2, 3 \cdots$$

అదేవిధంగా, చికటి పట్టీ ల షరతు అవుతుంది,

$$2t = n\lambda, \quad n = 1, 2, 3, \cdots$$

పై రేఖాచిత్రం నుండి,

$$EP \times HE = OE \times (2R - OE)$$
  
$$\Rightarrow r^{2} = (2R - t) \times t \approx 2Rt \quad for R \gg t$$

If white light is used, each point on the film satisfies condition for constructive interference for a particular wavelength as r value varies from point to point on the film.

Thus *r* and  $\lambda$  become variables in the formula  $2\mu t \cos r = n\lambda$ .

After one set of wavelengths are covered, the condition again gets satisfied for n = 2 for the same set of colors. Thus one can see a bunch of repeating colors on the thin film. These are responsible for colors on oil films on water, colors in soap bubbles etc. thin films.

## 1.8 Newton's rings

When a plano-convex lens of long focal length is placed on a plane glass plate, a thin air film is enclosed between the upper surface of the glass plate and lower surface of the lens.

This forms a wedge shaped air film. The thickness of film is almost zero at the point of contact and increases gradually outwards. The locus of constant thickness of air film forms a circle.

When the thickness matches with the condition for either constructive or destructive interference, interference fringes are formed. As explained above, the fringes are circular and are called Newton's rings.

#### **Experimental arrangement:**

A monochromatic light source S is placed at the focus of a lens  $L_1$  to generate parallel beam. The parallel beam of light rays falls on a glass plate B placed at 45°. The reflected rays from the glass plate fall on the air film enclosed between the lens L and the plane glass plate G. Light reflects from the top and bottom portions of the air film producing interference pattern. This is observed through a microscope M. ව්කි

$$t = \frac{r^2}{2R}$$

R చౌలొ పెద్దది కానట్లయితే, వర్గ పదొలు కూడొ గణనీయమైన సహకారొన్ని అందిస్తాయి, ఇది రింగ్ నిర్మోణొన్ని క్లిష్టతరం చేస్తుంది.

అందువలన ప్రకాశవంతమైన లింగ్ కోసం,

$$r^{2} = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R, \quad n = 1, 2, 3, \cdots$$
$$r = \sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R}$$
Diameter =  $D = 2r = 2\sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R} = \sqrt{2(2n - 1)\lambda R}$ 

డొర్క్ లంగ్ కోసం,

$$r^{2} = n\lambda R$$
,  $n = 0, 1, 2, 3, \cdots$   
 $r = \sqrt{n\lambda R}$   
Diameter  $= D = 2r = 2\sqrt{n\lambda R}$ 

పట్టీ వెడల్పు:

ప్రకాశవంతమైన బ్యాండ్:
$$r_{n+1} - r_n = \sqrt{\left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda R} - \sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R}$$
  
తొర్క్ బ్యాండ్: $r_{n+1} - r_n = \sqrt{(n+1)\lambda R} - \sqrt{(n)\lambda R}$ 

ప్రాంతం:

ప్రకాశవంతమైన బ్యాండ్:

$$\pi r_{n+1}^2 - \pi r_n^2 = \pi \left( \left( n + \frac{1}{2} \right) \lambda R - \left( n - \frac{1}{2} \right) \lambda R \right) = \pi \lambda R$$

డొర్క్ ట్వాండ్:
$$\pi r_{n+1}^2 - \pi r_n^2 = \pi ((n+1)\lambda R - (n)\lambda R) = \pi \lambda R$$

ఆ ప్రాంతం వైశాల్యం అన్ని బ్యాండ్లకు వాటి వ్యాసార్థంతా సంబంధం లేకుండా స్థిరంగా ఉండటం విశేషం. మరో మాటలో చెప్పాలంటే, బ్యాండ్ యొక్క వ్యాసార్థం పెలగేకొట్టే పట్టీ వెడల్పు తగ్గుతుంబి. ఆ విధంగా మనం మందొన్ని తగ్గించే కేంబ్రీకృత వృత్తాలను పొందుతొము.



Fig: Newton's rings experimental arrangement.

#### Newton rings by reflection of light:

Suppose the radius of curvature of lens is R and the air film is of thickness t at a distance OQ = r from the point of contact O.

Here the interference is due to reflected light. Therefore the condition for bright rings is given by:

$$2\mu t\cos(r+\alpha) = \left(n-\frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 1, 2, 3, \cdots$$

For normal incidence, r = 0 and for large focal length of lens, the angle of wedge shaped film is negligible and hence,  $\cos(\alpha) \approx 1$ . For air,  $\mu = 1$ .



Thus condition for bright fringes becomes,

$$2t = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 1, 2, 3 \cdots$$

#### హెనాక్రోమటిక్ లైట్ సోర్స్ యొక్క తరంగదైర్యం యొక్క నిర్ధారణ:

ప్లానో-కుంభాకార లెన్స్ యొక్క వక్రత వ్యాసార్థం R మలయు ప్రతిఐంబంలో ఉన్న డొర్క్  $n^{th},(n+p)^{th}$ లంగుల వ్యాసాలు  $D^2_n,\ D^2_{n+p}$  గా ఉండనివ్వండి. అష్టుడు,

$$D_n^2 = 4n\lambda R$$
$$D_{n+p}^2 = 4(n+p)\lambda R$$
$$\Rightarrow D_{n+p}^2 - D_n^2 = 4p\lambda R$$

ව්කි

$$\lambda = \frac{D_{n+p}^2 - D_n^2}{4pR}$$

లంగుల వ్యాసాల వర్గొనికి, n కి గ్రాఫ్ గీయబడింది.

అష్పడు వొలు ద్వొరొ ఇవ్వఒడుతుంబి

$$\frac{D_{n+p}^2 - D_n^2}{p} = \frac{AB}{CD}$$

ప్లానో-కుంభొకార లెన్స్ యొక్క వక్రత యొక్క వ్యాసార్థొన్ని Rి స్పిరోమీటర్ అని పిలువబడే ఒక పరికరం యొక్క సహాయం తో పొందవచ్చు, ఫార్ములొ ఉపయోగించి

$$R = \frac{l^2}{6h} + \frac{h}{2}$$



#### **Fig: Spherometer**

పై సూత్రంలో, స్పిరోమీటర్ యొక్క రెండు కాళ్ల మధ్య దూరం l మలయు ఇది ప్లానో-కుంభాకార లెన్సై ఉంచినప్పడు మలయు ప్లేన్ గ్లాస్ ప్లేట్పై ఉంచినప్పడు స్పిరోమీటర్ రీడింగ్లలో తేడొ h. ఈ విలువలను ళర్తి చేయడం ద్వారొ, కాంతి యొక్క తెలియల మూలం యొక్క తరంగడైర్ఘ్యైబ్న గుల్తించవచ్చు. Similarly, the condition for dark fringes becomes,

$$2t = n\lambda, \quad n = 1, 2, 3, \cdots$$

From the above diagram,

$$EP \times HE = OE \times (2R - OE)$$
  

$$\Rightarrow r^{2} = (2R - t) \times t \approx 2Rt \quad for R \gg t$$

or

$$t = \frac{r^2}{2R}$$

If R is not very large, then quadratic terms also give considerable contribution which will complicate the ring structure.

Thus for bright ring,

$$r^{2} = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R, \quad n = 1, 2, 3, \cdots$$
$$r = \sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R}$$
Diameter =  $D = 2r = 2\sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R} = \sqrt{2(2n - 1)\lambda R}$ 

For dark ring,

$$r^2 = n\lambda R$$
,  $n = 0, 1, 2, 3, \cdots$   
 $r = \sqrt{n\lambda R}$ 

$$Diameter = D = 2r = 2\sqrt{n\lambda R}$$

Fringe width:

Bright band: 
$$r_{n+1} - r_n = \sqrt{\left(n + \frac{1}{2}\right)\lambda R} - \sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R}$$
  
Dark band:  $r_{n+1} - r_n = \sqrt{(n+1)\lambda R} - \sqrt{(n)\lambda R}$   
Area:

Bright band: 
$$\pi r_{n+1}^2 - \pi r_n^2 = \pi \left( \left( n + \frac{1}{2} \right) \lambda R - \left( n - \frac{1}{2} \right) \lambda R \right) = \pi \lambda R$$

#### 1.8 Newton's rings

Dark band:  $\pi r_{n+1}^2 - \pi r_n^2 = \pi ((n+1)\lambda R - (n)\lambda R) = \pi \lambda R$ 

It is interesting to note that the area remains constant for all the bands, irrespective of their radius. In other words, fringe width decreases as the radius of the band increases. Thus we get concentric circles with reducing thickness.



Fig: Newton's rings in reflection.

#### Determination of wavelength of monochromatic light source:

Let *R* be the radius of curvature of the plano-convex lens and  $D_n^2$ ,  $D_{n+p}^2$  are the diameters of  $n^{th}$  and  $(n+p)^{th}$  dark rings in reflection. Then,

$$D_n^2 = 4n\lambda R$$
$$D_{n+p}^2 = 4(n+p)\lambda R$$
$$\Rightarrow D_{n+p}^2 - D_n^2 = 4p\lambda R$$

or

$$\lambda = \frac{D_{n+p}^2 - D_n^2}{4pR}$$

A graph is plotted by measuring the squares of the diameters of (n - 2), (n - 1),  $n^{th}$ , (n + 1), (n + 2),  $\cdots$  (n + p),  $(n + p + 1)^{th}$  rings vs. number of the rings.


Fig: plot of n Vs D<sup>2</sup>

Then the slope is given by

$$\frac{D_{n+p}^2 - D_n^2}{p} = \frac{AB}{CD}$$

The radius of curvature R of the plano-convex lens can be obtained with the help of an instrument, known as the spherometer, using the formula

$$R = \frac{l^2}{6h} + \frac{h}{2}$$

In the above formula, l is the distance between the two legs of the spherometer and h is the difference in readings of the spherometer when placed on the plano-convex lens and when placed on a plane glass plate. Substituting these values, one can determine the wavelength of unknown source of light.

#### Newton rings in refraction/Transmitted rays:

#### Fig: Newton's rings in transmission



#### వక్రీభవనం/ప్రసార కిరణాలలో న్యాటన్ వలయాలు:

ప్రసారం చేయుఒడిన కాంతి విషయంలో,<mark>రే -</mark>2దట్టమైన మాధ్యమంపై రెండు పరొవర్తనొలను తీసుకుంటుంబి, ఇబి అదనపు ఫేజ్ మార్పు2π లేదొ .λ <mark>పొంబింబి</mark>

అందువలన ప్రకాశవంతమైన మలయు చికటి పట్టీ ల షరతు క్రింబి విధంగా ఉండవచ్చు: ప్రకాశవంతమైన పట్టీ :

$$2t = n\lambda \qquad n = 0, 1, 2, 3, \cdots$$
$$or r^{2} = n\lambda R$$
$$r = \sqrt{n\lambda R}$$
$$D = 2\sqrt{n\lambda R}$$

చికటి పట్ట్ :

$$2t = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 1, 2, 3, \cdots$$
$$r^{2} = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R$$
$$r = \sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R}$$
$$D = 2r = 2\sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R} = \sqrt{2(2n - 1)\lambda R}$$

అందువల్ల పరొవర్తనంలో ప్రకాశవంతంగా కనిపించే పట్టీ లు ప్రసారంలో చీకటిగా కనిపిస్తాయి. మరో వంటలో చెప్పాలంటే, ప్రతిఖింబం మరియు వక్రీభవనంలో పట్టీ నమానొలు ఒకదొనికొకటి కాంప్లిమెంటరీగా ఉంటాయి.

## ద్రవ లఫ్రాక్టిప్ ఇండెక్స్ యొక్క నిర్ధొరణ:

లఫ్రాక్టిప్ ఇంజెక్స్ , $(\mu)$  ను కొలవవలసిన ద్రవం లెన్స్ మలియు గ్లాస్ ప్లేట్ మధ్య పోస్తారు. ఇష్టుడు న్యూటన్ లంగులను ఏర్పలిచే గారి ఫిల్డ్ కు బదులుగా రిక్విడ్ ఫిల్డ్ నుండి కాంతి ప్రతిఇంణస్తుంది. ప్లా*నే*-కుంభాకార లెన్స్ యొక్క వక్రత వ్యాసార్ధం R మలియు $n^{th}$ ,  $(n + p)^{th}$ , యొక్క వ్యాసాలు  $D_n^2$ ,  $D_{n+p}^2$ మలియు గారి ఫిల్డ్ తో ప్రతిఇంణంచే ముదురు వలయాలు. అప్పడు

$$D_n^2 = 4n\lambda R$$
$$D_{n+p}^2 = 4(n+p)\lambda R$$
$$\Rightarrow D_{n+p}^2 - D_n^2 = 4p\lambda R$$

In the case of transmitted light, ray-2 takes two reflections on denser medium which gives an additional phase change of  $2\pi$  or  $\lambda$ .

Thus the conditions for bright and dark fringes can be obtained as follows:

Bright fringe:

$$2t = n\lambda \qquad n = 0, 1, 2, 3, \cdots$$
$$or r^{2} = n\lambda R$$
$$r = \sqrt{n\lambda R}$$
$$D = 2\sqrt{n\lambda R}$$

Dark fringe:

$$2t = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda, \quad n = 1, 2, 3, \cdots$$
$$r^2 = \left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R$$
$$r = \sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R}$$
$$D = 2r = 2\sqrt{\left(n - \frac{1}{2}\right)\lambda R} = \sqrt{2(2n - 1)\lambda R}$$

Thus whatever fringes that appear bright in reflection look dark in transmission. In other words, fringe patterns in reflection and refraction are complimentary to each other.

#### Determination of refractive index of a liquid:

The liquid whose refractive index  $(\mu)$  to be measured is poured between the lens and the glass plate. Now the light will be reflected from the liquid film instead of the air film forming Newton's rings. Let *R* be the radius of curvature of the plano-convex lens and  $D_n^2$ ,  $D_{n+p}^2$  are the diameters of  $n^{th}$  and  $(n + p)^{th}$  dark rings in reflection with air film. Then,

# <u>1.9 మైఖేల్సన్ ఇంటర్పెరోమీటర్</u>

లెక్విడ్ ఫిల్గ్*తో లెఫ్లెక్షన్* లో  $n^{th},\;(n+p)^{th}$  డొర్క్ లంగులు మలయు డయామీటర్లుగా  $D_n'^2,\;D_{n+P}'^2$ ఉండనివ్వండి. అష్టుడు,

$$D_n'^2 = \frac{4n\lambda R}{\mu}$$
$$D_{n+p}'^2 = \frac{4(n+p)\lambda R}{\mu}$$
$$\Rightarrow D_{n+p}'^2 - D_n'^2 = \frac{4p\lambda R}{\mu}$$

లఫ్రాక్టిప్ ఇండెక్స్ ను ఇలా లెక్కించవచ్చు:

$$\mu = \frac{D_{n+p}^2 - D_n^2}{D_{n+p}'^2 - D_n'^2}$$

# 1.9 మైఖేల్సన్ ఇంటర్ఫెరోమీటర్

మైఖేల్సన్ ఇంటర్ఫెరోమీటర్ యాంప్లిట్యూడ్ యొక్క విభజన ద్వొరొ ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానాను ఉ<del>త్పత్తి</del> చేస్తుంబ.

కాంతి ఇనకం నుండి ఏకవర్ణ కాంతి సమాంతరంగా తయారు చేయబడుతుంది మరియు సంఘటన కాంతి కిరణాలకు 45° కోణంలో సెట్ చేయబడిన ఒక టిమ్ స్ట్రిటర్లోకి పంపబడుతుంది.

శమ్ స్ట్రిటర్ అనేఐ పాక్షికంగా వెండి అద్దం. కాంతి శీమ్ స్ట్రిటర్ యొక్క ఐగువ ఉపలతలంపై ప్రతిశురిశుస్తుంబి మరియు రెండు పరస్పరం లంబంగా ఉండే కిరణాలుగా విడిపోతుంది.

నిలువుగా ప్రయాణించే కిరణం కబిలే అద్దం  $M_1$  ద్వారొ ప్రతిసింసిస్తుంబి మలియు అడ్డంగా ప్రయాణించే కిరణం కదలని అద్దం  $M_2$  ద్వారొ ప్రతిసింసిస్తుంబి.

మలయు  $M_1 \ M_2$  నుండి ప్రతిణంఇంచే కిరణాలు జీమ్ స్ట్రిటర్ బగువ ఉపలతలం వద్ద మలయు కలుసుకుని ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానౌ పర్పరుస్తాయి. దొనిని .టెరిస్కోప్ T లో చూడవచ్చు.

నిలువుగా ప్రయాజించే కిరణం రెండుసార్లు టిమ్ స్ట్రిటర్ గుండా వెళుతుంది మరియు క్షితిశి సహంతరంగా ప్రయాజించే కిరణం ఒక్కసారి మాత్రమే ప్రయాజిస్తుంది కాబట్టి, క్షితిశి సహంతర కిరణ మార్గంలో పరిహార అద్దం B ప్రవేశపెట్టుడింది.

పని చేసే విధొనం:

అద్దొలు  $M_1$  మరియు  $M_2$  బిమ్ స్ట్రిటర్ నుండి సమాన దూరంలో ఉంచబడితొయి. అష్టుడు యొక్క వర్ళువర్ ఇమేళ్  $M_2, M_2'$  వద్ద పర్పడుతుంది.

జ్లితిజ సమాంతర కిరణం ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానా పెర్పడటానికి ముందు జీమ్ స్ట్రిటర్పె ప్రతిజింజిస్తుంబ కాటట్టి, విధ్వంసక ఇంటర్ఫెరెన్సుకి దొలితీసే అదనపు మార్గం వ్యత్యాసం λ/2 పెర్పడుతుంది.

$$D_n^2 = 4n\lambda R$$
$$D_{n+p}^2 = 4(n+p)\lambda R$$
$$\Rightarrow D_{n+p}^2 - D_n^2 = 4p\lambda R$$

Let  $D_n^{\prime 2}$  and  $D_{n+P}^{\prime 2}$  be the diameters of  $n^{th}$  and  $(n+p)^{th}$  dark rings in reflection with liquid film. Then,

$$D_n'^2 = \frac{4n\lambda R}{\mu}$$
$$D_{n+p}'^2 = \frac{4(n+p)\lambda R}{\mu}$$
$$\Rightarrow D_{n+p}'^2 - D_n'^2 = \frac{4p\lambda R}{\mu}$$

The refractive index can be calculated as:

$$\mu = \frac{D_{n+p}^2 - D_n^2}{D'_{n+p}^2 - D_n'^2}$$

# 1.9 Michelson interferometer

Michelson interferometer produces interference pattern by division of amplitude.



#### Fig: Michelson's interferometer

## 1.9 Michelson interferometer

అద్దం  $M_1$  పైకి తరరించబడితే, అబ $\mu = 1$  త్ $2\mu t\cos r = n\lambda$  ప్రకారం సమాంతర సన్నని గారి పోర ఇంటర్ఫెరెన్సుని పిర్పరుస్తుంది.

అద్దం యొక్క వివిధ స్థానాలు టెలిస్కోప్**లో వివిధ కోశాలలో క**నిపిస్తాయి కాటట్టి, పై సమీకరణంలో cos*r* మారుతూ ఉంటుంది మరియు కేంద్రికృత వృత్తాకార పట్టీ లు ఏర్పడతాయి.

అద్దం  $M_1$  కొంచెం వంగి ఉంటే , అబి చిలిక ఆకారపు గాలి ఫిల్డ్ ను ఏర్పరుస్తుంబి మలయు పట్టీ నమూనొ వృత్రాలకు బదులుగా సరళ రే ఖలకు మారుతుంబి.

## కాంతి జనకం తరంగనైర్హ్రం యొక్క నిర్ధారణ:

ఇచ్చిన హెనోక్రోమటిక్ లైట్ సోర్స్ యొక్క తరంగదైర్ఘ్యెన్ని నిర్ణయించడొనికి, అద్దొలు Μ<sub>1</sub>మరియు Μ<sup>'</sup>2 సరిగ్గా సహంతరంగా మరియు సమాన దూరంలో అమర్చబడి ఉంటొయి. అప్పడు మార్గం వ్యత్యాసం λ/2 మరియు సెంట్రల్ డౌర్మ్ ఫ్రింజ్ పిర్పడుతుంది.

M<sub>1</sub> అద్దం λ/4 దూరం కబిలెస్తే, కాంతి కిరణం దొలి పైకి మలయు క్రింబికి ప్రయాణ సమయంలో అదనపు దూరం λ/2 ప్రయాణిస్తుంబి. అప్పుడు మొత్తం మార్గం వ్యత్యాసం λ అవుతుంబి మలయు సెంట్రల్ పట్టీ ప్రకాశవంతంగా మారుతుంబి.

ఆ విధంగా ప్రయాణించే ప్రతి . $\lambda/4$  దూరొ నికి, సెంట్రల్ పట్టీ దొని రంగును మారుస్తుంది.  $M_1$  అద్దం Lదూరం కబలే సమయానికి, N పట్టీ లు షిఫ్ట్ అయితే, అష్టుడు

$$L=\frac{n\lambda}{2}$$

తెరియని కాంతి జనకం యొక్క తరంగదైర్ఘం ఇలొ ఇవ్వబడుతుంది. $\lambda=2L/n$ 

 https://egyankosh.ac.in/handle/123456

 789/29380

 https://egyankosh.ac.in/handle/123456

 789/80990

 https://egyankosh.ac.in/handle/123456

 789/82374

 https://phys.libretexts.org/@go/page/4

 505

For Further reading:

# Construction:

The experimental arrangement consists of two highly polished plane glass mirrors  $M_1$  and  $M_2$ , kept perpendicular to each other.

Monochromatic light from a light source is made parallel and sent onto a beam splitter A set at an angle  $45^{\circ}$  to the incident light rays.

The beam splitter is a partially silvered mirror. Light reflects on the bottom surface of the beam splitter and splits into two mutually perpendicular beams.

The vertically travelling ray is reflected by a movable mirror  $M_1$  and horizontally travelling ray is reflected by an immovable mirror  $M_2$ .

The reflected rays from  $M_1$  and  $M_2$  meet at the bottom surface of beam splitter and interfere.

The interference pattern can be seen in the telescope T.

Since the vertically travelling ray passes through beam splitter twice and horizontally travelling ray travels only once, a compensating mirror B is introduced in the path of horizontal ray.

# Working:

The mirrors  $M_1$  and  $M_2$  are kept at equal distance from the beam splitter. Then a virtual image of  $M_2$  will be formed at  $M'_2$ .

Since the horizontal ray reflects on beam splitter before interference pattern formation, there occurs an additional path difference of  $\lambda/2$  that leads to destructive interference.

If mirror  $M_1$  is moved above, it forms a parallel thin air film interference according to  $2\mu t \cos r = n\lambda$  with  $\mu = 1$ .

Since different locations of the mirror are seen at different angles in the telescope,  $\cos r$  varies in the above equation and concentric circular fringes are formed.

If the mirror  $M_1$  is tilted a bit, it forms a wedge shaped air film and fringe pattern changes to straight lines instead of circles.

## 1.9 Michelson interferometer



Fig: Formation of circular fringes.



**Fig: Types of Fringes.** 

#### **Determination of wavelength of light source:**

To determine the wavelength of the given monochromatic light source, the mirrors  $M_1$  and  $M'_2$  are arranged exactly parallel and at equal distance. Then the path difference is  $\lambda/2$  and central dark fringe is observed.

If the mirror  $M_1$  is moved by a distance of  $\lambda/4$ , the light ray travels an extra distance of  $\lambda/2$  during its up and down journey. Then the total path difference becomes  $\lambda$  and central fringe becomes bright.



Fig: Fringe shift with movement of mirror  $M_1$ .

Thus for each  $\lambda/4$  distance travelled by  $M_1$ , central fringe changes its color. Let there be N fringe shifts, by the time the mirror  $M_1$  moves by a distance of L.

Then they are related by

$$L=\frac{n\lambda}{2}$$

The wavelength of unknown light source is given by  $\lambda = 2L/n$ .

# Solved Problems and Exercises

1. Arrange the following telescopes, where D is the telescope diameter and  $\lambda$  is the wavelength, in order of decreasing resolving power: I. D = 100m,  $\lambda = 21cm$  II. D = 2m,  $\lambda = 500nm$  III. D = 1m,  $\lambda = 100nm$  IV. D = 2m,  $\lambda = 10mm$ 

a)III, II, IV,I b) II,III, I,IV c) IV ,III, II,I d) III, II,I, IV IITJAM 2021

#### Ans: d)

**Solution:**  $d\theta = 1.22 \frac{\lambda}{D}, d\theta_I = 2.56 \times 10^{-3}; d\theta_{II} = 3.05 \times 10^{-7} d\theta_{III} = 1.22 \times 10^{-7}; d\theta_{IV} = 6.1 \times 10^{-3}$ 

**Resolving power** =  $\frac{1}{d\theta} \Rightarrow III > II > I > IV$ 

2. The condition for maxima in the interference of two waves

$$Ae^{i(\frac{k_0}{2}\sqrt{3}x+y)}$$
 and  $Ae^{i(\frac{k_0}{\sqrt{2}}x+y)}$ 

is given in terms of the wavelength  $\lambda$  and m, an integer, by

(a) 
$$(\sqrt{3} - \sqrt{2})x + (1 - \sqrt{2})y = 2m\lambda$$
  
(b)  $(\sqrt{3} + \sqrt{2})x + (1 - \sqrt{2})y = 2m\lambda$   
(c)  $(\sqrt{3} - \sqrt{2})x - (1 - \sqrt{2})y = m\lambda$   
(d)  $(\sqrt{3} - \sqrt{2})x + (1 - \sqrt{2})y = (2m\lambda)$ 

IITJAM 2021

Ans: a

Solution:  $\phi_1 = \frac{k_0}{2} (\sqrt{3x} + y) - \omega t$ ,  $\phi_2 = \frac{k_0}{\sqrt{2}} (x + y) - \omega t$   $\Delta \phi = \phi_1 - \phi_2 = \frac{k_0}{2} [\sqrt{3x} + y - \sqrt{2x} - \sqrt{2y}] = \frac{k_0}{2} [(\sqrt{3} - \sqrt{2})x + (1 - \sqrt{2})y]$ For maxima:  $\Delta \phi = 2m\pi$  $\frac{k_0}{2} [(\sqrt{3} - \sqrt{2})x + (1 - \sqrt{2})y] = 2m\pi$ 

$$\left(\sqrt{3}-\sqrt{2}\right)x+\left(1-\sqrt{2}\right)y=\frac{4m\pi}{2\pi/\lambda}=2m\lambda$$

3. A thin film of alcohol is spread over a surface. When light from a tuneable source is incident normally, the intensity of reflected light at the detector is maximum for  $\lambda = 640$ nm and minimum for 512nm. Taking the refractive index of alcohol to be

 $\lambda =$  1.36 for both the given wavelengths, the minimum thickness of the film would be \_\_\_\_\_ nm (Round off to two decimal places).

IITJAM 2021

Ans.: 470.58 nm

	$air(\mu_a=1)$
	$alcohol(\mu_{al}=1.36)$
	surface $(\mu_L)$

Condition of maxima

$$2\mu_L t = n\lambda_1 \qquad (1) \qquad (\lambda = 640nm)$$

Condition of minima

$$2\mu_{2}t = (2m+1)\lambda_{2} \qquad (2) \qquad (\lambda_{2} = 512nm)$$

$$\frac{n}{\left(m+\frac{1}{2}\right)} = \frac{\lambda_{2}}{\lambda_{1}} = \frac{512}{640} = \frac{4}{5} \Rightarrow \frac{2n}{2m+1} = \frac{2 \cdot (2)}{2(2)+1} \qquad \Rightarrow n = m = 2$$

From equation (i)

$$2 \times 1.36 \times t = 2(640nm) \Rightarrow t = \frac{(2 \times 640)}{2 \times 1.36} nm \qquad \Rightarrow t = 470.58nm$$

#### Solution:

4. An experiment with a Michelson interferometer is performed in vacuum using a laser of wavelength 610nm. One of the beams of the interferometer passes through a small glass cavity 1.3cm long. After the cavity is completely filled with a medium of refractive index n, 472 dark fringes are counted to move past a reference line. Given that the speed of light is  $3 \times 10^8 m/s$ ,

the value of n is

Ans:a)

Sol: Change in optical path  $\Delta x = m\lambda \Longrightarrow (n-1)t = m\lambda$ 

$$n - 1 = \frac{n\lambda}{2t} = \frac{472 \times 610 \times 10^{-9}}{2 \times 1.3 \times 10^{-2}} \Longrightarrow n - 1 = 0.011 \implies n = 1.011$$

5. A collimated beam of laser light of wavelength 514 nm is normally incident on a smooth glass slab placed in air. Given the refractive indices of glass and air are 1.47 and 1.0, respectively, the percentage of light intensity reflected back is IITJAM 2020

Ans. : (c)

Solution: 
$$R = \left(\frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2}\right)^2 = \left(\frac{1 - 1.47}{1 + 1.47}\right) = 0.036 = 3.6\%$$

Ans: b

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1)\left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right) => \frac{1}{f} = (1.5 - 1)\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{-2R}\right)$$
$$= 0.5\left(\frac{1}{R} + \frac{1}{2R}\right)$$

$$\Box \quad \frac{1}{f} = \frac{0.5 \times 3}{2R} \implies 4R = 3f \implies 2R = \frac{3f}{2} = 1.5R$$

7. The intensity of the primary maximum in a two-slit interference pattern is given by  $I_2$  and the intensity of the primary maximum in a three-slit interference pattern is given by  $I_3$ . Assuming the far-field approximation, same slit parameters and intensity of the incident light in both the \*cases,  $I_2$  and  $I_3$  are related as

IITJAM 2020

(a) 
$$I_2 = \frac{3}{2} I_3$$
 (b)  $I_2 = \frac{9}{4} I_3$  (c)  $I_2 = \frac{2}{3} I_3$  (d)  $I_2 = \frac{4}{9} I_3$ 

Ans. : (d)

Solution: For two slits,  $I_2 = (a + a)^2 = 4a^2$ 

For three slits,  $I_2 = (a + a + a)^2 = 9a^2$ 

$$\Box \quad I_2 = \frac{4}{9}I_3$$

8. In Young's double slit interference arrangement, introduction of a thin transparent glass plate of thickness t, in the path of one of the beams, has resulted in a shift of 0.2 cm in the central bright fringe. It is given that the distance between the two slits is 0.1 cm, the distance between the source plane and image plane is 50 cm, the wavelength of the light is 630 nm and the refractive index of 'glass is 1.5. What is the thickness of the thin glass plate?

HCU 2021

Ans: c

Sol: We have the displacement of  $n^{\rm th}$  maxima  $% n^{\rm th}$  by introducing a sheet of thickness t, is

$$S = \frac{D}{2d}(\mu - 1)t \Rightarrow 0.2 = \frac{50}{0.1}(1.5 - 1)t \Rightarrow t$$

= 0.0008

(Note : Here S does not depends on wavelength and order of the spectrum)

9. Three sinusoidal waves have the same frequency with amplitude A, A/2 and A/3 while their phase angles are  $0, \frac{\pi}{2}$ , and  $\pi$  respectively. The amplitude of the resultant wave is

a) 
$$\frac{11A}{6}$$
 b)  $\frac{2A}{3}$  c)  $\frac{5A}{6}$  d)  $\frac{7A}{6}$ 

Ans: c

Solution: 
$$y_1 = A\sin(\omega t + 0)$$
,  $y_2 = \frac{A}{2}\sin(\omega t + \frac{\pi}{2})$ ,  $y_3 = \frac{A}{3}\sin(\omega t + \pi)$   
Hence,  $y = y_1 + y_2 + y_3 = A\sin\omega t + \frac{A}{2}\cos\omega t - \frac{A}{3}\sin\omega t = \frac{2A}{3}\sin\omega t + \frac{A}{2}$   
 $A' = \sqrt{\left(\frac{2A}{3}\right)^2 + \left(\frac{A}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{4A^2}{9} + \frac{A^2}{4}} = \sqrt{\frac{25A^2}{36}} = \frac{5A}{6}$ 

10. A thin air film of thickness d is formed in a glass medium. For normal incidence, the condition for constructive interference in the reflected beam  $is(\lambda \ is \ wavelength \ and \ m \ is \ integer)$ 

a) 
$$2d = \left(m - \frac{1}{2}\right)\lambda$$
 b)  $2d = m\lambda$  c)  $2d = (m - 1)\lambda$   
d)  $2\lambda = \left(m - \frac{1}{2}\right)d$ 

Ans: a

Solution: For constructive interference,

$$2\mu d\cos\theta = \left(m - \frac{1}{2}\right)\lambda$$
, where  $m = 1, 2, 3....$ 

for thin airfilm  $(\mu = 1)$  and normal incidence  $(\theta = 0^{\circ})$ 

$$2d = \left(m - \frac{1}{2}\right)\lambda$$

- 11. Two beams of light in the visible range (400 nm 700 nm) interfere with each other at a point. The optical path difference between them is 5000 nm. Which of the following wavelengths will interfere constructively at the given point?
- a) 416.67 nm b) 555.55 nm c) 625 nm d) 666.66

IIT JAM 2020

Ans: a, b and c

Solution: For constructive interference , Phase difference =  $2n\pi$ 

We know, Phase difference =  $(\frac{2\pi}{\lambda})$ Path difference

$$2n\pi = \left(\frac{2\pi}{\lambda}\right) \times 5000$$

$$\lambda = \frac{5000}{n} ,$$
For n= 8,  $\lambda = 625 \ nm$ ; For n= 9,  $\lambda = 555.55 \ nm$ 
For n= 10,  $\lambda = 500 \ nm$ ; For n= 11,  $\lambda = 454.5 \ nm$ 

 $\Box$  For n= 12,  $\lambda = 416.67 \ nm$ 

 Two coherent sources whose intensity ratio is 81:1 produce interference fringes. The ratio of maximum intensity to minimum intensity

#### AKNU 2020

Ans:

- 2. Colour of thin films is due to interference of light wave. This interference is due to
- a) Refraction b) Division of wave front c) Division of amplitude d)both b&c

AUCET 2020

Ans:

- 3. In the case of Newton rings by reflected light, the diameter(D) of the bright ring is proportional to
  - a)  $D \propto \sqrt{n}$  b)  $D \propto \sqrt{2n} 1$  c)  $D \propto 2n 1$ d)  $D \propto n$

AUCET 2020

Ans:

- 4. In Young' double slit experiment all fringes are of
  - a) Different widths b)equal width c) Both can exist d)We can not say

Ans: b

5. The width of Newton's rings decreases from the centre due to



- a) Increase in thickness of air film from centre b) extended source
- b) Plan lower surface d) Monochromatic light

#### Ans: a

- To get bright ring in Newton's ring experiment, the distance between flat surface and curved convex surface equals to (λ is wavelength of light used)
  - a)  $\lambda/4$  b)  $\lambda/2$  c)  $\lambda$  d)  $2\lambda$

#### Ans: b

 In Young's double slit experiment, the openings of two slits are related as

a)Different and are greater than  $\lambda/2$  b) Same and are greater than  $\lambda/2$ 

c)Same and are less than  $\lambda/2$  d) Different and are less than  $\lambda/2$ 

#### Ans: c

8. The condition for visibility to get clear fringe pattern in the interference of the light waves

#### Is

- a) The interfering sources must be near enough
- b) The slit width must be high
- c) The wavelength should be low
- d) All

#### Ans: a

- 9. Study of reflection and refraction comes under which of the following branch
  - a) Wave Optics b) Ray Optics c)Physical Optics d) Quantum Optics

Ans: b

- 10. For two different light sources, we might not directly sense interference because
  - a) They are in Phase during a period longer than the response time of our eye
  - b) They are out of Phase during a period longer than the response time of our eye
  - c) They are in Phase during a period shorter than the response time of our eye
  - d) None of above

Ans: a

11. A collimated white light source illuminates the slits of a double slit interference setup and forms the interference pattern on a screen. If one slit is covered with a blue filter, which one of the following statements is correct?

(a) No interference pattern is observed after the slit is covered with the blue filter

(b) Interference pattern remains unchanged with and without the blue filter

(c) A blue interference pattern is observed

(d) The central maximum is blue with coloured higher order maxima

Ans. : (c)

12. The refractive index n of the entire environment around a double slit interference setup is changed from 1 n to 2 n . Which one of the following statements is correct about the change in the interference pattern?

(a) The fringe pattern disappears

(b) The central bright maximum turns dark, i.e. becomes a minimum

(c) Fringe width of the pattern increases by a factor 2

(d) Fringe width of the pattern decreases by a factor 2

## Grade your understanding

Ans. : (d)

13. Consider two coherent point sources (  $S_1$  and  $S_2$ ) separated by a small distance along a vertical line and two screens P1 and P2 as shown in Figure.



Which one of the choices represents the shapes of the interference fringes at the central regions on the screens?

- (a) Circular on P1 and straight line on P2
- (b) Circular on P1 and circular on P2
- (c) Straight lines on P1 and straight lines on P2
- (d) Straight lines on P1 and circular on P2

# Grade your understanding

# Grade your understanding

We can directly sense interference effect created by	[]			
separated independent LASER sources				
Young's double slit experiment is the first evidence for	[]			
the wave nature of light				
To get sharp interference fringes , we need a moderately	[]			
high frequency light source				
4. We can get diffraction without interference effect but We				
cannot get interference without diffraction effect				
Division of wave front needs an extended source [				
When the wave reflects on a rarer medium, no phase [				
change occurs				
The true path difference in thin films is $n\lambda$ for	[]			
constructive interference in all cases				
Wedge method needs monochromatic light [				
The thickness of a fringe gives its fringe width [				
10 A thin air film enclosed between a Plano-concave lens				
and a plane glass plate, can also form interference fringes				
	We can directly sense interference effect created by separated independent LASER sources Young's double slit experiment is the first evidence for the wave nature of light To get sharp interference fringes , we need a moderately high frequency light source We can get diffraction without interference effect but We cannot get interference without diffraction effect Division of wave front needs an extended source When the wave reflects on a rarer medium, no phase change occurs The true path difference in thin films is $n\lambda$ for constructive interference in all cases Wedge method needs monochromatic light The thickness of a fringe gives its fringe width A thin air film enclosed between a Plano-concave lens and a plane glass plate, can also form interference fringes			

- 11 Fringe pattern in reflection and refraction in thin films [] are complimentary to each other
- 12 If we introduce a thin glass in the path of one of [] interfering beams in Young's double slit experiment, the fringe width will be changed

Check: 1. Yes 2. No 3. Yes 4.No 5.Yes 6. Yes 7.Yes 8.No 9.Yes 10.Yes 11.Yes 12. No

# Glossary

Glossary							
	Giossary						
Eringe	A band of contrasting brightness or darkness						
rilige	produced by Interference/diffraction						
Riprism	A thin single prism with one of its angles 179 <sup>0</sup>						
ырнын	and other two of $0.5^{\circ}$						
Constructive	To be Combined						
Destructive	To be Cancel out						
Extended	A source of angular size greater than the						
source	resolution of the instrument used to observe it						
Eringe width	The distance between any two consecutive						
rillige width	dark or bright fringes						
Fringe Order	A number denoting the additional bright spots						
Fillige Order	on either side of central maxima						
Grazing angle	The angle at which the ray 'skip' on the						
Glazing angie	reflecting surface						
Interfere	Interact						
	A device(Meter) that extracts information						
Interferometer	from interference.Also it can produce the						
	interference pattern						
Monochromatic							
light	Single coloured light having single frequency						

## Glossary

Oscillating				
Intensity				
Pattern	A repeated design			
Path difference	Difference between two waves in terms of distance they travel or linear position			
Phase difference	Difference between two waves in terms of angular position			
Rarer medium	Medium with lesser refractive index when compared with other medium			
Radius of curvature	The radius of a circle which fits the given curve			
Thin film	A layer of material ranging from nanometer to several micrometers			
Virtual source	A light source that do not exist in reality but light rays seems to be come from it			
Wave front	Locus of all points having same phase in the field of optical disturbance			
Wedge	A triangular shape piece of wood/glass that hold objects between its two inclined faces			





# శిక్షణ లక్ష్మాలు

ఈ అధ్వాయంలో విద్వార్థులు విషయాలు నేర్చుకుంటారు

- 1. రెండు రకాల డిఫ్రాక్షన్ మరియు వొటి వ్యత్యాసం.
- 2. సింగిల్ స్లిట్ డిఫ్రాక్షన్, డిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్ మలయు దొని వినియోగం.
- 3. ఫైనెల్ సగం కాలం మండలాలు.
- 4. ఫైనెల్ యొక్క జోన్ ప్లేట్ మలయు కుంభాకార లెన్స్ తో దొని పోలిక.

# అ<del>భ్</del>చసన ఫలితాలు

అధ్వాయం ముగిసే సమయానికి, విద్వార్థులు ఈ క్రిందవి చేయగలరు

- 1 వివిధ రకాల డిఫ్రాక్షన్ల్లను గుల్తించగలరు.
- 2. జోన్ ప్లేట్ యొక్క వివిధ డిఫ్రాక్షన్ నమానొలు మలయు పనిని వివరించగలరు.
- 3. కాంతి మూలొల తరంగదైర్ఘ్రెన్ని కొలవడొనికి డిఫ్రాక్షన్ ద్యగ్విషయాన్ని వర్తింపజేయగలరు.
- 4. వివిధ డిఫ్రాక్షన్ రకాలు మరియు డిఫ్రాక్షన్ నమానొలను వర్గీకరించగలరు.
- 5. అప్లికేషన్ ఆధారంగా తగిన డిఫ్రాక్షన్ టెక్నిక్ ని ఎంచుకోగలరు.
- ర. పదొర్థాల విక్లేపణ విశ్లేషణ కోసం ప్రోటోటైప్ నమానాలను అఖవృద్ధి చేయగలరు..



# Syllabus

Introduction, Types of diffraction: Fresnel and Fraunhoffer diffractions, Distinction between Fresnel and Fraunhoffer diffraction, Fraunhoffer diffraction at a single slit, Plane diffraction grating, Determination of wavelength of light using diffraction grating, Resolving power of grating, Fresnel's half period zones, Explanation of rectilinear propagation of light, Zone plate, comparison of zone plate with convex lens.

# Learning Objectives

In this chapter students would learn about

- 1. Two types of diffraction and their distinction.
- 2. Single slit diffraction, diffraction grating and its usage.
- 3. Fresnel half period zones.
- 4. Fresnel's zone plate and its comparison with convex lens.

# Learning Outcomes

By the end of the chapter, student would be able to

- 1. Identify various types of diffraction.
- 2. Describe various diffraction patterns and working of zone plate.
- 3. Apply diffraction phenomenon to measure the wavelength of light sources.
- 4. Classify various diffraction types and diffraction patterns.
- 5. Select suitable diffraction technique based on the application.
- 6. Develop prototype models for diffraction analysis of materials.

## Syllabus

# 

ఈ అధ్వాయం ముగిసే సమయానికి నిర్దిష్ట ప్రోగ్రామ్ల్ నుండి విద్యార్థులు క్రింబి రంగాలలో కాంతి డిఫ్రాక్షన్ పాత్రను గుర్తించగలరు.

ఎ) ఫిజిక్స్: లేజర్ ఢిఫ్రాక్షన్ చెక్నిక్స్ మెటీలయల్ మానిఫ్కులేషన్ మలయు మెటీలయల్ క్యారెక్టరైజేషన్ ప్రయోజనెల కోసం ఉపయోగించబడతాయి. ఫైనెల్ లెన్సులు కాంపాక్ట్ ఆస్టికల్ సిస్టమ్స్ కోసం ఉపయోగించబడతాయి.

ఐ) కెమిస్ట్రీ; ద్రవ రసాయన నమానాల వర్గీకరణ కోసం డిఫ్రాక్టోమీటర్లు ఉపయోగించబడతాయి.

సి) భూగర్భ శౌస్త్రం: వివిధ భూకంప సంకేతాల యొక్క డిఫ్రాక్షన్ విశ్లేషణ ఇంటర్ఫెరెన్సు విశ్లే షణతో పాటు మలంత సమాచారంగా ఉంటుంబి. జియోఫిజికల్ డిఫ్రాక్షన్ టోమోగ్రఫీ జియోఫిజికల్ నిర్మొణాలను అధ్యయనం చేస్తుంబి.

d) ఎలక్ట్రాలక్స్: ఆఫ్టికల్ ఫైబర్ కమ్యాలకేషన్లో, వేప్**లెంగ్త్ డివిజన్ మర్టిప్లెక్సింగ్ (WDM)** టెక్నాలజీలో వివిధ తరంగదైర్ఘైలతో కూడిన బడుళ తరంగాలను కలపారి మరియు ఆఫ్టికల్ ఫైబర్ ద్వారా పంపారి. ప్రయోజనం కోసం డిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్లు ఉపయోగించబడతొయి. గ్రేటింగ్ లైట్ వొల్వ్ (GLV), ప్రొజెక్టర్లలో ఉపయోగించే మైక్రో ప్రొజెక్షన్ టెక్నాలజీ. వొరు మైక్రో-ఆస్టో-ఎలక్ట్రో-మెకాలకల్ సిస్టమ్స్ (MOEMS)ల ఉపయోగిస్తారు.

ఇ) కంప్యుటర్లు: కంప్యుటేషనల్ హాలోగ్రఫ్ అనేఐ గణనపరంగా హాలోగ్రాఫిక్ చిత్రాల నిర్మోణం మరియు పునర్నిర్మెణం కోసం ఫైనెల్ డిఫ్రాక్షన్ డేటాను ఉపయోగించే ఒక శాఖ. వివిధ కంప్యుటెడ్ టోహెగ్రఫ్ డేటాకు డిఫ్రాక్షన్ విశ్లేషణ అవసరం.

f) REM: సోలొర్ ప్యానెల్ ఉపలతలాలు గలష్ట సామర్థ్యోన్ని సాధించడొనికి గ్రేటింగ్ల ఆకారంలో రూపొందించబడ్డాయి.

g) గణాంకాలు: నొస్**రీ**నియర్ లేళర్ డిఫ్రాక్షన్ సిస్టమ్**ల ద్వారా సేకలంచుడిన వివిధ డేటా యొక్క** గణాంక విశ్లేషణ సాంప్రదాయిక వివరణల పద్ధతులు విఫలమైనష్పడు డేటా యొక్క వివరణ కోసం ఒక మార్గొన్ని అంబిస్తుంబి. గణాంక వివరణలు AI సిస్టమ్ శిక్షణల కోసం కూడొ ఉపయోగించవచ్చు.

#### సుపలచితం నుండి అపలచితం వరకు

మీ 12వ తరగతిలో, మీరు డిఫ్రాక్షన్ యొక్క దృశ్విషయం, సింగిల్ స్లిట్ డిఫ్రాక్షన్ యొక్క సరశీకృత విశ్లేషణ, డబుల్ స్లిట్ డిఫ్రాక్షన్, డిఫ్రాక్షన్ మ్యాస్టిమా కోసం ఐరి కండిషన్ మలయు లశార్వింగ్ పవర్ భావన గులించి అధ్వయనం చేసి ఉండవచ్చు. ఈ అధ్వాయంలో మీరు సింగిల్ స్లిట్ డిఫ్రాక్షన్, ఫైనెల్ మలయు ఫ్రాన్హోఫర్ డిఫ్రాక్షన్, డిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్ మలయు శోన్ ప్లేట్ కాన్సెప్ట్ యొక్క ఐవరణాత్గక విశ్లేషణను చూడవచ్చు.

# Course Outcomes specific to program and Future directions

By the end of this chapter students from specific programs would be able to identify the role of light diffraction in the following fields.

- Physics: Laser diffraction techniques are used for material manipulation and material characterization purposes. Fresnel lenses are used for compact optical systems.
- b) Chemistry: diffractometers are used for the characterization of liquid chemical samples.
- c) Geology: Diffraction analysis of various seismic signals is more informative in addition to the interference analysis. Geophysical diffraction tomography studies the geophysical structures.
- d) Electronics: In optical fiber communication, wavelength division multiplexing (WDM) technology where multiple waves with different wavelengths are to be mixed and sent through the optical fiber. For the purpose diffraction gratings are used. Grating Light Valve (GLV), a micro projection technology used in projectors. They use microopto-electro-mechanical systems (MOEMS).
- e) Computers: Computational holography is a branch that uses Fresnel diffraction data for construction and reconstruction of holographic images computationally. Various computed tomography data requires diffraction analysis.
- f) REM: Solar panel surfaces are designed in the shape of gratings in order to achieve maximum efficiency.
- g) Statistics: Statistical analysis of various data collected by nonlinear laser diffraction systems gives a way out for interpretation of data where conventional methods of interpretations fail. The statistical interpretations may also be used for AI system trainings.

## Familiar to Unfamiliar

In your 12<sup>th</sup> class, you might have studied about the phenomenon of diffraction, simplified analysis of single slit diffraction, double slit diffraction, airy condition for diffraction maxima and the concept of resolving power. In this chapter you will come across a detailed analysis of single slit diffraction, Fresnel and Fraunhoffer diffraction, diffraction grating and zone plate concepts.

## 2.1 పలచయం

డిఫ్రాక్షన్ అనేబి దొని తరంగదైర్హ్యంతో పోల్చదగిన పరిమాణంలో ఉన్న అడ్డంకి చుట్టూ కాంతి కిరణొలను వంగడం. అడ్డంకి చుట్టూ యాదృచ్ఛిక బిశలలో ఉద్భవించే కాంతి తరంగాల సూపర్పొజిషన్ కారణంగా వంగడం ప్రభావం పెర్పడుతుంబి. తరంగాల సమాహం యొక్క సూపర్పొజిషన్ యొక్క గణిత శాస్త్ర అధ్యయనంలో, తరంగాల కదరిక బిశ పెరిగణించుడదు, అయితే తరంగాల మధ్య ఫేజ్ తేడొలు మాత్రమే పెలిగణనలోకి తీసుకోబడతాయి.

### యాంప్లిట్యూడ్స్ యొక్క వెక్టర్ శోడింపు:

n వెక్టర్స్ యొక్క సమితిని పలగణించండి ప్రతి పొడవు α , ఫ్లిరమైన పౌనఃపున్యం కరినిన, n కిరణొలను సూచిస్తాయి కానీ ప్రతి ఒక్కటి ఒక δ ఫేశ్ ద్వోరా థిన్నంగా ఉంటాయి. ఈ వెక్టర్లెబ్నింటి యొక్క రినియర్ సూపర్ పొజిషన్ నుండి ఏర్పడిన ఫరిత వెక్టర్ దీని ద్వోరా ఇవ్వుటడుతుంది,

 $R\cos(\omega t + \alpha) = \cos(\omega t + 0\delta) + \cos(\omega t + 1\delta) + \cos(\omega t + 2\delta) + \cdots$  $+ \cos(\omega t + [n - 1]\delta)$ 

వెక్టర్స్ యొక్క బహుభుజిని చుట్టుముట్టే వ్యాసార్థం .r యొక్క వృత్తొన్ని నిర్మించడం ద్వార్ ఫరిత వెక్టార్ యాంప్లిట్యాడ్ మరియు ఫేజ్ ను పొందవచ్చు

$$a = 2r\sin\frac{\delta}{2} \Rightarrow r = \frac{a}{2\sin\frac{\delta}{2}}$$

సమద్విచాహు త్రిధుజం Δ*OAC* నుండి,

$$R = 2r\sin\frac{n\delta}{2} = a\,\frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2}$$

ఫలితంగా ఫేజ్ కోణం ఇవ్వబడింది

$$\alpha = \angle OAB - \angle OAC = \left(90^{\circ} - \frac{\delta}{2}\right) - \left(90^{\circ} - \frac{n\delta}{2}\right) = [n-1]\frac{\delta}{2}$$
ఈ విధంగా  $n$  వెక్టర్స్ యొక్క సూపరోపోజిషన్ ఫలితంగా, స్థిరమైన పౌనఃపున్యం యొక్క ప్రతి ఫలితం,  
వరుస వెక్టర్ మధ్య ఫేజ్ వ్యత్కాసంతో ఇవ్వుండుతుంబిర

$$R\cos(\omega t + \alpha) = a \frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2} \cos\left[\omega t + (n-1)\frac{\delta}{2}\right]$$

మెళాలటీ టెక్ట్స్ బుక్స్**లో ఇది అన్-పోలరైశ్జ్** లైట్ వేప్ లాగా వల్ణంచబడింది, ఇది ఒకే ఇందువు నుండి అల్ని దిశలలో సూచించే వెక్టర్స్ సమాహంగా సూచించబడుతుంది. అవి ఇచ్చిన కాంతి తరంగంలో విద్యుత్ వ్లేత్ర ప్రకంపనల దిశలుగా పలగణించబడతొయి.

కౌన్ని ఫార్య ఫుస్తకాలలో, ఒకే చీరిక వద్ద ఢిఫ్రాక్షన్ యొక్క గజిత పరిచర్యలో, చీరిక నుండి వెలువడే కిరణొలు చూపబడ్డొయి మరియు పైన అందించిన విధంగా వివిధ ఫేళ్ లతో కూడిన తరంగాల వెక్టర్ జోడింపు పరిగజించబడుతుంది.

# 2.1 Introduction

The diffraction is the bending of light rays around an obstacle of size comparable to its wavelength. The bending effect is due to the superposition of light waves that are emerging in random directions around the obstacle. In the mathematical study of superposition of group of waves, the direction of motion of the waves is not considered but only the phase differences among the waves are taken into account.

### Vector addition of amplitudes:

Consider a set of *n* vectors each of length *a*, representing n rays of constant frequency but each differing by a phase of  $\delta$ . The resultant vector formed from a linear combination of all these vectors is given by,

$$R\cos(\omega t + \alpha) = \cos(\omega t + 0\delta) + \cos(\omega t + 1\delta) + \cos(\omega t + 2\delta) + \dots + \cos(\omega t + [n-1]\delta)$$

The resultant vector amplitude and phase can be obtained by constructing a circle of radius r enclosing the polygon of vectors.



#### Fig: vector addition of amplitudes.

From the isosceles triangle  $\Delta OAB$ ,

$$a = 2r\sin\frac{\delta}{2} \Rightarrow r = \frac{a}{2\sin\frac{\delta}{2}}$$

From the isosceles triangle  $\Delta OAC$ ,

$$R = 2r\sin\frac{n\delta}{2} = a\,\frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2}$$

The resultant phase angle is given by

$$\alpha = \angle OAB - \angle OAC = \left(90^{\circ} - \frac{\delta}{2}\right) - \left(90^{\circ} - \frac{n\delta}{2}\right) = [n-1]\frac{\delta}{2}$$

Thus the resultant of superposition of n vectors, each of constant frequency, with a phase difference of  $\delta$  between successive vectors, is given by

$$R\cos(\omega t + \alpha) = \alpha \, \frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2} \cos\left[\omega t + (n-1)\frac{\delta}{2}\right]$$

In a majority of the text books it was depicted like an un-polarized light wave that can be represented as group of vectors which are pointing in all directions from a single point. They are considered to be the directions of electric field vibrations in the given light wave.



In some of the text books, in the mathematical treatment of the diffraction at a single slit, the rays emerging out of the slit have been shown and a vector addition of waves with different phases has been considered, as presented above.



Fig: Diffraction at a single slit.

An immediate question to ask now is: Are the arrows shown above to be considered as light rays or electric field vibrations of the light wave? If they are considered as just light rays, then why do they not spread on the screen uniformly? If they are considered as the electric field vibrations, then are we considering only upper half of vectors to represent the intensity in the upper position? Then how to mathematically represent the vectors superimposing in the downward direction of the slit? In the entire mathematical analysis we are considering a mathematical expression that is obtained by adding the vectors that are oriented gradually along the upward direction and using the same expression to represent the intensity pattern at the bottom portion of the slit. How to understand this discrepancy?

To understand it clearly one must have a clear idea of what a wave front is. By definition, wave front is a locus of points with constant amplitude of light waves.

## 2.1 Introduction

ఇష్టుడు అడగవలసిన తక్షణ ప్రశ్న ఏమిటంటే: పైన చూపిన చొణాలను కాంతి కిరణాలు లేదా కాంతి తరంగం యొక్క విద్యుత్ క్షేత్ర వైబ్రేషన్లుగా పెరిగణించాలొ? వొటిని కేవలం కాంతి కిరణాలుగా పెరిగజొస్తే, అవి తెరపై పికరీతిగా ఎందుకు వ్యాపించవు? అవి ఎలక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ వైబ్రేషన్లుగా పెరిగజించుడితే, ఎగువ ఫ్థానంలో ఉన్న తీవ్రతను సూచించడానికి మనము వెక్టర్స్,లో ఎగువ సగాన్ని మాత్రమే పెరిశీరిస్తున్నామా? అష్టుడు చీరిక యొక్క క్రింబి విశలో సూపర్కోస్ చేసే వెక్టర్లను గణితశాస్త్రంలో ఎలొ సూచించారి? మొత్తం గణిత విశ్లేషణలో మనము క్రమంగా పైకి బిశలో ఉన్న వెక్టర్స్లను గణితశాస్త్రంలో ఎలొ హింబన గణిత వ్యక్తికరణను పలిశీరిస్తున్నెము మరియు చీరిక యొక్క బిగువ భాగంలో తీవ్రత నమానెను సూచించడానికి అదే వ్యక్తికరణను ఉపయోగిస్తాము. ఈ వైరుధ్యాన్ని ఎలొ అర్థం చేసుకోవారి? బీన్ని స్పష్టంగా అర్థం చేసుకోవాలంటే వేప్ ఫ్రంట్ అంటే పెమిటా స్పష్టమైన ఆలోచన ఉండారి. నిర్వచనం ప్రకారం, వేప్ ఫ్రంట్ అనేబి కాంతి తరంగాల స్థిరమైన యాంప్లిట్యుడ్ తో ఉన్న పాయింట్ల లోకస్.

వేప్ ఫ్రంట్ను గీయడొనికి, వేర్వేరు తరంగాలపై ఒకే యాంప్లిట్యుడ్ తో పాయింట్లను చేరొరి. అనగా, ప్రక్కనే ఉన్న తరంగాల యొక్క అన్ని శిఖరొలను లేదొ ప్రక్కనే ఉన్న తరంగాల అన్ని పతనాలను ఒక వేప్ ఫ్రంట్ను గీయడొనికి కలపవచ్చు. అందువల్ల పాయింట్ రైట్ సోర్స్ కోసం, వేప్ ఫ్రంట్ గోళొకారంగా ఉంటుంబ మరియు ఎలక్ట్రికర్ ఫ్రీర్డ్ వైబ్రేషన్లు కూడొ మొత్తం గోళొన్ని కవర్ చేస్తాయి. మెరుగైన అవగాహన కోసం, పై చిత్రంలో విద్యుత్ క్లేత్ర వైబ్రేషన్లు డబుల్ హెడ్డ్ బ్లూ బొజాలుగా చూపబడ్డాయి.

అష్టుడు పైన చూపిన సింగిల్ స్లిట్ ఢిఫ్రాక్షన్ ప్రయోగంలో, వెక్టర్స్ ఎలక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ వైబ్రేషన్ ఐశను సూచిస్తాయా లేదొ వేప్ యొక్క కదలిక ఐశను సూచిస్తాయా? కాబట్టి ఢిఫ్రాక్షన్ అధ్యయనంలో వెక్టర్స్ వేప్ యొక్క కదలిక ఐశను సూచిస్తే, ఒకే ఐశలో చలనం కోసం, ఐద్యుత్ క్లేత్ర కంపనాలు ఐగువ చూపిన ఐథంగా చలన ఐశకు లంబంగా మొత్తం తలాఖ్న కవర్ చేసే పదైనా ఐశను కలిగి ఉంటాయి.

అందువల్ల శిఫ్టాక్షన్ అధ్వయనంలో, వెక్టార్ సంఖ్ఞామానం కోసం విద్యుత్ క్షేత్ర వైబ్రేషన్ల బశ పలగజించబడదని స్పష్టంగా అర్థం చేసుకోవారి. అష్టుడు అది అల యొక్క కదరిక దిశా ? అలా అయితే, గజిత వ్యక్తికరణలు కొన్ని స్పేస్ భాగాలు మరియు స్పేస్లోని ఓరియంటేషన్లను సూచించే కొన్ని ఫంక్షన్ లను కరిగి ఉండారి. కానీ మొత్తం గజిత వ్యక్తికరణలు సమయం మరియు ఫేజ్ మాత్రమే కరిగి ఉంటాయి. అష్పుడు వేప్ యొక్క ఫేజ్ లో మార్పు వాస్తవానికి వేప్ యొక్క స్వాళావంలో దేనిని సూచిస్తుంది?

దొనిని అర్థం చేసుకోవడొనికి, సమయం యొక్క ఫంక్షన్ గా sin  $\omega t$  మరియు sin( $\omega t + \phi$ ),  $\phi = 45^\circ$  దొనితో కూడిన ప్లాట్ను పరిగజించండి.

అందువల్ల సానుకూల ఫేశ్ మార్పు వొస్తవెనికి సమయ అక్షం వెంట తరంగాన్ని వెనక్కి లొగుతుంది. అనగా; ఇది వొస్తవెనికి మొదటి వేప్ నుండి π/4 సమయ గ్యాప్తి మూలెల నుండి ప్రారంభమైన తరంగాన్ని సూచిస్తుంది. ఆ విధంగా డిఫ్రాక్షన్ అధ్యయనంలో, మూలం నుండి ఒకే దిశలో కానీ ఒకదొనికొకటి φ సమయ గ్యాప్తో ప్రారంభమైన తరంగాల యొక్క సూపర్పోజిషన్స్ మనము పొస్తవంగా పలిగజిస్తాము. ఇది వివిధ దిశలలో ప్రయాజించే అలల సూపర్పోజిషన్ కాదు (???)



Fig: Wave front.

In order to draw a wave front, one needs to join the points with same amplitude on different waves. i.e., either all the crests of adjacent waves or all the troughs of adjacent waves can be joined to draw a wave front. Thus for a point light source, the wave front is spherical and the electrical field vibrations also will be covering the entire sphere. For better understanding, the electrical field vibrations in the above figure are shown as double headed blue arrows.

Then in the single slit diffraction experiment shown above, do the vectors represent the electric field vibration direction or the direction of motion of the wave? Thus if the vectors in diffraction study represent the direction of motion of the wave, for a single direction of motion, the electric field vibrations can have any direction covering the entire plane perpendicular to the direction of motion as shown below.



Thus one must understand that in the study of diffraction, it is clear that the direction of electric field vibrations is not considered for

## 2.1 Introduction

సూపర్పొశిషన్ తర్వొత, ఫరిత తరంగం యొక్క యాంప్లిట్యూడ్ ఫ్లిరంగా ఉండదు కానీ  $\delta$  యొక్క ఫంక్షన్ గా ఉంటుంబి. అనగా; ఫరిత యాంప్లిట్యూడ్ ఫేశ్ యొక్క ఫంక్షన్ మాత్రమే. సమయం లేదొ స్థలం యొక్క ఫంక్షన్ గా తీవ్రత మారుతుందని బీని ఆర్దమా ? మనం తీవ్రతలో మార్పును సమయం యొక్క ఫంక్షన్ గా ఎందుకు చూడలేము కాని దొనిని స్థలం యొక్క ఫంక్షన్ గా మాత్రమే ఎందుకు చూస్తున్నాము? మరో మాటలో చెప్పాలంటే, స్క్రీన్పై ఉన్న స్పేస్ కౌఆర్మినేజ్ఎతో ఫేజ్ సమాచారంలోని వైవిధ్యాలను ఎలా కనెక్ట్ చేయారి?

దొనిని అర్థం చేసుకోవడొనికి, వస్తువు యొక్క వృత్తౌకార కదరిక సమయంలో వృత్తం యొక్క వ్యాసంపై చిత్రం యొక్క కదరిక కారణంగా ఉత్పన్నమయ్యే తరంగాన్ని పలిగణించండి.

ΟΑ నుండి OBకి కదులుతున్న వస్తువును పలగణించండి. అబి x అనే దూరం కబిలే లోఫు φ అనే కోశాల్ని వృత్త కేంద్రం వద్ద చేస్తుంబి. వస్తువు ఒక 2π కోణాల్ని స్పీప్ చేస్తే, ఆ సమయాలికి, వస్తువు దూరం ద్వారా λ కదులుతుంబి. అష్పడు φ మలయు x సంబంధం కలిగి ఉంటాయి

$$\phi = \frac{2\pi}{\lambda} x$$
 or  $x = \frac{\lambda}{2\pi} \phi$ 

సిస్టమ్ టైమ్ జొమైన్లో అధ్యయనం చేయబడితే, పెకపక్ష దూరం x ప్రయాణించడొనికి పట్టే సమయాన్ని t మరియు మొత్తం కాల వ్యవథి T గా భావించండి. అష్పడు t మరియు φ సంబంధం కరిగి ఉంటాయి

$$\phi = \frac{2\pi}{T}t \quad or \quad t = \frac{T}{2\pi}\phi$$

ఈ విధంగా ఒక ఫేజ్ మార్పు  $\phi$  సమయంలో వేప్ ప్రయాణించిన దూరొన్ని x పొందవచ్చు.

పాయింట్ మూలం నుండి ఉధ్భవించే రెండు తరంగాల మధ్య విన్నొసాన్ని కోజీయ స్థానఫ్రంశం φ పలగణించండి. అష్పడు స్క్రీన్పై పలశీలకుడు తరరించిన అదనపు దూరొనికి x సంబంధించి φ ఉంటుంబి

$$\phi = \frac{2\pi}{\lambda} x$$
 or  $x = \frac{\lambda}{2\pi} \phi$ .

ఈ విథంగా ఒకే వేప్ రైలులో సమయం ఆలస్యమైన తరంగాలను వేర్వేరు బిశలలో ప్రయాణించే వేప్ రైళ్లతో పోల్చవచ్చు. ఇబి వేప్ ఫ్రంజ్ లో ని బ్వితీయ వేప్ లెట్ల సందర్భం. అనగా; కాంతి కిరణాలు బీర్ఘచతురస్రాకారంలో కొంత దూరం ప్రయాణించిన తర్వొత కూడొ, ఇచ్చిన వేప్ ట్రైన్లో వాటికి సమయం ఆలస్యమైన తరంగాలు ఉంటే, అవి తక్షణమే సమానమైన కోజీయ మార్పుతో కిరణాన్ని ఉత్పత్తి చేయగలవు. ఈ విథంగా ముందుకు కబిలే కాంతి కిరణం ఇతర బిశలలో కిరణాలను కూడొ ఉత్పత్తి చేస్తుంబి.

https://www.geogebra.org/m/aCduUPv4



vector notation. Then is it the direction of motion of the wave? If that is the case, the mathematical expressions should have some space components and some functions that represent the orientations in space. But the entire mathematical expressions contain only time and phase. Then what does a change in phase of the wave actually represent in the nature of the wave?

To understand that, consider a plot of  $\sin \omega t$  and  $\sin(\omega t + \phi)$  with  $\phi = 45^{\circ}$  as a function of time.



Fig:  $\sin \omega t$  and  $\sin(\omega t + \pi/4)$  Vs. t.

Thus a positive phase shift actually pulls back the wave along the time axis. i.e.; it actually represents a wave that started from the sources with a time gap of  $\pi/4$  from the first wave. Thus in the study of diffraction, we actually consider the superposition of waves that have started from the source in the same direction but with a time gap of  $\phi$  from each other. It is not the superposition of waves that are travelling in different directions?

After superposition, the amplitude of the resultant wave is not a constant but a function of  $\delta$  in the above derivation. i.e.; the resultant amplitude is a function of phase only. Does it mean the intensity varies as a function of time or space? Why can't we see a change in intensity as a function of time but only see it as a function of space? In other words, how to connect the variations in phase information with the space coordinates on the screen?

To understand that, consider the wave generated due to the motion of the image on the diameter of the circle during the circular motion of an object.



Fig: Wave generated in Simple harmonic motion.

Consider the object moving from OA to OB by a distance of x and let the angle swept at the origin be  $\phi$ . If the object sweeps an angle of  $2\pi$ , by that time, the object moves by a distance of  $\lambda$ . Then  $\phi$  and xare related by

$$\phi = \frac{2\pi}{\lambda} x$$
 or  $x = \frac{\lambda}{2\pi} \phi$ 

If the system is studied in time domain, then let t be the time taken to travel the arbitrary distance x and T be the total time period. Then t and  $\phi$  are related by

$$\phi = rac{2\pi}{T}t$$
 or  $t = rac{T}{2\pi}\phi$ 

Thus one can obtain the distance x travelled by the wave during a phase change of  $\phi$ .

Consider an angular displacement of  $\phi$  in the orientation between two waves originating from a point source. Then the extra distance xmoved by the observer on the screen can be related to  $\phi$  as





Thus one can relate the time delayed waves in a single wave train to the wave trains travelling in different orientations. This is the case of secondary wavelets on the wave front. i.e.; even after the light rays travel rectilinearly for some distance, if they have time delayed waves in the given wave train, they can readily generate a ray with an equivalent angular shift. Thus a forward moving light ray can also produce rays oriented in other directions.



Fig: Secondary wave front.

In other words one can say that the wave trains originating from the source with a time delay in a same direction are equivalent to the wave trains originating at the same time with an angular shift. This concept of secondary wave front revolutionized the entire phase of wave optics. The relation between the time delay and spatial tilt is given by



Fig: Time delayed and spatially tilted wave trains are equivalent.

In the rest of the chapter for all mathematical purposes we consider time shifted waves and impart the end results to spatially tilted waves.

## 2.2 డిఫ్రాక్షన్ రకాలు

మరో మాటలో చెప్పాలంటే, ఒకే బిశలో సమయ ఆలస్యంతో మూలం నుండి ఉద్భవించే వేప్ రైళ్లు కోజీయ మార్పుతో అదే సమయంలో ఉద్భవించే వేప్ రైళ్లకు సమానం అని చెప్పవచ్చు. సెకండరీ వేప్ ఫ్రంట్ యొక్క ఈ భావన వేప్ ఆప్టిక్స్ యొక్క మొత్తం ఫేజ్ ను విప్లవొత్తకంగా మార్చింది. సమయం ఆలస్యం మరియు ప్రాదేశిక వంపు మధ్య సంబంధం ద్వారా ఇవ్వబడింది

$$\phi = \frac{2\pi}{T}t \quad or \quad t = \frac{T}{2\pi}\phi$$

అన్ని గజిత ప్రయోజనెల కోసం మిగిళిన అధ్వాయంలో మనము సమయం మాలిన తరంగాలను పలిగజిస్తాము మలియు అంతిమ ఫలితాలను ప్రాదేశికంగా వంపుతిలిగిన తరంగాలకు ఆపాదిస్తాము.

# 2.2 డిఫ్రాక్షన్ రకాలు

డిఫ్రాక్షన్లో రెండు రకాలు ఉన్నాయి. వొటిలో ఒకటి సౌర వర్ణపటాన్ని అధ్యయనం చేస్తున్నష్టుడు గమనించిన ఫ్రాన్హోఫర్ డిఫ్రాక్షన్. మరొకటి ప్రయోగశాల వొతావరణంలో గమనించిన ఫ్రైన్నెల్ డిఫ్రాక్షన్. వొటి మధ్య ప్రధాన వ్యత్యాసాలు క్రింబి విధంగా ఉన్నాయి.

ఫ్రాన్హోఫర్ డిఫ్రాక్షన్			ఫ్రెస్నెల్ డిఫ్రాక్షన్		
1.	ఇక్కడ మాలం మలయు స్క్రీన్	1.	ఇక్కడ మాలం మలయు స్క్రీన్ డిఫ్రాక్టింగ్		
	డిఫ్రాక్టింగ్ ఎలిమెంట్ నుండి		ఎలిమెంట్ నుండి పలిమిత దూరంలో		
	అనంతమైన దూరంలో ఉన్నాయి.		ఉంటొయి.		
2.	ప్రయోగశాలలో ఈ దృగ్విషయాన్ని	2.	ప్రయోగశాలలో ఈ దృగ్విషయాన్ని		
	అధ్వయనం చేయడొనికి లెన్సులు		అధ్వయనం చేయడొఐకి లెన్స్ల్లు అవసరం		
	මක්දාරං.		లేదు.		
З.	పతన వేప్ ఫ్రంట్ చదునుగా ఉంటుంది.	З.	పతన వేప్ ఫ్రంట్ గోళాకారంగా లేదొ		
4.	ఈ డిఫ్రాక్షన్ దృగ్విషయం యొక్క గణిత		స్థూపాకారంగా ఉండవచ్చు.		
	అధ్వయనొనికి ఉళ్టాయింపులు	4.	ఈ డిఫ్రాక్షన్ దృగ్విషయం యొక్క గణిత		
	అవసరం లేదు.		అధ్వయనొనికి ఉజ్జాయింపులు అవసరం.		
5.	ఉదొ: సింగిల్ స్లిట్ వద్ద డిఫ్రాక్షన్,	5.	ఉదొ: వృత్తౌకార ఎపర్చరు, వృత్తాకార		
	డఌుల్ స్లిట్, గ్రేటింగ్.		వస్తువు మలయు సరళ అంచు వద్ద		
•		V	డిఫైక్ష. 		
# 2.2 Types of Diffraction

There are two types of diffraction. One of them is the Fraunhoffe<u>r</u> diffraction observed while studying sola<u>r</u> spectrum. Other one is Fresnel diffraction observed in laboratory environment. The main distinctions between them are as follows.

Fraunhoffer diffraction			Fresnel diffraction	
1.	Here the source and screen are at infinite distance from the	1.	Here the source and screen are at finite distance from the diffracting element.	
2.	diffracting element. Lenses are necessary to study this phenomenon in	2.	No lenses are needed to study this phenomenon in the laboratory.	
3.	the laboratory. The incident wave front is plane	3. 4	be spherical or cylindrical. Mathematical study of this	
4.	Mathematical study of this diffraction	1.	diffraction phenomenon needs approximations.	
	phenomenon needs no approximations.	5.	Eg: Diffraction at circular aperture, circular object and	
5.	Eg: Diffraction at Single slit, double slit, grating.		straight edge.	
•				

We next list the major distinguishing features between interference and diffraction, both of which result from a superposition of light waves, in the following.

### 2.3 ఒకే చీలిక వద్ద ప్రాన్హోఫర్ డిప్రాక్షన్

ఇంటర్ఫెరెన్సు		ఢిఫ్రాక్ష <b>స్</b>	
1.	ఈ దృగ్వషయం రెండు పొంబికైన మూలొల	1.	ఈ దృగ్వషయం ఒకే మూలం నుండి
	నుండి ఉద్భవించిన బ్వితీయ తరంగాల		ఉద్భవించిన బ్వితీయ తరంగాల నుండి
	నుండి వస్తుంది.		వస్తుంది.
2.	ఇంటర్ఫెరెన్సు పట్టీలు సమాన వెడల్పుతో	2.	ఢిఫ్రాక్షన్ పట్టీలు ఎప్పడూ సమాన
	ఉంటొయి.		వెడల్పుతో ఉండవు.
З.	అన్ని ప్రకాశవంతమైన పట్టీల తీవ్రత ఒకే	З.	సెంట్రల్ పట్టీ మాత్రమే గలష్ట తీవ్రతను
	విధంగా ఉంటుంది.		కరిగి ఉంటుంది మరియు పట్టీ యొక్క
4.	అన్ని చీకటి పట్టీల తీవ్రత సున్నా.		క్రమంతో తీవ్రత తగ్గుతుంది.
		4.	అన్ని చీకటి పట్టీల తీవ్రత సున్నొ కాదు.

## 2.3 ఒకే చిలక వద్ద ఫ్రాన్హోఫర్ డిఫ్రాక్షన్

వెడల్పు e ఉన్న ఇరుకైన చిలెక AB ను పలగణించండి మలయు దొనిపై లంబంగా పడే ఏకవర్ణ కాంతి యొక్క తరంగదైర్హ్యం. $\lambda$  యొక్క సమాంతర ఫుంశాన్ని పలగణించండి. చిలెక నుండి డిఫ్రాక్షన్ చెంబన కాంతి కిరణాలు ఒక లెన్స్ ద్వారొ స్క్రీన్పై కేంబ్రీకలించబడతాయి. చిలికకు లంబంగా ప్రయాణించే బ్వితీయ తరంగాలు  $P_0$  ఫోకస్ కి తీసుకురొబడతాయి మలియు చిలిక యొక్క లంబానికి  $\theta$  కోణంలో ప్రయాణించే బ్వితీయ తరంగాలు  $P_1$  వద్ద ఫోకస్ కి తీసుకురొబడతాయి.

బిశheta నుండి A మలయు B వెంట ఉన్న బ్వితీయ తరంగాల మధ్య మార్గ వ్యత్యాసం (pd) ద్వొరొ ఇవ్వబడింబి

$$p. d. = BC = AB \sin \theta = e \sin \theta$$

$$Phase difference = \frac{2\pi}{\lambda} e \sin \theta$$

చీలిక n సమాన భాగాలుగా విభజించబడితే, ఫేజ్ వ్యత్యాసం ద్వొరొ ఇవ్వబడుతుంది

$$\delta = \frac{2\pi}{n\lambda} e \sin \theta$$

వెక్టర్ సంకలనం యొక్క పద్ధకులను ఉపయోగించడం ద్వారొ, చిలెక నుండి ఉద్భవించే తరంగాల యొక్క ఫలిత యాంప్లెట్యూడ్ ఇలా పొందబడుతుంబ

$$R = a \frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2} = a \frac{\sin(\pi e \sin \theta / \lambda)}{\sin(\pi e \sin \theta / n\lambda)}$$

ఈ విధంగా $n \to \infty \alpha = (n-1)\delta/2 \approx n\delta/2$ .ఇది కూడొ సూచిస్తుంది, .  $\delta \to 0 \implies \sin \delta/2 \approx \delta/2$ 

$$R = a \frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2} = a \frac{\sin \alpha}{\alpha/n} = na \frac{\sin \alpha}{\alpha} = A \frac{\sin \alpha}{\alpha}$$

తీవ్రత ద్వోరొ ఇవ్వబడింది

### 2.3 Fraunhoffer diffraction at a single slit

Interference			raction
1.	This phenomenon results from the secondary wavelets originating from two coherent sources.	1. '	This phenomenon results from the secondary wavelets originating from a single source.
2.	Interference fringes are of equal width.	<b>2.</b>	Diffraction fringes are never of equal width.
3. 4.	Intensity of all bright fringes is the same. Intensity of all dark fringes	3. ( ]	Only central fringe will have maximum intensity and intensity reduces with
	is zero.	<b>4.</b> 1	the order of the fringe. Intensity of all dark fringes is not zero.

# 2.3 Fraunhoffer diffraction at a single slit



Consider a narrow slit *AB* of width *e* and consider a parallel beam of monochromatic light of wavelength  $\lambda$  falling normally on it. The diffracted light rays from the slit are brought to focus by a lens onto a screen. The secondary wavelets travelling normal to the slit are brought to focus at *P*<sub>0</sub> and the secondary wavelets travelling at an angle  $\theta$  to the normal of the slit are brought to focus at *P*<sub>1</sub>.

The path difference (p.d.) between the secondary waves from A and B along the direction  $\theta$  is given by

$$p. d. = BC = AB\sin\theta = e\sin\theta$$

#### 2.3 Fraunhoffer diffraction at a single slit

$$I = R^2 = A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$$

#### ప్రథాన గలష్టం:

మనకు తెలుసు  $\lim_{\alpha \to 0} \frac{\sin \alpha}{\alpha} = 1 \implies R = A^2 \cdot 1 = A^2$ 

ఇది సంఛవించే గలష్ట యాంప్లిట్వూడ్ మలయు దీనిని ప్రధొన గలష్టం అంటారు.lpha=0

#### సెకండల్ గలష్టం:

బ్వితీయ గలష్టాల్ని పొందేందుకు, మనము తీవ్రత లి wrt α డిఫరెబ్షియేట్ చేసి, దొలల సున్నొకి సమానంగా చేస్తాము.

$$\frac{dI}{d\alpha} = \frac{d}{d\alpha} \left( A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \right) = 0$$

ව්කි

$$A^{2} \frac{(\alpha^{2} \cdot 2\sin\alpha\cos\alpha - \sin^{2}\alpha \cdot 2\alpha)}{\alpha^{4}} = A^{2} \cdot \frac{2\sin\alpha}{\alpha} \cdot \frac{(\alpha\cos\alpha - \sin\alpha)}{\alpha^{2}} = 0$$
$$\Rightarrow \alpha = 0, \ \alpha = \tan\alpha$$

 $y = \alpha, \ y = \tan \alpha$  ఖండన పాయింట్లను ప్లాట్ చేయడం మలయు సేకలించడం ద్వొరొ ఈ సమీకరణొన్ని గ్రాఫికల్గా పలష్కరించవచ్చు.

ఖండన పాయింట్లు

$$\alpha=0,\pm\frac{3\pi}{2},\pm\frac{5\pi}{2},\cdots$$

ఇక్కడ  $\alpha = 0$  ప్రధాన గలష్టా నికి అనుగుణంగా ఉంటుంబి. బ్వితీయ మలయు ఇతర గలష్ట తీప్రతలు బీని ద్వారా ఇవ్వబడ్డాయి,

$$I_1 = A^2 \left[ \frac{\sin(3\pi/2)}{(3\pi/2)} \right]^2 \approx \frac{A^2}{22}$$
$$I_2 = A^2 \left[ \frac{\sin(5\pi/2)}{(5\pi/2)} \right]^2 \approx \frac{A^2}{62}$$

డిఫ్రాక్షన్ మినిమా:మినిమా కోసం షరతు ఇవ్వళుడింది (ఇక్కడ సున్నో లేదు)  $\alpha = \pm n\pi, n = 1, 2, 3, \cdots$  ప్రధాన గలస్ట వెడల్పు:

ఫోకల్ లెంగ్త్ f ఉన్న లెన్స్ ఉపయోగించబడి ఉంటే మలియు ,x ప్రిబ్సెపల్ మాక్సిమా మలియు మొదటి మిబమా మధ్య దూరం అయితే , ఫోకల్ లెస్త్ చౌలా పెద్దబి అయితే

$$\sin \theta = \frac{n\lambda}{e} = \frac{\lambda}{e} \approx \frac{x}{f} \implies x = \frac{f\lambda}{e} \implies Width = 2x = \frac{2f\lambda}{e}$$

Phase difference 
$$=\frac{2\pi}{\lambda}e\sin\theta$$

If the slit is divided into n equal parts, the phase difference is given by

$$\delta = \frac{2\pi}{n\lambda} e \sin \theta$$

By using the methods of vector addition, the resultant amplitude of waves originating from the slit is obtained as

$$R = a \frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2} = a \frac{\sin(\pi e \sin \theta / \lambda)}{\sin(\pi e \sin \theta / n\lambda)}$$

For  $n \to \infty \ \alpha = (n-1)\delta/2 \approx n\delta/2$ . This also implies,  $\delta \to 0 \Rightarrow \sin \delta/2 \approx \delta/2$ . Thus

$$R = a \frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2} = a \frac{\sin \alpha}{\alpha/n} = na \frac{\sin \alpha}{\alpha} = A \frac{\sin \alpha}{\alpha}$$

The intensity is given by

$$I = R^2 = A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$$

#### **Principal maxima:**

We know  $\lim_{\alpha \to 0} \frac{\sin \alpha}{\alpha} = 1 \implies R = A^2 \cdot 1 = A^2$ 

This is maximum amplitude occurring at  $\alpha = 0$  and is called the principal maxima.

#### Secondary maxima:

To obtain the secondary maxima, we differentiate the intensity w.r.t.  $\alpha$  and make it equal to zero.

$$\frac{dI}{d\alpha} = \frac{d}{d\alpha} \left( A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \right) = 0$$

Or

$$A^{2} \frac{(\alpha^{2} \cdot 2\sin\alpha \cos\alpha - \sin^{2}\alpha \cdot 2\alpha)}{\alpha^{4}}$$
$$= A^{2} \cdot \frac{2\sin\alpha}{\alpha} \cdot \frac{(\alpha\cos\alpha - \sin\alpha)}{\alpha^{2}} = 0$$
$$\Rightarrow \alpha = 0, \ \alpha = \tan\alpha$$

This equation can be solved graphically by plotting  $y = \alpha$  and  $y = \tan \alpha$  and collecting the intersection points.

2.3 Fraunhoffer diffraction at a single slit



#### Fig: Graphical solution of linear equation.

The points of intersection are

$$\alpha = 0, \pm \frac{3\pi}{2}, \pm \frac{5\pi}{2}, \cdots$$

Here  $\alpha = 0$  corresponds to the principal maxima. The intensities of secondary and other maxima are given by,

$$I_1 = A^2 \left[ \frac{\sin(3\pi/2)}{(3\pi/2)} \right]^2 \approx \frac{A^2}{22}$$
$$I_2 = A^2 \left[ \frac{\sin(5\pi/2)}{(5\pi/2)} \right]^2 \approx \frac{A^2}{62}$$

**Diffraction minima:** The condition for minima is given by  $\alpha = \pm n\pi$ ,  $n = 1, 2, 3, \cdots$  (no zero here)

The intensity distribution is as shown:



Fig: Single slit diffraction intensity distribution.

#### Width of principal maxima:

If f is the focal length of the lens used and x is the distance between principal maxima and first minima, then, if focal length is very large,

$$\sin \theta = \frac{n\lambda}{e} = \frac{\lambda}{e} \approx \frac{x}{f} \implies x = \frac{f\lambda}{e} \implies Width = 2x = \frac{2f\lambda}{e}$$

#### Double slit diffraction: (Additional input)

Let  $S_1$  and  $S_2$  be two slits of width e each and separated by a distance d. Then the separation between the midpoints of the slit is (e + d). Consider a parallel beam of monochromatic light of wavelength  $\lambda$  falling normally on them. The diffracted light rays from the slits are brought to focus by a lens onto a screen. The secondary wavelets travelling normal to the slits are brought to focus at  $P_0$  and the secondary wavelets travelling at an angle  $\theta$  to the normal of the slit are brought to focus at  $P_1$ .



The path difference between the secondary waves from  $S_1$  and  $S_2$  along the direction  $\theta$  is given by

$$p. d. = S_2 K = S_1 S_2 \sin \theta = (e + d) \sin \theta$$
  
Phase difference  $\delta = \frac{2\pi}{\lambda} (e + d) \sin \theta = 2\beta$  (say)

The resultant amplitude at each slit due to diffraction is obtained by vector addition of amplitudes as

$$A\frac{\sin\alpha}{\alpha} \quad where \quad \alpha = \frac{\pi \, e \sin\theta}{\lambda}$$

The resultant amplitude at  $P_1$  due to the light from  $S_1$  and  $S_2$  is obtained by vector addition as shown below

#### డఌుల్ స్లిట్ డిఫ్రాక్షన్: (అదనపు ఇన్పుట్)

ప్రతి వెడల్పు e ఉన్న రెండు చరికలు  $S_1$  మరియు  $S_2$  మరియు వొటి మధ్య దారం d. అష్టుడు చరిక యొక్క మధ్య ఇందువుల మధ్య విభజన (e + d). వొటిపై సాధారణంగా పడే పికవర్ణ కాంతి యొక్క తరంగదైర్హ్యం  $\lambda$  యొక్క సహాంతర పుంశాన్ని పరిగణించండి. చిరికల నుండి డిఫ్రాక్షన్ చేయబడిన కాంతి కిరణాలు ఒక లెన్స్ ద్వారా స్క్రీన్పై కేంబ్రీకలించబడితాయి. చిరికకు లంబంగా ప్రయాణించే ద్వితీయ తరంగాలు  $P_0$  ఫోకస్ కి తీసుకురొబడితాయి మరియు చిరిక యొక్క లంబానికి  $\theta$  కాణంలో ప్రయాణించే ద్వితీయ తరంగాలు  $P_1$  వద్ద ఫోకస్ కి తీసుకురొబడితాయి.

బశheta నుండి A మలయు B వెంట ఉన్న బ్వితీయ తరంగాల మధ్య మార్గ వ్యత్యాసం (pd) ద్వొరొ ఇవ్వబడింబ

$$p.d. = S_2 K = S_1 S_2 \sin \theta = (e+d) \sin \theta$$
  
Phase difference  $\delta = \frac{2\pi}{\lambda} (e+d) \sin \theta = 2\beta$  (say)

The resultant amplitude distribution is as shown below.



Fig: Double slit diffraction intensity distribution.



Here  $A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$  represents the diffraction effect due to a single slit and  $\cos^2 \beta$  represents the interference effect due to two slits. The diffraction term  $A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$  gives a principal maxima at  $\alpha = 0$ , secondary maxima at  $\alpha = \pm \frac{3\pi}{2}, \pm \frac{5\pi}{2} \cdots$  and minima at  $\alpha = \pm n\pi, n = 1, 2, 3, \cdots$ 

The interference term  $\cos^2 \beta$  gives maxima at  $\cos^2 \beta = 1 \Rightarrow \beta = \pm n\pi$ ,  $n = 0, 1, 2, 3, \cdots$  and minima at  $\cos^2 \beta = 0 \Rightarrow \beta = \pm (2n + 1)\pi/2$ ,  $n = 0, 1, 2, 3, \cdots$ 

#### N-Slit diffraction: (Additional input)

A diffraction grating is an arrangement which consists of a large number of slits of equal width separated by equal opaque spaces. This is obtained by scratching parallel lines on a glass plate with equal width and separation. Here the scratches act like opaque spaces and the clear **pane** between them acts like slit. This was first devised by Fraunhoffer by placing parallel wires on a glass plate. This is also called "Plane transmission grating". If the lines are scratched on a glass mirror, then it is called "Plane reflection grating". IF they are scratched on a concave mirror, then it is called as "Concave reflection grating".

### 2.3 Fraunhoffer diffraction at a single slit

డిఫ్రాక్షన్ కారణంగా ప్రతి చేలిక వద్ద ఫలిత యాంప్లిట్యుడ్ ని యాంప్లిట్యుడ్ల వెక్టర్ జోడింపు ద్వారా పొందబడుతుంది

$$A \frac{\sin \alpha}{\alpha}$$
 where  $\alpha = \frac{\pi \ e \sin \theta}{\lambda}$   
క్రింద చూపిన విధంగా  $S_1$ ,  $S_2$  ద్వారా కాంతి వెక్టార్ జోడింపు మలయు దొల ఫలితంగా వచ్చే  
యాంప్లిట్యూడ్  $P_1$  వద్ద

$$I = R^{2} = (OH)^{2} = (OG)^{2} + (GH)^{2} + 2(OG)(GH)\cos\delta$$
$$= A^{2}\frac{\sin^{2}\alpha}{\alpha^{2}} + A^{2}\frac{\sin^{2}\alpha}{\alpha^{2}} + 2 \cdot A\frac{\sin\alpha}{\alpha} \cdot A\frac{\sin\alpha}{\alpha} \cdot \cos\delta$$
$$= 2A^{2}\frac{\sin^{2}\alpha}{\alpha^{2}}(1 + \cos\delta)$$
$$= 2A^{2}\frac{\sin^{2}\alpha}{\alpha^{2}}(1 + 2\cos^{2}\delta/2 - 1)$$
$$= 4A^{2}\frac{\sin^{2}\alpha}{\alpha^{2}}\cos^{2}\beta$$

ఇక్కడ ఒకే చీళిక కారణంగా ఢిఫ్రాక్షన్ ప్రభావాన్ని . $A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$  సూచిస్తుంది మరియు రెండు చీళికల కారణంగా ఇంటర్ఫెరెన్సు ప్రభావాన్ని  $\cos^2 \beta$  సూచిస్తుంది డిఫ్రాక్షన్ పదం  $A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$  ప్రధాన గలష్టాన్ని ఇస్తుంది $\alpha = 0$  వద్ద, సెకండరీ మాగ్లిమా  $\alpha = \pm \frac{3\pi}{2}, \pm \frac{5\pi}{2} \cdots$  వద్ద మరియు కనిష్టాన్ని  $\alpha = \pm n\pi, n = 1, 2, 3, \cdots$  వద్ద ఇస్తుంది ఇంటర్ఫెరెన్సు పదం  $\cos^2 \beta$  గలష్టం  $\cos^2 \beta = 1 \Rightarrow \beta = \pm n\pi, n = 0, 1, 2, 3, \cdots$  వద్ద మరియు కనిష్ట  $\cos^2 \beta = 0 \Rightarrow \beta = \pm (2n+1)\pi/2, n = 0, 1, 2, 3, \cdots$  వద్ద ఇస్తుంది **N-స్టిట్ డిఫ్రాక్షన్: (అదనపు ఇస్**పు**ట్**)

డిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్ అనేబి ఒక అమలక, ఇబి సమాన అపారదర్శక ఖాశీలతో వేరు చేయబడిన సమాన వెడల్పు గల పెద్ద సంఖ్యలో శులికలను కలిగి ఉంటుంబి. సమాన వెడల్పు మలయు విళుజనతో గాజ పలకపై సమాంతర రేఖలను గోకడం ద్వారొ ఇబి పొందబడుతుంబి. ఇక్కడ గీతలు అపారదర్శక ఖాశీల వలె పలి చేస్తాయి మలయు వొటి మధ్య స్పష్టమైన పేన్ శులిక వలె పలిచేస్తుంబి. గ్లాస్ ప్లేట్ఫై సమాంతర తీగలను ఉంచడం ద్వారొ బీఐఐ మొదట ఫ్రాన్హోఫర్ రూపొంబించారు. బీఐఐ ''ప్లేన్ ట్రాబ్లిషన్ గ్రేటింగ్'' అఐ కూడా పిలుస్తారు. గ్లాస్ మిద్రర్మ్మె గీతలు గీసినట్లయితే, దొంఐం ''ప్లేన్ లెఫ్లెక్షన్ గ్రేటింగ్'' అంటారు. అఐ ఫుటాకార అద్దంపై గీసినట్లయితే, దొఐఐ ''ఫుటాకార ప్రతిణంబం గ్రేటింగ్'' అంటారు.

#### సిద్ధొంతం:

తరంగదైర్హ్యం λ యొక్క ఇచ్చిడెంట్ ప్లేస్ హెనోక్రోమటిక్ వేప్ ఫ్రంట్ కు లంబంగా ఉంచబడిన ప్లేస్ ట్రాన్స్ మిషన్ గ్రేటింగ్ (N-స్లిట్స్)ను పలగజించండి. ప్రతి చిరిక యొక్క వెడల్పు .e మరియు పొటి మధ్య అంతరం d ఉండనివ్వండి. ఇక్కడ (e + d) గ్రేటింగ్ మూలకం అంటారు. చిరికల నుండి డిఫ్రాక్షన్ చేయబడిన కాంతి కిరణాలు ఒక లెన్స్ గ్వారా స్క్రీన్పై ఫోకన్ కేంద్రికలించబడితాయి. చిరికకు లంబంగా ప్రయాణించే ద్వితీయ తరంగాలు P<sub>0</sub> ఫోకస్ కి తీసుకురాబడతాయి మరియు చిరిక యొక్క లంబానికి θ కాణంలో ప్రయాణించే ద్వితీయ తరంగాలు P<sub>1</sub> వద్ద ఫోకస్ కి తీసుకురాబడుకాయి.

#### Theory:

Consider a plane transmission grating (N-slits) placed perpendicular to an incident plane monochromatic wave front of wavelength  $\lambda$ . Let e be the width of each slit and d be the spacing between them. Here (e + d) is called the grating element. The diffracted light rays from the slits are brought to focus by a lens onto a screen. The secondary wavelets travelling normal to the slits are brought to focus at  $P_0$  and the secondary wavelets travelling at an angle  $\theta$  to the normal of the slit are brought to focus at  $P_1$ .



**Fig: N-slit diffraction** 

If there are N slits, the phase difference between any two consecutive slits along the direction  $\theta$  is given by

Phase difference 
$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda}(e+d)\sin\theta = 2\beta$$
 (say)

The resultant amplitude at each slit due to diffraction is obtained by vector addition of amplitudes as

$$A \frac{\sin \alpha}{\alpha}$$
 where  $\alpha = \frac{\pi e \sin \theta}{\lambda}$ 

By the method of vector addition of amplitudes,

$$R = a \frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2}$$

In this case,  $a = A \frac{\sin \alpha}{\alpha}$ , n = N,  $\delta = 2\beta$ ; thus  $R = A \frac{\sin \alpha}{\alpha} \cdot \frac{\sin N\beta}{\sin \beta}$ 

Or, the intensity is given by

### 2.3 Fraunhoffer diffraction at a single slit

N స్లిట్ లు ఉన్నట్లయితే, heta దిశలో ఏవైనా రెండు వరుస చిరికల మధ్య ఫేళ్ వ్యత్యాసం దీని ద్వొరొ ఇవ్వబడుతుంది

Phase difference 
$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda}(e+d)\sin\theta = 2\beta$$
 (say)

డిఫ్రాక్షన్ కారణంగా ప్రతి చిరిక వద్ద ఫరిత యాంప్లేట్యూడ్ ని యాంప్లిట్యూడ్ల వెక్టర్ జోడింపు ద్వారొ పొందబడుతుంది

$$A\frac{\sin\alpha}{\alpha} \quad \text{where} \quad \alpha = \frac{\pi e \sin\theta}{\lambda}$$

$$R = a \frac{\sin n\delta/2}{\sin \delta/2}$$

ఈ సందధ్భంలో,  $a = A \frac{\sin \alpha}{\alpha} n = N \delta = 2 \beta$ 

$$R = A \frac{\sin \alpha}{\alpha} \cdot \frac{\sin N\beta}{\sin \beta}$$

లేదొ, తీవ్రత ద్వొరొ ఇవ్వబడుతుంది

$$I = R^2 = A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \cdot \frac{\sin^2 N\beta}{\sin^2 \beta}$$
ఈ పదం  $A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \alpha = 0$  ప్రధాన గలష్టా*ణ*  $\alpha = \pm \frac{3\pi}{2}, \pm \frac{5\pi}{2} \cdots$  వద్ద, మలయు సెకండల్ మాగ్టిమా  $\alpha = \pm n\pi, n = 1, 2, 3, \cdots$  పద్ద కలిష్టాల్ని ఇస్తుంట

#### ప్రథాన గలష్టం:

ప్రధాన మాస్ట్రిమా కోసం షరతు $\sin \beta = 0 \Rightarrow \beta = \pm n\pi, n = 0, 1, 2, \cdots$ లేదొ $\frac{\pi}{\lambda}(e+d)\sin \theta = \pm n\pi \Rightarrow (e+d)\sin \theta = \pm n\lambda$ అష్టుడు

$$\lim_{\beta \to \pm n\pi} \frac{\sin N\beta}{\sin \beta} = \lim_{\beta \to \pm n\pi} \left( \frac{\frac{d}{d\beta} \sin N\beta}{\frac{d}{d\beta} \sin \beta} \right) = \lim_{\beta \to \pm n\pi} \left( \frac{N \cos N\beta}{\cos \beta} \right) = \pm N$$
$$\Rightarrow \lim_{\beta \to \pm n\pi} \left( \frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \right)^2 = N^2$$
గలస్ట తీవ్రత ద్వారా ఇవ్వబడింది  $I = N^2 A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$ 

#### సెకండరి గలష్టం:

బ్వితీయ గలష్టా  $p_{\chi}$  పొందేందుకు, మనము తీవ్రత ని wrt eta డిఫరెబ్షియేట్ చేసి, దొనిని సున్నొకి సహనంగా చేస్తాము

$$\frac{\frac{dI}{d\beta} = \frac{d}{d\beta} \left[ A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \cdot \frac{\sin^2 N\beta}{\sin^2 \beta} \right] = A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \cdot \frac{(\sin^2 \beta \cdot N \cdot 2 \sin N\beta \cdot \cos N\beta - \sin^2 N\beta \cdot 2 \sin \beta \cdot \cos \beta)}{\sin^4 \beta}}{= A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \cdot 2 \cdot \frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \cdot \frac{(N \cos N\beta \sin \beta - \sin N\beta \cos \beta)}{\sin^2 \beta} = 0$$
  
End Solve the second seco

$$I = R^{2} = A^{2} \frac{\sin^{2} \alpha}{\alpha^{2}} \cdot \frac{\sin^{2} N\beta}{\sin^{2} \beta}$$

The term  $A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$  gives a principal maxima at  $\alpha = 0$ , secondary maxima at  $\alpha = \pm \frac{3\pi}{2}, \pm \frac{5\pi}{2} \cdots$  and minima at  $\alpha = \pm n\pi, n = 1, 2, 3, \cdots$ **Principal maxima:** 

#### Principal maxima:

The condition for principal maxima is  $\sin \beta = 0 \Rightarrow \beta = \pm n\pi$ ,  $n = 0, 1, 2, \cdots$ Or  $\frac{\pi}{\lambda}(e + d) \sin \theta = \pm n\pi \Rightarrow (e + d) \sin \theta = \pm n\lambda$ Then

$$\lim_{\beta \to \pm n\pi} \frac{\sin N\beta}{\sin \beta} = \lim_{\beta \to \pm n\pi} \left( \frac{\frac{d}{d\beta} \sin N\beta}{\frac{d}{d\beta} \sin \beta} \right) = \lim_{\beta \to \pm n\pi} \left( \frac{N \cos N\beta}{\cos \beta} \right) = \pm N$$
$$\Rightarrow \lim_{\beta \to \pm n\pi} \left( \frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \right)^2 = N^2$$

The maximum intensity is given by  $I = N^2 A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$ 

#### Secondary maxima:

To obtain the condition for secondary minima, one needs to differentiate the intensity expression w.r.t.  $\beta$  and make it equal to zero.

$$\frac{dI}{d\beta} = \frac{d}{d\beta} \left[ A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \cdot \frac{\sin^2 N\beta}{\sin^2 \beta} \right]$$
$$= A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2}$$
$$\cdot \frac{(\sin^2 \beta \cdot N \cdot 2 \sin N\beta \cdot \cos N\beta - \sin^2 N\beta \cdot 2 \sin \beta \cdot \cos \beta)}{\sin^4 \beta}$$
$$= A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \cdot 2 \cdot \frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \cdot \frac{(N \cos N\beta \sin \beta - \sin N\beta \cos \beta)}{\sin^2 \beta} = 0$$
Or  $N \cos N\beta \sin \beta - \sin N\beta \cos \beta = 0$  or  $N \tan \beta = \tan N\beta$ 

#### 2.3 Fraunhoffer diffraction at a single slit

బీని నుండి, $\sin Neta = rac{N}{\sqrt{N^2 + \cot^2eta}}$ లేదా

$$A^2 \frac{\sin^2 \alpha}{\alpha^2} \cdot \frac{N^2}{(N^2 - 1)\sin^2 \beta + 1}$$

ව්කි

 $\frac{Intensity of secondary maxima}{Intensity of principal maxima} = \frac{1}{(N^2 - 1)\sin^2\beta + 1}$ 

అందువల్ల N చౌలొ పెద్దబి అయితే , బ్వితీయ గలెష్టం అతితక్కువ తీవ్రతను కరిగి ఉంటుంబి.

#### డిఫ్రాక్షన్ మినిమా:

డిఫ్రాక్షన్ నమూనా కనిష్టంగా ఉంటే $\sin Neta=0$ అయినా కూడా , $\sineta
eq 0$ 

where  $N\beta = \pm n\pi, n = 0, 1, 2, \dots \Rightarrow N\frac{\pi}{\lambda}(e+d)\sin\theta = \pm n\pi \Rightarrow N(e+d)$ 

 $d)\sin\theta=\pm n\lambda$ 

తీవ్రత పంపిణీ చూపిన విధంగా ఉంది.



Fig: N-slit diffraction intensity distribution.



Or

 $\frac{\text{Intensity of secondary maxima}}{\text{Intensity of principal maxima}} = \frac{1}{(N^2 - 1)\sin^2\beta + 1}$ 

Thus for very large *N*, secondary maxima will have negligible intensity.

#### **Diffraction minima:**

The diffraction pattern will have minimum if  $\sin N\beta = 0$ even if  $\sin \beta \neq 0$ ,

i.e.;  $N\beta = \pm n\pi, n = 0, 1, 2, \dots \Rightarrow N\frac{\pi}{\lambda}(e+d)\sin\theta = \pm n\pi \Rightarrow$  $N(e+d)\sin\theta = \pm n\lambda$ 

The intensity distribution is as shown.

# 2.4 Diffraction grating

On a grating usually there will be 3000 - 5000 number of lines per inch. We already know that if *e* be the width of the line

2.4 డిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్

గ్రేటింగ్పై సాథారణంగా అంగుళానికి పంక్తుల సంఖ్య 3000 – 5000 ఉంటుంది. లైన్ యొక్క వెడల్పు e మలయు చిరిక యొక్క వెడల్పు d అంగుళానికి N పంక్తులు ఉంటే, అయితే, గ్రేటింగ్ ఎరిమెంట్ (e + d) ప్రాయపచ్చు

 $N(e+d) = 1" = 2.54\ cm$ లేదొ (అంగుళానికి పంక్తులు ఇచ్చినట్లయితే)

$$a + d = \frac{2.54}{N} cm$$

మలయు సెంటీమీటర్కు పంక్తులు ఇచ్చినట్లయితే,

$$(e+d) = \frac{1}{N} \ cm$$

గ్రేటింగ్లో ప్రధాన మాగ్జిమా కోసం షరతు ఇవ్వబడింబ

$$(e+d)\sin\theta = n\lambda$$

బీనిని గ్రేటింగ్ సమీకరణం అని కూడొ అంటారు. ఈ గ్రేటింగ్ సమీకరణం నుండి, ఈ క్రింబి పరిశీలనలను చేయవచ్చు.

- ఒక నిర్దిష్ట తరంగడైర్ఘం λ కోసం, విభిన్న ఆర్డర్ ప్రధిన గలిష్టానికి డిఫ్రాక్షన్ కోణం θ(n) భిన్నంగా ఉంటుంది.
- గ్రేటింగ్పై పంక్తుల సంఖ్య N పెరిగితే, .(e + d) తగ్గుతుంది మరియు గరిష్టం స్పష్టంగా మరియు ప్రకాశవంతంగా కనిపిస్తుంది.
- 3. తెల్లని కాంతి కోసం మరియు నిర్దిష్ట క్రమంలో n , పొడవైన తరంగదైద్ఘ్రాలు పెద్ద డిఫ్రాక్షన్ కోశాన్ని తీసుకుంటాయి మరియు తక్కువ తరంగదైద్ఘ్రాలు చిన్న డిఫ్రాక్షన్ కోశాన్ని తీసుకుంటాయి. ఆ విధంగా మనం కేంద్రం నుండి కబిలేటప్పడు వర్ణపట రంగులు వైలెట్ నుండి ఎరుఫు వరకు ఉంటాయి.
- 4. చౌలొ తీవ్రత ప్రధాన గలష్టానికి వెళుతుంబ మరియు బుగిరినబి సెంట్రల్ గలష్టానికి ఇరువైపులొ ఉన్న బ్వితీయ గలష్టం మధ్య పంపిణీ చేయాుడుతుంబ.
- 5. మనము అభిక ఆర్డర్ లకు వెళ్లనప్పుడు, స్పెక్ట్రల్ లైన్ లు మలంత చెదరగొట్ట బడతాయి.
- 6. గ్రేటింగ్ స్పెక్ట్రాలో గలష్ట సంఖ్యలో ఆర్డర్ లు ఇవ్వబడ్డా యి $n_{max} = \frac{(e+d)\sin 90^\circ}{\lambda} = \frac{e+d}{\lambda} = \frac{1}{N\lambda}$

అందువలన అష్పడు  $(e+d)=\lambda/2$  మరియు  $n_{max}=2(e+d)<\lambda/2$  ఉంటే అష్పడు . అనగా ; ఒక ఆర్డర్ మశ్రమే గమనించబడుతుంది. $n_{max}<2$ 

గ్రేటింగ్ మాలకం యొక్క వెడల్పు పెద్దగా ఉన్నట్లయితే ఎక్కువ సంఖ్యలో ఆర్డర్**లు గమ**నించబడతాయి. కా**నీ గ్రేటింగ్ మాలకం పలమాణం పెలి**నితే, డిఫ్రాక్షన్ కోణం తగ్గుతుంబి. మరో మాటలో చెప్పాలంటే, మరిన్ని ఆర్డర్**లు చిన్న ప్రాంతంలో అమర్చబడతాయి, బీ**ని ఫరితంగా ఆర్డర్**ల అతియాంప్లిట్యుడ్** మరియు ఏకరితి వెలుతురు ఏర్పడవచ్చు and d be the width of the slit, then (e + d) is the *grating element*.

If there are N lines per inch, one can write

$$N(e+d) = 1'' = 2.54 \ cm$$

Or (if lines per inch are given)

$$e+d=\frac{2.54}{N}\ cm$$

And if lines per centimeter are given,

$$(e+d) = \frac{1}{N} \ cm$$

The condition for principal maxima in a grating is given by

$$(e+d)\sin\theta = n\lambda$$

This is also known as the grating equation. From this grating equation, the following observations can be made.

- 7. For a particular wavelength  $\lambda$ , the angle of diffraction  $\theta$  is different for principal maxima of different orders (*n*).
- 8. If number of lines N on the grating increases, (e + d) decreases and the maxima appears sharper and brighter.
- 9. For white light and for a particular order n, longer wavelengths take bigger diffraction angle and shorter wavelengths take smaller diffraction angle. Thus spectral colors will be from violet to red as we move from the center.
- Most of the intensity goes to principal maxima and the rest will be distributed among the secondary maxima on either side of the central maxima.
- 11. As we go to higher orders, spectral lines are more dispersed.
- 12. The maximum number of orders in the grating spectra is given by  $n_{max} = \frac{(e+d)\sin 90^{\circ}}{\lambda} = \frac{e+d}{\lambda} = \frac{1}{N\lambda}$ Thus if  $(e+d) = \lambda/2$  then  $n_{max} = 2$  and if  $(e+d) < \lambda/2$  then  $n_{max} < 2$ . i.e.; only one order will be observed.
- 13. Thus more number of orders will be observed if the width of the grating element is larger. But if the size of grating element increases, diffraction angle reduces. In other words more orders will be fitted into smaller region which may result in overlapping of orders and uniform illumination.

2.5 డిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్ ఉపయోగించి కాంతి తరంగదైర్ఘం యొక్క నిర్దారణ



#### Fig: Transmission grating orders of spectrum.

Compare and contrast the spectra produced by a prism and a diffraction grating. Why they are opposite to each other?

# 2.5 డిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్ ఉపయోగించి కాంతి తరంగదైర్హ్యం యొక్క నిర్ధొరణ

లేజర్ కాంతి యొక్క తరంగదైర్యం యొక్క నిర్దారణ

Activity

ప్రయోగాత్మక అమలక స్టాండ్ పై ఉంచబడిన డిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్ ను కలిగి ఉంటుంది.

లేజర్ లైట్, మరొక ప్లాండ్పై ఉంచబడుతుంది మలయు సాధొరణంగా గ్రేటింగ్పై సలగ్గా సర్దుబాటు చేయబడుతుంది. ఫరిత డిఫ్రాక్షన్ నమానా గ్రేటింగ్ ఉపలితలానికి సమాంతరంగా D దూరంలో ఉంచబడు స్క్రీన్పై నేకలించబడుతుంది.

కాంతి మూలం యొక్క తరంగదైర్ఘం బీని ద్వొరొ ఇవ్వబడుతుంబి

$$\lambda = \frac{(e+d)\sin\theta_n}{n} = \frac{2.54 \times \sin\theta_n}{nN}$$

ఇక్కడ స్పెక్టం యొక్క క్రమం n మలయు గ్రేటింగ్ పై అంగుళాలికి ఉన్న పంక్తుల సంఖ్య  $N.\sin heta$  ద్వొరొ పొందబడుతుంబి

$$\sin \theta_1 = \frac{OA}{\sqrt{OA^2 + AB^2}} = \frac{D}{\sqrt{D^2 + x_1^2}}$$
$$\sin \theta_2 = \frac{OA}{\sqrt{OA^2 + AC^2}} = \frac{D}{\sqrt{D^2 + x_2^2}}$$

grating

# 2.5 Determination of wavelength of light using diffraction grating

### Determination of Wavelength of the laser light

The experimental arrangement consists of a diffraction grating placed on a stand.

Laser light, kept on another stand and suitable adjusted is incident on the grating normally.

The resultant diffraction pattern is collected on a screen, kept at a distance D, parallel to the grating surface.



Fig: Wavelength of laser light determination using grating.

The wavelength of the light source is given by

$$\lambda = \frac{(e+d)\sin\theta_n}{n} = \frac{2.54 \times \sin\theta_n}{nN}$$

Here *n* is the order of the spectrum and *N* is the number of lines per inch on the grating.  $\sin \theta$  is obtained by

$$\sin \theta_1 = \frac{OA}{\sqrt{OA^2 + AB^2}} = \frac{D}{\sqrt{D^2 + x_1^2}}$$
$$\sin \theta_2 = \frac{OA}{\sqrt{OA^2 + AC^2}} = \frac{D}{\sqrt{D^2 + x_2^2}}$$

Here the values of  $x_1$  and  $x_2$  are measured on either side of the central maxima and averaged for a better accuracy. This is to avoid the error due to tilted orientation of the screen with respect to the grating surface.

# 2.5 Determination of wavelength of light using diffraction grating

ఇక్కడ విలువలు x<sub>1</sub> మలయు x<sub>2</sub> కేంద్ర గలష్టానికి ఇరువైఫులొ కొలుస్తారు మలయు మెరుగైన ఖచ్చితత్వం కోసం సగటున లెక్కించబడతాయి. ఇబ గ్రేటింగ్ ఉపలతలానికి సంబంభించి స్క్రీన్ యొక్క వంఫుతిలిగిన ఓలయంబేషన్ కారణంగా లోపాన్ని నివాలించడం.

#### లంబ కాంతి యొక్క తరంగదైర్ఘ్రం యొక్క నిర్ధొరణ

ప్రయోగాత్మక అమలకలో స్పెక్ట్రోమీటర్, లైట్ సోర్స్ మలయు ఢిఫ్రాక్షన్ గ్రేటింగ్ ఉంటాయి.

స్పెక్ట్రోమీటర్ యొక్క ప్రాథమిక సెట్టింగ్లు క్రింది విధంగా ఉన్నాయి.

- a. స్పెక్ట్రోమీటర్ లో ని వివిధ భాగాలు అంటే చేస్, టెరిస్తోప్, కొరిమేటర్, వెర్నయర్ టే బుల్, ప్రిజం టే బుల్ క్షితిజ సమాంతరంగా ఉండొరి. ఆత్మ స్థాయిని ఉపయోగించడం ద్వొరొ బీనిని నిర్దా రించవచ్చు.
- b. టెలిస్తోప్ యొక్క ఐపీస్ క్రాస్ వైర్లను కేంబ్రీకలించడొనికి సర్టుబొటు చేయబడింది.
- c. టెళిస్తోప్ దూర పస్తువుపై కేంబ్రీకలించబడింబి. అందువలన టెళిస్తోప్ సమాంతర కిరణాలను మాత్రమే కేంబ్రీకలస్తుంబి. టెళిస్తోప్ ద్వారొ కాంతి కిరణాల తదుపల వంగకుండా ఉండేలా ఇబ ఇరుగుతుంబి.
- d. కొలిమేటర్ లోని చిలిక పొడవుగా మలియు ఇరుకైనదిగా సర్దుబొటు చేయబడింది.
- e. కొలిమేటర్ స్క్రూను సర్దుబాటు చేయడం ద్వారా స్లిట్ టెలిస్కోప్**లో కేం**ద్రీకలించుడుతుంది.
- f. టెరిస్కోప్ యొక్క క్రాస్ వైర్లు చిరికతో సమలేఖనం చేయబడ్డాయి మరియు టెరిస్కోప్ స్క్రూ లొక్ చేయబడింది.
- g. వెల్నయర్ స్కేల్ 45°, 315° సెట్ చేయబడింబ మలయు వెల్నయర్ స్క్రూ లొక్ చేయబడింబ. ఇష్పడు టెలిస్కోప్ తదుపల రీడింగుల కోసం విడుదల చేయబడింబ. (ప్రిజం ప్రయోగాలు మలయు గ్రేటింగ్తో ఇతర ప్రయోగాల కోసం, వెల్నయర్ స్కేల్ సాధారణంగా 0°, 360° రీడింగ్కి సెట్ చేయబడుతుంబ.)

లంబ పతన హెడ్లో గ్రేటింగ్ ను సెట్ చేయుట:

- స్పెక్ట్రోమీటర్ యొక్క ప్రాథమిక సెట్టింగ్ లు ఫూర్తయిన తర్వొత, టెలిస్కో ప్ ను కుడి వైపుకు (అంటిక్లా క్ వైస్) 90° అప్పండి. అష్పడు వెల్నయర్ స్కే ల్ పై పఠనం 135° మలయు45°.
- b. ప్రిజం బే బుల్ ను తిప్పండి, తద్వారొ గ్రేటింగ్ పతన పుంజంతో ఒక 45° కోణాన్ని చేస్తుంది మలయు చీరిక యొక్క ప్రతిజింబించే చిత్రం టెరిస్కోప్ ద్వారొ చూడవచ్చు.
- c. ఈ సమయంలో, కొరిమేటర్ తో సమలేఖనం చేయడొనికి టెరిస్కోప్ మీ తిరిగి తీసుకురండి మరియు దొనిని లొక్ చేయండి.
- d. వెల్నయర్ లొక్ లి విడుదల చేసి, దొలిలి సప్పబిశలో 45° తిప్పండి మలియు దొల్లి మళ్లీ లొక్ చేయండి. అఫ్పడు వెల్నయర్ రీడింగులు 0° మలియు 360°. ఇఫ్పడు గ్రేటింగ్ లంట ఇల్సడెన్స్ హెడ్లో సెట్ చేయబడింబి.
- e. టెళిస్రాపేను విడుదల చేసి, క్రాస్ వైర్లను పెదైనా డిఫ్రాక్షన్ మాగ్షిమాతో సమలేఖనం చేయండి మలయు అసలు ఫ్లానానికి సంబంభించి వెల్నియర్ రీడింగ్ల తేడొను డిఫ్రాక్షన్ కోణంగా లికార్డ్ చేయండి.
- f. కాంతి మూలం యొక్క తరంగదైర్ఘ్యం దీని ద్వోరొ ఇవ్వబడుతుంది

$$\lambda = rac{(e+d)\sin\theta_n}{n} = rac{2.54 imes \sin\theta_n}{nN}$$
స్పెక్టమ్ యొక్క క్రమం  $n$  ఇక్కడ ఉంబి. గ్రేటింగ్పై అంగుళానికి ఉన్న పంక్తుల సంఖ్య. $N$ 

grating

### Determination of Wavelength of the ordinary light

The experimental arrangement consists of a spectrometer, light source and the diffraction grating.

The primary settings of the spectrometer are as follows.

- h. Various parts of the spectrometer namely base, telescope, collimator, Vernier table, prism table must be horizontal. This can be ensured by using a spirit level.
- i. The eyepiece of the telescope is adjusted to focus the cross wires.
- j. Telescope is focused to a distance object. Thus the telescope focuses only parallel rays. This is to ensure that no further bending of light rays is produced by the telescope.
- k. Slit in the collimator is adjusted to be long and narrow.
- l. Slit is focused in the telescope by adjusting collimator screw.
- m. Cross wires of the telescope are aligned with the slit and telescope screw is locked.
- n. Vernier scale is set to  $45^{\circ}$  and  $315^{\circ}$  reading and Vernier screw is locked. Now the telescope is released for further readings. (For prism experiments and other experiments with grating, Vernier scale is usually set to  $0^{\circ}$ ,  $360^{\circ}$  reading.)

Setting Grating in normal incidence mode:

- g. After the primary settings of the spectrometer are done, turn the telescope by 90° towards right (anticlockwise). Then the reading on the Vernier scale will be 135° and 45°.
- h. Rotate the prism table so that the grating makes an angle of  $45^{\circ}$  with the incident beam and a reflected image of the slit may be seen through the telescope.
- i. At this point, bring back the telescope to align in line with the collimator and lock it.
- Release the Vernier lock and rotate it in clockwise direction by 45° and lock it again. Then the Vernier readings will be 0° and 360°. Now the grating is set in normal incidence mode.
- k. Release the telescope and align the cross wires with any of the diffraction maxima and record the difference of the Vernier

2.6 గ్రేటింగ్ విభజన శక్తి

2.6 గ్రేటింగ్ విభజన శక్తి

గ్రేటింగ్ యొక్క విభజన శక్తిని పరిష్కరించొల్సిన తరంగదైర్ఘ్రోల వ్యత్యాసానికి సగటు తరంగదైర్ఘ్యం యొక్క నిష్పత్తిగా నిర్వచించబడింది.

$$R = \frac{\lambda}{\Lambda\lambda}$$

లస్ల్వాంగ్ పవర్ అనేఐ ఇచ్చిన ఆప్టికల్ పలకరం ద్వారా సమీపంలోని రెండు తరంగదైర్ఘ్రైలు ఎలా వేరు చేయుండతాయో కొలమానం.

తరంగదైర్హం (λ) పెలిశితే లేదొ తరంగదైర్హ్యం వ్యత్కాసం (Δλ) తగ్గినట్లయితే అభిక మలియు అభిక ఐళాజన శక్షులు అవసరం.

అందువలన 10000Å, 10005Å కంటె 100Å, 105Å ఇబ విభజించడానికి సులభం. అదే విధంగా 100Å, 101Å కంటె 100Å, 105Å. విభజించడం సులభం..

గ్రేటింగ్ సమీకరణం

#### $(e+d)\sin\theta = n\lambda$

$$(e+d)\sin(\theta+d\theta) = n(\lambda+d\lambda)$$

తరంగదైర్హ్యం మార్చ బడిన కాంతి యొక్క కొత్త గలెష్ట మాగ్షిమా అబి మొదటి మిలిమాను దొటి బ్వితీయ గలెష్ట స్థాయికి చేరుకున్నష్పడు మాత్రమే అసలు గలెష్టం నుండి స్పష్టంగా విళుజించబడుతుంబి.

N స్లిట్ గ్రేటింగ్ కోసం సెకండల్ మ్యాక్సిమా ప్రధాన గలష్టం నుండి దూరం  $\lambda/N$  వద్ద జరుగుతుంది.

కాబట్టి  $\lambda$  మలయు  $\lambda + d\lambda$  లజల్యాషన్ యొక్క కలిష్ట దూరం కోసం షరతు ఇబ

$$d\lambda = \lambda/N$$

మలయు విభజన శక్తి ద్వొరొ ఇవ్వబడుతుంబ

$$\frac{\lambda}{d\lambda} = nN$$

సారొంశంలో, అభిక ఆర్డర్ డిఫ్రాక్షన్ కోసం విళ్లేషన శక్తి ఎక్కువగా ఉంటుంబి మలయు గ్రేటింగ్ యొక్క పెద్ద పలిమాణొనికి కూడొ ఇబి పెద్దబిగా ఉంటుంబి. (అనగా; గ్రేటింగ్పై ఉన్న మొత్తం లైర్ల సంఖ్యకు, అంగుళొనికి పంక్తుల సంఖ్యకు సంబంధం లేదు). విళజన శక్తి గ్రేటింగ్ మాలకం యొక్క వెడల్పుతో సంబంధం లేకుండొ ఉంటుంబి.

# *2.6* ఫైన్నెల్ హాఫ్ పిలయడ్ జోన్లలు

ఫ్రెస్టెల్ శోన్లు అంతరాళంలో ఊహాత్గక ప్రాంతాలు, ఇక్కడ ప్రతి శోన్ ఫ్లిరమైన ఫేశ్ యొక్క ఫ్లానం మరియు వరుస శోన్లు ఫ్లిరమైన ఫేశ్ వ్యత్సెసం π లేదా λ/2 అంతరాళంలో ప్రయాజించే తరంగాల మార్గ వ్యత్కెసంతా వేరు చేయబడతాయి. ఫ్రెస్టెల్ శోన్లతో ప్రత్యేకమైన లక్షణం మరియు ప్రయోజనం పెబుటంటే, అవస్నీ ఒకే తలంలో ఉంటాయి. readings with respect to original position as the angle of diffraction.

l. The wavelength of the light source is given by

$$\lambda = \frac{(e+d)\sin\theta_n}{n} = \frac{2.54 \times \sin\theta_n}{nN}$$

Here n is the order of the spectrum. N is the number of lines per inch on the grating.



Fig: Wavelength of light source using spectrometer and grating.

# 2.6 Resolving power of grating

Resolving power of a grating is defined as the ratio of the mean wavelength to the difference of the wavelengths that are to be resolved.

$$R = \frac{\lambda}{\Delta \lambda}$$

Resolving power is a measure of how two nearby wavelengths are separated by a given optical instrument.

Higher and higher resolving powers are required if the wavelength  $(\lambda)$  increases or if the wavelength difference  $(\Delta\lambda)$  is lowered.

Thus it is easier to resolve 100Å and 105Å than 10000Å and 10005Å. In the same way it is easier to resolve 100Å and 105Å than 100Å and 101Å.

The grating equation is

$$(e+d)\sin\theta = n\lambda$$

### 2.6 Resolving power of grating

P వద్ద ఉన్న పలిశీలకుడు చూసినట్లుగా తరంగదైర్హ్యం λ యొక్క హెనోక్రోమటిక్ లైట్ సోర్స్ ద్వోరొ ఉత్పత్తి చేయుబడిన వేప్ ఫ్రంట్ యొక్క ఆర్థోనౌర్నల్ మలియు ప్లానర్ క్రాస్ సెక్షన్స్ పలగణించండి. పలిశీలకుడికి, లంబ దూరం p = OP ఉండనివ్వండి. మొత్తం క్రాస్ సెక్షన్ ఫేజ్ మార్పుతో O ప్రారంభమయ్యే స్థిరమైన ఫేజ్ యొక్క జోన్లుగా విభజించబడనివ్వండి. రేఖాచిత్రం నుండి, వివిధ మండలాల మార్గం పొడవులు OM<sub>1</sub> = p + λ/2, OM<sub>2</sub> = p + 2λ/2 మొదలైనవి ఉంటాయి

తి శోన్ యొక్క వైశాల్ఫొల్ని ఈ క్రింబి విధంగా లెక్కించవచ్చు. శోన్-1 ప్రాంతం:

$$A_{1} = \pi \times OM_{1}^{2} = \pi (M_{1}P^{2} - OP^{2}) = \pi \left[ \left( p + \frac{\lambda}{2} \right)^{2} - p^{2} \right]$$

 $\lambda^2$  వంటి అధిక ఆర్డర్ నిబంధనలను నిర్లక్ష్యం చేయడం, ఇది అవుతుంది,

$$A_1 = \pi (p^2 + p\lambda + \lambda^2 - p^2) \simeq \pi p\lambda$$

జోన్-*2* యొక్క ప్రాంతం:

$$A_{2} = \pi 0 M_{2}^{2} - \pi 0 M_{1}^{2} = \pi \left\{ \left[ (p+\lambda)^{2} - p^{2} \right] - \left[ \left( p + \frac{\lambda}{2} \right)^{2} - p^{2} \right] \right\}$$

ఇవ్వడం λ² వంటి అథిక ఆర్డర్ నిఒంథనలను నిర్లక్ష్యం చేయడం,

 $A_2 = \pi[(p^2 + 2p\lambda + \lambda^2 - p^2) - (p^2 + p\lambda + \lambda^2 - p^2)] \simeq \pi p\lambda$ అందువలన ప్రతి జోన్ యొక్క వైశౌల్యం స్థిరంగా ఉంటుంది. ప్రాంతొన్ని స్థిరంగా ఉంచడొనికి సంఖ్య పెలగేకొబ్దీ జోన్ల వెడల్పు తగ్గుతుందని ఇది సూచిస్తుంది. P వద్ద వివిధ మండలాల నుండి వచ్చే తరంగాల యాంప్లిట్యుడ్

- శోన్ యొక్క వైశాల్ఫానికి నేరుగా అనులోహనుపాతంలో ఉంటుంబ
- పలశీలన పాయింట్ దూరొనికి విలోమానుపాతంలో ఉంటుంది.
- శోన్ ప్లేట్ మధ్యలో P అందువుకు కలెపే రేఖకు మలయు సంబంభిత శోన్ కు రేఖ చేరే అందువు P కు మధ్య కోణం θ ఎక్కడ ఉంటుందో ఆళ్లిక్విటీ ఫ్యాక్టర్ తో తగ్గుతుంబి. (1 + cos θ)

వరుసగా శోస్-1, శోస్-2, శోస్-3 ... గుండొ వెళ్ళిన తర్వొత ఇందువుకు చేరే తరంగాల యాంప్లిట్యుడ్  $R_1, R_2, R_3, ... ఐ పలగణించండి. అష్పడు అబ్ని తరంగాల కారణంగా ఏర్పడే యాంప్లిట్యుడ్ అనేఐ$ ఒక్కొక్క మండలాలను దొటి P చేరుకున్న తరంగాల యొక్క లీఐయర్ సూపర్పోజిషన్.

చేసి సంఖ్యల మండలాల నుండి వచ్చే తరంగాలు నిర్కొణొత్శక జొక్కానికి దోహదపడతాయి మరియు మండలాల సరిసంఖ్య నుండి వచ్చినవి విధ్వంసక జొక్కానికి దోహదం చేస్తాయి కాబట్టి, ఫరిత యాంప్లిట్యుడ్ దీని ద్వారా ఇవ్వబడుతుంది,

$$R_2 = \frac{R_1 + R_3}{2}$$

Consider a small change in wavelength by  $d\lambda$ , that results in a shift of diffraction pattern by  $d\theta$ . Then the above equation becomes,

 $(e+d)\sin(\theta+d\theta) = n(\lambda+d\lambda)$ 

The new maxima of the wavelength shifted light will be clearly resolved from original maxima only when it just crosses the first minima and reaches up to the secondary maxima.

The secondary maxima for an N slit grating occurs at  $\lambda/N$  distance from the principal maxima.

Thus the condition for least distance of resolution of  $\lambda$  and  $\lambda + d\lambda$  is

$$n d\lambda = \lambda/N$$

and the resolving power is given by

$$\frac{\lambda}{d\lambda} = nN$$

In summary, the resolving power is higher for higher order diffraction and it is also larger for larger size of grating. (i.e.; for the total number of lines on grating, not necessarily for the number of lines per inch). The resolving power is independent of the width of the grating element.

# 2.7 Fresnel's half period zones

Fresnel's zones are imaginary regions in space where each zone is a locus of constant phase and consecutive zones are separated by a constant phase difference of  $\pi$  or a path difference of  $\lambda/2$  of the waves travelling in the space. An exclusive characteristic as well as advantage with Fresnel zones is that they all can lie in a single plane. Consider an orthonormal and planar **cross section of a wavefront** produced by a monochromatic light source of wavelength  $\lambda$  as seen by an observer located at *P*.

For the observer, let p = OP be the normal distance. Let the entire cross section be divided into zones of constant phase starting from O with a phase change of  $\lambda/2$ . From the diagram, the path lengths of various zones will be  $OM_1 = p + \lambda/2$ ,  $OM_2 = p + 2\lambda/2$  etc.

### 2.7 Fresnel's half period zones



Fig: Fresnel's half period zones.

The area of each zone can be calculated as follows. Area of zone-1:

$$A_1 = \pi \times OM_1^2 = \pi (M_! P^2 - OP^2) = \pi \left[ \left( p + \frac{\lambda}{2} \right)^2 - p^2 \right]$$

Neglecting the higher order terms like  $\lambda^2$ , this becomes,

$$A_1 = \pi (p^2 + p\lambda + \lambda^2 - p^2) \simeq \pi p\lambda$$

Area of zone-2:

$$A_{2} = \pi O M_{2}^{2} - \pi O M_{1}^{2} = \pi \left\{ \left[ (p+\lambda)^{2} - p^{2} \right] - \left[ \left( p + \frac{\lambda}{2} \right)^{2} - p^{2} \right] \right\}$$

Neglecting higher order terms like  $\lambda^2$  gives,

 $A_2 = \pi[(p^2 + 2p\lambda + \lambda^2 - p^2) - (p^2 + p\lambda + \lambda^2 - p^2)] \simeq \pi p\lambda$ Thus the area of each zone remains constant. This implies that the width of zones reduces as the number increases to keep the area constant.



#### Fig: Amplitude of waves at P due to each zone.

The amplitude of waves at P reaching from various zones is

- 4. Directly proportional to the area of the zone
- 5. Inversely proportional to the distance of point of observation.

Decreases with obliquity factor (1 + cos θ) where θ is the angle between the line joining the center of zone plate to the point P and the line joining point P to the respective zone.

Consider  $R_1, R_2, R_3, ...$  to be the amplitude of waves reaching point P after passing through zone-1, zone-2, zone-3 ... respectively. Then the resultant amplitude at P due to all the waves is a linear superposition of the waves crossing individual zones and reach P. Since the waves from odd number of zones contribute to constructive interference and those from even number of zones contribute to destructive interference, the resultant amplitude is given by,

$$R = R_1 - R_2 + R_3 - R_4 + R_5 \dots$$

Since the amplitude of wave from each zone reduces continuously, one can assume that the amplitude at any zone is the average amplitude from its neighbouring zones. Thus

$$R_2 = \frac{R_1 + R_3}{2}$$

Then the resultant amplitude can be rewritten as,

$$R = \frac{R_1}{2} + \left(\frac{R_1}{2} - R_2 + \frac{R_3}{2}\right) + \left(\frac{R_3}{2} - R_4 + \frac{R_5}{2}\right) + R_5 \dots$$

Here the terms in brackets get cancelled and the resultant amplitude for odd number of  $n^{th}$  zone is given by,

$$R = \frac{R_1}{2} + \frac{R_n}{2}$$

For even number of  $n^{th}$  zone, the resultant amplitude is given by,

$$R = \frac{R_1}{2} + \frac{R_{n-1}}{2} - R_n$$

But since the amplitude from higher zones is negligible for larger n, one can write the resultant amplitude as,

$$R = \frac{R_1}{2}$$

Since the intensity varies as square of amplitude, the intensity received at point P will have only a fourth of the intensity from zone-1.

$$I = \frac{I_1}{4}$$

అష్పడు ఫరిత యాంప్లిట్యూడ్ ని ఇలొ తిరిగి వ్రాయవచ్చు,

$$R = \frac{R_1}{2} + \left(\frac{R_1}{2} - R_2 + \frac{R_3}{2}\right) + \left(\frac{R_3}{2} - R_4 + \frac{R_5}{2}\right) + R_5 \dots$$

$$R = \frac{R_1}{2} + \frac{R_n}{2}$$

 $n^{th}$  జోన్ యొక్క సల సంఖ్య కోసం, ఫలిత యాంప్లిట్యూడ్ బిని ద్వోరొ ఇవ్వబడుతుంది,

$$R = \frac{R_1}{2} + \frac{R_{n-1}}{2} - R_n$$

కానీ పెద్ద *n కోసం* అధిక జోన్ల్ యాంప్లిట్యాడ్ చొలొ తక్కువగా ఉంటుంబి కాబట్టి, ఫరిత యాంప్లిట్యుడ్ ని ఇలొ ప్రాయవచ్చు,

$$R = \frac{R_1}{2}$$

తీవ్రత విస్తృతి యొక్క వర్గం వలె మారుతూ ఉంటుంబి కాబట్టి, P పాయింట్ వద్ద స్వేకలించబడిన తీవ్రత జోన్–1 నుండి నొల్గవ వంతు తీవ్రతను మాత్రమే కలిగి ఉంటుంబి.

$$I = \frac{I_1}{4}$$

బిబ్న మలంత మెరుగుపరచడొనికి, నిర్మొజొత్నక లేదొ విధ్వంసక భాగాలను పూల్తిగా నిరోభించడం ఒక అవకాశం.

# 2.7 జోన్ ప్లేట్

శోస్ ప్లేట్ అనేఐ ప్రత్వామ్నాయ ఫ్రెస్నెల్ శోస్లు పారదర్శక ఉపలతలంపై నల్లగా పెయింట్ చేయుబడిన పలకరం. మొదటి శోస్ పారదర్శకంగా ఉంటె, దొనిని పాజిటివ్ శోస్ ప్లేట్ అని మరియు అపారదర్శకంగా ఉంటె, దొనిని నెగటివ్ శోస్ ప్లేట్ అని అంటారు.  $\lambda/2$  యొక్క అదనపు మార్గం పొడవును పరిచయం చేసే పారదర్శక పదార్థంతా ప్రత్వామ్నాయ మండలాలను చిత్రించడం మరొక ప్రత్వామ్నాయం. అష్టుడు శోస్ ప్లేట్ యొక్క ప్రాథమిక ఆపరేషన్ను ప్రభావితం చేయకుండా ప్రతి శోస్ నుండి కాంతి మరొక చివరకి ప్రసారం చేయుకుడుతుంది. దినిని ఫేళ్ రివర్సర్ శోస్ ప్లేట్ అంటారు.

కాంతి మాలం *S* , శోన్ ప్లేట్ మలియు . *P* పలిశీలన పాయింట్ యొక్క నిలువు క్రాస్-సెక్షన్సు పలగణించండి. హెనోక్రోమటిక్ పాయింట్ లైట్ సోర్స్ ఇక్కడ ఉంది. *XY* శోన్ ప్లేట్ ఎగువ సగం సూచిస్తుంది. శోన్ ప్లేట్ యొక్క కేంద్రం *O*. మాలం యొక్క స్పష్టమైన చిత్రం పర్పడిన పలిశీలన పాయింట్. నుండి ప్రారంభమయ్యే హాఫ్ పిలియడ్ శోన్ల సలహద్దులు*M*<sub>1</sub>, *M*<sub>2</sub>, ... *M*<sub>n</sub>

ఆభ్జెక్ట్ దూరం మలయు ఇమేళ్ దూరం వరుసగా OS = a, OP = b ఉంటే రేఖాచిత్రం నుండి,

$$SM_1 + PM_1 = a + b + \lambda/2$$
  

$$SM_2 + PM_2 = a + b + 2\lambda/2$$
  

$$SM_n + PM_n = a + b + n\lambda/2$$

To improve it further, one possibility is to block either constructive or destructive component completely.

# 2.8 Zone plate

Zone plate is a device where alternative Fresnel zones are painted black on a transparent surface. If the first zone is transparent, it is called positive zone plate and if it is opaque, it is called negative zone plate. Another alternative is to paint the alternative zones with transparent material that introduces an additional path length of  $\lambda/2$ . Then the light from every zone will be transmitted to the other end without effecting the basic operation of zone plate. This is called phase reversal zone plate.



Fig: Positive and negative zone plates.



#### Fig: Working of zone plate

Consider a vertical cross-section of a light source, zone plate and point of observation. Here S be the monochromatic point light source. *XY* represents the upper half of the zone plate. O is the center of the zone plate. P is the point of observation where a clear

#### 2.8 Zone plate

రేఖా చిత్రం నుండి పై సమీకరణం యొక్క LHSp ఇలా వ్రాయవచ్చు

$$SM_n + PM_n = \sqrt{a^2 + r_n^2} + \sqrt{b^2 + r_n^2}$$

a మలయు b తో పోలెస్తే చిన్న  $r_n$  విలువలకు ద్విపద విస్తరణ ప్రాయవచ్చు,

$$SM_n + PM_n = a\left(1 + \frac{r_n^2}{a^2}\right)^{\frac{1}{2}} + b\left(1 + \frac{r_n^2}{b^2}\right)^{\frac{1}{2}}$$
  

$$\Rightarrow SM_n + PM_n \simeq a\left(1 + \frac{r_n^2}{2a^2}\right) + b\left(1 + \frac{r_n^2}{2b^2}\right) = a + b + \frac{r_n^2}{2a} + \frac{r_n^2}{2b}$$
  

$$\Rightarrow SM_n + PM_n \simeq a\left(1 + \frac{r_n^2}{2a^2}\right) + b\left(1 + \frac{r_n^2}{2b^2}\right) = a + b + \frac{r_n^2}{2a} + \frac{r_n^2}{2b}$$

$$\begin{split} SM_n + PM_n &= a + b + \frac{n\lambda}{2} = a + b + \frac{r_n^2}{2a} + \frac{r_n^2}{2b} \\ &\Rightarrow \frac{r_n^2}{2} \Big( \frac{1}{a} + \frac{1}{b} \Big) = \frac{n\lambda}{2} \end{split}$$

ව්කි

$$\overline{a} + \overline{b} = \overline{r_n^2}$$
  
ఆప్టికల్ ఇమేజింగ్ సిస్టమ్ యొక్క పైస్ కన్వెస్షన్ ఉచయోగించడం ద్వొరొ, పై సమీకరణం అవుతుంది,
$$\frac{1}{b} - \frac{1}{a} = \frac{n\lambda}{r_n^2}$$

 $1 \quad 1 \quad n\lambda$ 

కుంభాకార లెన్స్ సిస్టమ్ ఈక్వేషన్తో పోల్చడం

$$\frac{1}{b} - \frac{1}{a} = \frac{1}{f}$$

ఇస్తుంది,

$$f = \frac{r_n^2}{n\lambda}$$

అందువలన జోన్ ప్లేట్ ఒక కుంభాకార కటకం వలె పనిచేస్తుంది, దీని ఫోకల్ లెర్డ్ జోన్ వ్యాసార్థంలో పెరుగుదలతో పెరుగుతుంది మరియు కాంతి మాలం యొక్క తరంగదైర్ఘం మరియు జోన్ల సంఖ్య పెరుగుదలతో తగ్గుతుంది.n<sup>th</sup>

వైడ్ యాంగిల్ లెన్స్ల్ (తక్కువ ఫోకల్ లెంగ్త్ తో) డెవలప్ చేయడొ నికి, చిన్న రే డియాలలో ఎక్కువ సంఖ్యలో జోన్లను అమర్చొరి అనే వాస్త్రవాన్ని ఈ చర్చ సూచిస్తుంది.

https://www.pnas.org/doi/10.1073/pnas.1908447116



image of the source is formed.  $M_1, M_2, \dots M_n$  be the boundaries of half period zones starting from O.

If OS = a and OP = b are the object distance and image distance respectively then from the diagram,

$$SM_1 + PM_1 = a + b + \lambda/2$$
  

$$SM_2 + PM_2 = a + b + 2\lambda/2$$
  

$$SM_n + PM_n = a + b + n\lambda/2$$

From the diagram the LHS of above equation can be written as

$$SM_n + PM_n = \sqrt{a^2 + r_n^2} + \sqrt{b^2 + r_n^2}$$

Upon binomial expansion for smaller values of  $r_n$  compared to a and b, one can write,

$$SM_n + PM_n = a\left(1 + \frac{r_n^2}{a^2}\right)^{\frac{1}{2}} + b\left(1 + \frac{r_n^2}{b^2}\right)^{\frac{1}{2}}$$
  
$$\Rightarrow SM_n + PM_n \simeq a\left(1 + \frac{r_n^2}{2a^2}\right) + b\left(1 + \frac{r_n^2}{2b^2}\right) = a + b + \frac{r_n^2}{2a} + \frac{r_n^2}{2b}$$

Upon comparison, one obtains,

$$SM_n + PM_n = a + b + \frac{n\lambda}{2} = a + b + \frac{r_n^2}{2a} + \frac{r_n^2}{2b}$$
$$\Rightarrow \frac{r_n^2}{2} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right) = \frac{n\lambda}{2}$$

or

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{n\lambda}{r_n^2}$$

By using the sign convention of optical imaging system, the above equation becomes,

$$\frac{1}{b} - \frac{1}{a} = \frac{n\lambda}{r_n^2}$$

Comparing it with the convex lens system equation

2.7 కాంతి యొక్క రెక్టిలినియర్ ప్రసారం యొక్క వివరణ

2.7 కాంతి యొక్క రెక్టిలినియర్ ప్రసారం యొక్క వివరణ

వేప్ఛేంట్ యొక్క హ్యాజెన్స్ సూత్రాన్ని రెండు స్టేట్ మెంట్లలో ప్రదర్శించవచ్చు

1. వేపెఫ్టంట్లో ని ప్రతి పాయింట్ సైకండల్ వేప్లెట్ల మూలంగా పనిచేస్తుంది.

2. వేప్ఫ్రెంట్ ఈ బ్వితీయ వేప్రెెట్ల ఎన్వలపెగా ముందుకు కదులుతుంది.

ఈ రెండు ఊహలతో, హ్యాజెన్స్ సూత్రం ప్రతిాంబం మరియు వక్రీభవన దృగ్విషయాన్ని బొగా వివరించగరిగింది, అయితే వేప్ ఫ్రంట్ ఎందుకు ముందుకు దిశలో కదులుతుందో, ఎందుకు వెనుకకు ఎందుకు కదులదో వివరించలేకపోయింది. అందువల్ల ఇది ఢిఫ్రాక్షన్ దృగ్విషయాన్ని వివరించడంలో కూడొ విఫలమైంది.

సెకండరీ వేప్రెట్స్ జోక్యానికి లోనవుతొయని ఫ్రెస్టెర్ ఒక అదనపు ప్రతిపాదన ద్వారా హ్యాజెన్స్ సూత్రాన్లి విస్తరించాడు. బీని ఫరితంగా దొని రెక్టినినియర్ హెషన్ నుండి కాంతి అసాధారణంగా వంగి ఉంటుంది. తరువాత,ఫియట్ఆట్లక్విటీ ఫ్యాక్టర్ని ప్రవేశపెట్టింబి. ఆ విధంగా వెనుకకు వ్యాపించే బ్వితీయ వేప్రెట్ల కోసం, పొలుగా ఉండే కారకం చాలా తక్కువగా ఉంటుంబి మరియు ముందుకు కబిలే వేప్ఫ్రెంట్ కు మత్రమే దొలితీస్తుంబి.

1819లో, ఫ్రెంచ్ అకాడమీ ఆఫ్ సైన్సెస్ డిఫ్రాక్షన్ అనే అంశంపై గ్రాండ్ ప్రిక్స్**ను ప్రకటించింది. కాంతి** యొక్క కార్ఫస్కులర్ సిద్ధొంతం యొక్క బలొబ్ని స్థాపించడం సందర్భం యొక్క లక్ష్యం. కా**నీ ఫైన్నెల్** డిఫ్రాక్షన్ దృశ్విషయాబ్ని వివలించే కాంతి యొక్క తరంగ సిద్ధొంతంపై తన గణిత గణనలతో పోటీకి దరఖాస్తు చేసుకున్నాడు.

పాయిసస్ సభ్యునిగా ఆరొగో కమిటీకి నేతృత్వం వహించారు. పాయిసస్ కార్పస్కులర్ సిద్ధొంతానికి బలమైన మద్దతుదొదు. అతని వొదనలకు మద్దతుగా, అతను ఫ్రెస్కెల్ సిద్ధొంతానికి విస్తరించాడు. వృత్తాకార అడ్డంకికి విస్తరించాడు. వృత్తాకార అడ్డంకి యొక్క రేఖాగణిత నీడ మధ్యలో ఒక ప్రకాశవంతమైన ప్రదేశం ఉంటుందని అతను ఫరితంగా వచ్చాడు. అతను బీనిని హాస్తుస్తుదంగా భావించాడు మరియు సిద్ధొంతాని తిరస్కరించాలని కోరుకున్నాడు. కానీ అరొగో ఫరితాన్ని పరిడ్డించాలనుకున్నాడు మరియు ప్రయోగాత్గక ఫరితాలు రేఖాగణిత నీడ మధ్యలో ఒక ప్రకాశవంతమైన ప్రదేశాన్ని చూపించాయి. ఫ్రెస్మెల్ పోటీలో గెరిచాడు మరియు అతని కార్పస్కులర్ సిద్ధాంతం ద్వారా సైన్స్ కమ్యూనిట్ పై న్యూటన్ నియంత్రణను అధిగమించడం ద్వారా కాంతి యొక్క వేప్ థియరికి తలుపులు తెరిచాడు. త్వరలో కార్పస్కులర్ సిద్ధాంతం మెయిన్ స్ట్రీమ్ ఫిజిక్స్ నుండి నిర్మూరించుడింబి.

డిఫ్రాక్షన్ ద్య<sub>్</sub>షయాల్ని వివలించడంలో ఫ్రెస్నెల్ సిద్ధొంతం విశయవంతమైనప్పటికీ, ఇబి విడ్నుత స్థాయిలో వేప్ఫ్రెంట్ యొక్క రెక్టిలిలియర్ మోషన్సు పలిగణించింబి. తరువొత కిర్చోఫ్ ఒక పూల్తి తరంగ సమీకరణ ఆధొలత గణిత ఫార్డలిళొల్ని అభివృద్ధి చేస్తాడు, ఇబి కాంతి యొక్క డిఫ్రాక్షన్ మలియు రెక్టిలిలియర్ ప్రసారాల్ని వివలస్తుంది.

$$\frac{1}{b} - \frac{1}{a} = \frac{1}{f}$$

gives,

$$f = \frac{r_n^2}{n\lambda}$$

Thus zone plate acts as a convex lens whose focal length increases with an increment in radius of  $n^{th}$  zone and decreases with an increment in number of zones and wavelength of the light source.

This discussion points to the fact that to develop a wide angle lens (with low focal length), one needs to have more number of zones fitted into small radii.

# 2.9 Explanation of rectilinear propagation of light

Huygens principle of wavefront can be presented in two statements as

1. Every point on the wavefront acts as a source of secondary wavelets.

2. The wavefront moves forward as an envelope of these secondary wavelets.

With these two assumptions, Huygens principle was able to explain the reflection and refraction phenomenon well but could not explain why wavefront moves only in forward direction, why not in backward direction. Thus it also failed to explain the diffraction phenomenon.

Fresnel extended the Huygens principle by an additional postulate that the secondary wavelets undergo interference. This results in an unusual bending of light from its rectilinear motion. Later, Fiat has introduced the obliquity factor. Thus for backward propagating secondary wavelets, obliquity factor is negligibly low and results in only forward moving wavefront.

### 2.8 కుంభాకార లెన్స్ తో జోన్ ప్లేట్ యొక్క పోలిక

🖉 E - Corner

//p<u>s://www.mathpages.com/home/kmath636/kmath636.htm</u> https://wiki.seg.org/wiki/Diffraction/es

https://mathshistory.st-andrews.ac.uk/Biographies/Fresnel/

Wave Optics by Suresh Garg, Sanjay Gupta, C. K. Ghosh, PHI Learning (2012)

https://en.wikipedia.org/wiki/Huygens%E2%80%93Fresnel\_p

<u>rinciple</u>



# 2.8 కుంభాకార లెన్స్ తో జోన్ ప్లేట్ యొక్క పోలిక

సారూష్యతలు

కుంభాకార లెన్స్	జోన్ ప్లేట్		
1. కుంభాకార లెన్స్ ఫోకస్ కేంద్రీకలంచే	1. జోన్ ప్లేట్ కూడా ఫోకస్ కేంద్రీకలించే చర్యను		
చర్చమ కలిగి ఉంటుంది.	ప్రదల్శిస్తుంది.		
2. కుంభాకార లెన్స్ నిజమైన చిత్రొన్ని	2. జోన్ ప్లేట్ కూడొ నిజమైన చిత్రొన్ని		
పెర్పరుస్తుంది.	పర్పరుస్తుంది.		
3. ఫోకల్ పొడపు తరంగదైర్హ్యంపై ఆధారపడి	3. ఫోకల్ పొడవు తరంగదైర్హ్యంపై ఆధారపడి		
ఉంటుంబి.	ఉంటుంబి.		
4. కుంభాకార లెన్స్ క్రోమాటిక్ అబెర్రేషన్ <b>కు</b>	4. శోన్ ప్లేట్ కూઢా క్రోమాటిక్ అబెర్రేషన్కు		
గురవుతుంబి.	గురఫుతుంబ.		
5. ఫోకల్ లెంగ్త్ ఫార్కులా శోన్ ప్లేట్ మాబిలిగానే	5. ఫోకల్ లెంగ్త్ ఫార్కులా ఒక కుంభాకార		
ఉంటుంబి. $\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{i}{f}$	లెన్స్ మాదిలిగానే ఉంటుంది. $\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{n\lambda}{r_n^2}$		

In 1819, French Academy of Sciences has announced a grand prix on the topic of diffraction. The aim of the context was to establish the strength of corpuscular theory of light. But Fresnel applied to the contest with his mathematical calculations on wave theory of light explaining the diffraction phenomenon.

The committee was headed by Arago with Poisson as a member. Poisson was a strong supporter of corpuscular theory. To support his arguments, he extended the theory of Fresnel to a circular obstacle. He arrived at a result that there will be a bright spot at the center of the geometrical shadow of the circular obstacle. He found this ridiculous and wanted to reject the theory. But Arago wanted to test the result and the experimental results showed a bright spot at the center of the geometric shadow. Fresnel won the contest and opened doors to wave theory of light by overcoming Newton's control over the science community through his corpuscular theory. Soon corpuscular theory was eradicated from main stream Physics.



Fig: Poisson spot experiment.

Though the Fresnel's theory was successful in explaining the diffraction phenomenon, it has considered rectilinear motion of wavefront on a broad scale. Later Kirchoff developed a complete wave equation based mathematical formalism that explains the diffraction as well as the rectilinear propagation of light.

### 2.8 కుంభాకార లెన్స్ తో జోన్ ప్లేట్ యొక్క పోలిక

### తేడొలు/విశిష్ట లక్షణొలు

కుంభాకార లెన్స్	జాన్ ప్లేట్
1. ఫోకస్ చర్య కాంతి కిరణాల వక్రీభవనం	1. ఫోకస్ చర్య కాంతి తరంగాల ఢిఫ్రాక్షన్
కారణంగా ఉంటుంది.	కారణంగా ఉంటుంది.
2. హెనోక్రోమటిక్ లైట్ సోర్స్ కోసం, కుంభాకార లెన్స్ ఒకే ఫోకస్ ని కరిగి ఉంటుంది.	2. జోన్ ప్లేట్లో మర్టిఫుల్ ఫోనిస్ ఎట్ మొదలైనవి ఉన్నాయి. $f=rac{r_n^2}{n\lambda},rac{r_n^2}{3n\lambda},rac{r_n^2}{5n\lambda}$
3. ఫోకల్ పాయింట్ వద్ద తీవ్రత గలష్టంగా	3 ශතද මියුණු ආරහාද අදිටි නී ශතා focie
ఉంటుంబి.	వుద్ద తీవత పంపిణీ చేయబడుతుంది.
4. వైలెట్ ఫోకల్ లెంగ్త్ కుంభాకార లెన్స్రీలో ఎరుపు రంగు కంటే తక్కువగా ఉంటుంబి.	4. శోన్ ప్లేట్లోలి వైలెట్ కంటే ఎరుఫు రంగు ఫోకల్ పొడఫు తక్కువగా ఉంటుంబి.
5. కన్వెక్స్ లెన్స్ కనిపించే ప్రాంతంలో మాత్రమే పని చేస్తుంది.	5. మైక్రోవేప్ల నుండి x-కిరణాల వరకు అన్ని బ్యాండ్ల ఫ్రీక్వెన్సీల కోసం జోన్ ప్లేట్ గం వేగు ఇ
<i>ం</i> . కుంభౌకార లెన్స్ ఒక సమయంలో వర్శువల్	పరిచిస్తింది.
ఇమేశ్ మరియు రియర్ ఇమేశ్ ని ఉత్పత్తి	ద జోన్ పేట్ పుట్టారాద చెస్తే నంబిలిగానే
చేయదు.	వరు వల్ ఇమేళ్లం ఉత్రతి చేస్తుంది మరియు
	ఒక సమయంలో నిజమైన ఇమేశ్ ని ఉత్పత్తి
	- చేస్తుంది.
7. ఫోకస్ వద్దకు వచ్చే అన్ని కిరణాలు ఒకే ఫేజ్	—
ను కలిగి ఉంటాయి.	7. ప్రత్యామ్నాయ మండలొల నుండి వచ్చే
	కిరణాలు ఒక ఫేజ్ లేదా మార్గ వ్యత్యాసంతో
	విభిన్నంగా ఉంటొయి.2πλ

#### Further Reading:


# 2.10 Comparison of zone plate with convex lens

### Similarities

Convex lens	Zone plate			
1. Convex lens has focusing	1. Zone plate also exhibits			
action.	focusing action.			
2. Convex lens forms a real image.	2. Zone plate also forms a real image.			
3. Focal length depends on the wavelength.	3. Focal length depends on the wavelength.			
4. Convex lens suffers chromatic aberration.	4. Zone plate also suffers chromatic aberration.			
5. Focal length formula is similar to that of zone plate. $\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{i}{f}$	6. Focal length formula is similar to that of a convex lens. $\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{n\lambda}{r_n^2}$			

### Differences/distinguishing features

Convex lens	Zone plate
1. Focusing action is due to the refraction of light rays.	1. Focusing action is due to the diffraction of light waves.
2. For a monochromatic light source, the convex lens has single focus.	2. Zone plate has multiple foci at $f = \frac{r_n^2}{n\lambda}, \frac{r_n^2}{3n\lambda}, \frac{r_n^2}{5n\lambda}$ etc.
3. The intensity at focal point is maximum.	3. The intensity is distributed among all the foci with primary focus at higher intensity.
4. Focal length of violet is less than that of red in a convex lens.	4. Focal length of red is less than that of violet in zone plate.

### Solved Problems and Exercises

5. Convex lens works only in	5. Zone plate works for all				
visible region.	bands of frequencies from				
	microwaves to x-rays.				
6. Convex lens can not produce					
virtual image and real image at	6. Zone plate produces virtua				
a time.	image similar to concave lens				
	and at a time produces real				
	image.				
7. All the rays arrive at the focus					
will have same phase.	7. The rays arriving from				
	alternate zones differ by a				
	phase of $2\pi$ or a path difference				
	of $\lambda$ .				

## Solved Problems and Exercises

1. Consider a monochromatic light of wavelength  $\lambda$  incident upon a single slit. If the slit width be 4  $\lambda$ , calculate the position of first minimum

> Sol: We know the intensity distribution for single slit is  $I = I_0 \sin^2 \alpha / \alpha^2$ Where  $\alpha = \frac{\pi e sin\theta}{\lambda}$ If  $\alpha = \pm n\pi$  where n=1,2,3...,then I = 0 gives minima For first minima, n=1 =>  $\alpha = \pm \pi = \frac{\pi e sin\theta}{\lambda}$  =>  $sin\theta = \pm \frac{\lambda}{e} = \pm \frac{1}{4}$ =>  $\theta = \sin^{-1} \pm \frac{1}{4} = 14.5^{\circ}$

2. A plane light wave of wavelength 600*nm* is incident normally on a grating consisting of 5 identical parallel slits a distance d apart. Find the ratio of intensity of principal maximum to the intensity obtained for a single slit.

Sol: We know the intensity distribution for single slit is  $\,I=I_0\sin^2\alpha/\alpha^2\,$ 

And the intensity distribution for N slit is  $I_N = N^2 I_0 \sin^2 \alpha / \alpha^2$ 

$$\Rightarrow \frac{I_N}{I} = N^2 = 5^2 = 25$$

3. A transmission type grating having 500 lines/mm is illuminated with visible light at normal incidence to the plane of the grooves. What wavelength appear at a diffraction angle of 45<sup>0</sup> and what colours are they?

Sol : We have condition for principal maxima is  

$$(e + d)sin\theta = \pm n\lambda$$
 where n= 0,1,2,3.... (Grating

 $(e + a)strib = \pm n\lambda \text{ where } n = 0, 1, 2, 3, \dots \text{ (Grathing equation)}$ Given 1mm grating has 500 lines => 500(e + d) =1mm => (e + d) =  $\frac{1}{500}$  = 0.002 mm = 0.0002 cm => At a diffraction angle of 45<sup>0</sup>, the wavelength are  $\lambda = \frac{(e+d)sin\theta}{n} = 0.0002 \times \frac{sin45^{\circ}}{n} = \frac{0.00014}{n} \text{ cm} = \frac{14000}{n} A^{\circ}$ For visible light , we get following colours  $\lambda_1 = 7000 A^{\circ}$  for n=2 , red colour  $\lambda_2 = 4666 A^{\circ}$  for n=3 , green colour  $\lambda_1 = 3500 A^{\circ}$  for n=4 , red colour

4. Calculate the radius of  $50^{th}$  ring on a zone plate which behaves like a convex lens of focal length 50cm for light of wavelength  $\lambda$ =5000 A<sup>0</sup>

Sol: The radius of n<sup>th</sup> ring on a zone plate is 
$$r_n = \sqrt{n\lambda f} = \sqrt{50 \times 5000 \times 10^{-8} \times 50} = \sqrt{0.125} = 0.353 \text{ cm}$$

5. How many half period elements are contained in circular plane wave front of radius 1cm for a wavelength  $5 \times 10^{-5}$  cm with respect to a point 50 cm aways.

Sol. The radius of  $n^{\rm th}$  half period zone is given by

$$r_n^2 = pn\lambda \implies n = \frac{r_n^2}{p\lambda} = \frac{1}{50 \times 5 \, \text{X10}^{-5}} = 400$$

### Solved Problems and Exercises

6. Let  $\lambda$  be the wavelength of incident light. The diffraction pattern of a circular aperture of dimension  $r_0$  will transform from Fresnel to Fraunhofer region if the screen distance z is IIT JAM

2021

a) 
$$z \gg \frac{r_0^2}{\lambda}$$
 b)  $z \gg \frac{\lambda^2}{r_0}$  c)  $z \ll \frac{\lambda^2}{r_0}$   
d)  $z \ll \frac{r_0^2}{\lambda}$ 

Ans: a

Solution: The quadratic phase function for Fraunhofer region is  $e^{ikr_0^2/z} \approx 1$ 

This will happen only when  $z >> \frac{kr_0^2}{2} \Rightarrow z >> \frac{r_0^2}{\lambda}$  as  $k = 2\pi/\lambda$ 

7. White light is incident on a grating G1 with groove density 600 lines/mm and width 50 mm.A small portion of the diffracted light is incident on another grating G2 with groove density 1800 lines/mm and width 15 mm. The resolving power of the combined system is

```
IIT JAM 2021

(a) 3 \times 10^3 (b) 57 \times 10^3 (c) 81 \times 10^7 (d) 108 \times 10^5

Ans.: (c)

Solution: R_1 = n_1 N_1 = 1 \times N_1 = N_1 = 600 \times 50

R_2 = n_2 N_2 = 1 \times N_2 = N_2 = 1800 \times 15

R = R_1 R_2 = 81 \times 10^7
```

8. The following figure shows a double slit Fraunhofer diffraction pattern produced by two slits, each of width a separated by a distance b, a < b.



Which of the following statements are correct? (a) Reducing a increases the separation between consecutive primary maxima (b) Reducing a increases the separation between consecutive secondary maxima

(c) Reducing b increases the separation between consecutive primary maxima

(d) Reducing b increases the separation between consecutive secondary maxima Ans.: (a) and (d)

IIT JAM 2020

Sol: The minima condition for double slit Fraunhofer diffraction is a sin $\theta$  = n  $\lambda$ 

 $\Rightarrow$  where a is the width of slit. Reducing 'a' increases the separation between diffraction minima i.e. increases the separation between consecutive primary maxima. The condition of interference maxima is  $b\sin\theta = m\lambda$ , where b is the separation between slits. The position of interference maxima gives the separation between secondary maxima. Reducing 'b' increases the separation between consecutive secondary maxima. The correct answer is option (a) and (d).

9. For a crystal having 3 nm spacing between the planes of its atoms, the maximum number of orders at the wave length 1nm are

Solution: We have  $2dsin\theta = n\lambda$  and  $sin\theta \leq 1$ 

$$\Rightarrow \frac{n\lambda}{2d} \le 1 \Rightarrow n \le \frac{2d}{\lambda} = \frac{2\times 3}{1} \le 6$$

10. A LASER light is grazing on to a metal scale (Distance between two consecutive grooves is 1mm). The light reflects from the surface of the ruler and is projected on to a vertical wall 5 meters away. Find the vertical separation on the wall of zeroth order first order spot of the pattern.



Credit : ISBN 81-87169-19-2 by Bai Gui-ru, GuoGuang-can& Lim

MCQs

Sol: The path difference between reflected light rays from fig., is given by

 $\Delta = d(\cos\theta - \cos\theta') = d(1 - \cos\theta') \text{ (As the light is grazing } \theta \approx 0^0)$ 

For diffraction maxima occur,  $\Delta = n\lambda \implies \cos\theta' = 1 - \frac{n\lambda}{d}$ 

Zeroth spot occurs when  $n = 0 \implies cos\theta' = 1 \implies \theta' = 0$ 

First order spot occurs when n = 1 =>  $cos\theta' = 1 - \frac{6.3 \times 10^{-5} cm}{0.1 cm}$ 

 $\Rightarrow \theta' = \cos^{-1}(0.99937) = 2.033$ 

⇒ The vertical separation between zeroth and first order spots is  $x = l \times tan\theta' = 10 \times tan(2.033) = 0.35 m$ 

## MCQs

1. The total number of lines a grating must have, in order to separate two wavelengths  $8790 \text{ A}^0$  and  $8810 \text{ A}^0$  in the 4th order is

a. 110 b. 220 c. 440 d. 880

HCU 2021

#### Ans:a

2. A monochromatic light of wavelength  $\lambda$  is falling normally on a diffraction grating with period d. If the angle between the direction to the first and second order of the Fraunhofer maxima is  $\Delta\theta$ , the wavelength of the light is

a. 
$$dsin\Delta\theta/\sqrt{5-4}cos\Delta\theta$$
b.  $dsin\Delta\theta/\sqrt{5-4}cos^2\Delta\theta$ c.  $dsin\Delta\theta/cos\Delta\theta$ d.  $dsin\Delta\theta$ 

HCU 2019

Ans: a

Maximum number of orders available with a grating is

 a) independent of grating element.
 b) directly proportional to grating element

c) inversely proportional to grating element d) directly proportional to wavelength

**AUCET 2020** 

Ans: b

- 4. The width of a single slit which produces its first minimum at 60° for 6000  $A^0$  wavelength is
  - a) 0.2  $\mu$ mb) 4  $\mu$ m c) 0.4  $\mu$ m d) 2  $\mu$ m Ans: d
- 5. If e be the slit width of two slits which are at distance d apart and D be the distance between slits and a screen. we observe maximum intensity at a distance x on the screen from its center when(n is an integer and  $\lambda$  is the wavelength )

a) $x = n\lambda d/D$  b)  $x = n\lambda D/d$  c)  $x = ndD/\lambda$  d) None Ans: b

- 6. Interference and diffraction of light supports its
- a) Wave nature b) Quantum nature
- c) transverse nature d) Electromagnetic character

Ans: a

- 7. The diffraction phenomenon was first interpreted by
  - a) Fresnel b)Huygen c)Fraunhofer d)Gabor Ans: a
- 8. A ruled metal scale acts as a
  - a) Diffraction grating b) Transmission grating c)Reflection grating d)both a&c Ans: d
- 9. In case of a zone plate, the rays are brought to focus by
- a) Diffraction b) Reflection c) Refraction d) All

Ans: a

### Grade your understanding

- 10. Dispersive power gives The angular spacing between minima of two wavelengths can be given by
- a) Resolving power b) Dispersive power c) Both d)None

Ans: b

11. Which of the following statement is truei)The resolving power of a grating spectrograph can be improved by recording the spectrum in the lowest order

ii) If number of lines on grating increases, the angular spacing between maxima of two wavelengths increases

- a) Both are true c)Statement i) is true and ii) is false
- b) Statement i) is false and ii) is True d) Both are true Ans: b
- 12. The number of subsidiary maxima between consecutive principal maxima in a diffraction grating is (if N is total number of rulings on grating)
  - a) N b) N-1 c) N-2 d)  $\frac{N}{2}$ Ans: c

## Grade your understanding

- 1. All Fresnel's half period zones for a circular aperture [] have equal areas
- 2. A Plane transmitting grating can be used to determine [] the wavelength of the spectrum of mercury
- 3. A Prism forms many number of Spectra of different [] orders
- 4. The resolving power of prism is smaller than the [] resolving power of grating
- 5. The wave front incident on an obstacle is a plane in case [] of Fraunhofer diffraction
- 6. The amount of bending of light increases if the size of [] obstacle increases

- 7. For a point light source, the electric field vibrations of [] light wave are distributed spherically
- 8. Lines on a transmission grating can act as diffraction [] slits
- Wave trains from a source, having time delay but in [] same direction are equivalent to those started at same time but having phase shift
- 10. To produce diffraction at single slit, the direction of [] electric field vibration is parallel to slit
- 11. Fraunhofer diffraction is called far field diffraction, [] whereas Fresnel diffraction is called near field diffraction
- 12. The intensities of subsidiary maxima between [] consecutive principal maxima in a grating are identical

1.Yes 2. Yes 3. No 4.Yes 5. Yes 6. No 7.Yes 8. No 9.Yes 10. No 11. Yes 12.Yes

Glossary			
Amplitude	Maximum extent of a vibration measured from equilibrium		
Angular Shift	Shift along a curved path		
Concave lens	Lens having at least one surface curved inwards		
Convex lens	Lens having at least one surface curved outwards		
Grating	A multi slit surfaced optical element which provides angular dispersion		
Isosceles			
triangle	A triangle having two sides of equal lengths		
Path	Difference in the physical path traversed by two		
difference	waves		

### Glossary

### Glossary

Plane diffraction	The diffraction of light caused due to a plane optical material
Point source	A source of light that is concentrated at a point without special extension
Principal maxima	The brightest fringe formed at center/ along normal to the slit
Ray	A line with fixed starting point but with no end point
Rectilinear	Relating to a straight line
Resolving power	The ability of distinguishing small or closely adjacent images
Slit	A narrow /sharp opening
Superposition	Combining of two or more waves at same place and same time
wavelet	A wave like oscillation start from zero amplitude-then increasing to maximum and later decreases to zero
wavefront	The locus of points with constant amplitude
Spatially tilted wave train	Wave trains travelling in different orientations Unpolarized light
Zone plate	Radially symmetric rings used to focus a light

# UNIT-3 POLARIZATION పోలరైజేషన్



శిక్షణ లక్ష్మాలు

ఈ అధ్వాయంలో విద్యార్థులు ఈ విషయాలు నేర్చుకుంటారు

- ధృవణకాంతిని ఉత్పత్తి చేసే వివిధ పద్ధతులు మరియు వొటిని నియంత్రించే చట్టాలు.
- 2. నికోల్ ప్రిజం నిర్మాణం, పని మరియు అప్లికేషన్లు.
- క్వార్టర్ వేప్ ప్లేట్, హాఫ్ వేప్ ప్లేట్ మలయు వాటి అప్లికే షన్లు.
- 4. ఆస్టికల్ యాక్టివిటీ కౌలత మరియు LCDలు

### అ<del>భ్</del>చసన ఫ<mark>ి</mark>తెలు

ఈ పాఠం ఫూర్తయ్యేసలకి విద్యార్థులు

- ధృవణకాంతిని ఉత్పత్తి చేయడొనికి వివిధ పద్ధతులను జొబితొ చేయగలరు.
- లి. లికోల్ ప్రిజం, క్వార్టర్ వేవ్ ప్లేట్, హాఫ్ వేవ్ ప్లేట్ మలయు LCDల పలిలి వివించగలరు.
- వివిధ రకాల ధృవణకాంతిని ఉత్పత్తి చేయడొనికి క్వార్టర్ వేప్ ప్లేట్, హాఫ్ వేప్ ప్లేట్, నికోల్ ప్రిజం ఉపయోగించగలరు.
- ధృవణకాంతి ఉత్పత్తి మలయు విశ్లే షణలో సగం నీడ పలకరం మలయు ఇతర ధృవణపలకరాల అవసరాన్ని గుర్తించగలరు.
- 5. ఇళ్ళిన కాంతి మాలం యొక్క ధృవణస్థితిని గుర్తించడొనికి క్వార్టర్ వేప్ ప్లేట్, హాఫ్ వేప్ ప్లేట్ మరియు నికోర్ ప్రిజం యొక్క వివిధ కలయికలను ఇస్టిఫై చేయగలరు.
- 6. వివిధ రకాల ధృవణకాంతిని ఉత్పత్తి, గుర్తించడం మరియు పదొర్థొల నిర్దష్ట భ్రమణొన్ని కొలవడొనికి ప్రోటోకార్ లను అఖవృద్ధి చేయగలరు.

## POLARIZATION



## Syllabus

Polarized light: Methods of production of plane polarized light, Double refraction, Brewster's law, Malus law, Nicol prism, Nicol prism as polarizer and analyser, Quarter wave plate, Half wave plate, Production and detection of Plane-, Circularly- and Ellipticallypolarized light. Optical activity, Laurent's half shade Polarimeter: Determination of specific rotation, Basic principle of LCDs

### Learning Objectives

In this chapter students would learn about

- 1. Various methods of producing polarized light and the laws governing them.
- 2. Nicol prism construction, working and applications.
- 3. Quarter wave plate, half wave plate and their applications.
- 4. Optical activity measurement and LCDs.

### Learning Outcomes

By the end of the chapter, student would be able to

- 1. List out various methods to produce polarized light.
- 2. Describe the working of Nicol prism, quarter wave plate, half wave plate and LCDs.
- 3. Use quarter wave plate, half wave plate, Nicol prism to generate different types of polarized light.
- 4. Identify the need for half shade device and other polarizing devices in the production and analysis of polarized light.
- 5. Justify various combinations of quarter wave plate, half wave plate and Nicol prism to identify the polarization state of given light source.
- 6. Develop protocols for the production, detection of various types of polarized light and for the measurement of specific rotation of materials.

### వివిధ ప్రోగ్రాం లకు చెందిన నిర్దిష్ట ఫరితాలు మరియు భవిష్యత్ దిశానిర్దేశకాలు

ఈ అధ్వాయం ముగినే సమయానికి నిర్దిష్ట ప్రోగ్రామ్ల నుండి విద్యార్థులు ఈ క్రింబి వొటిని అథినంబించగలరు.

- 1. భౌతిక శాస్త్రం: మెటీలయల్ మాలస్పులేషన్ మలయు మెటీలయల్ క్యారెక్టరైజేషన్ అప్లికేషన్ల కోసం సాధనాలు మలయు ప్రోటికాల్ లను అఖవృబ్ధి చేయడంలో వివిధ ధృవణకిరణాల అఖవృబ్ధ అవసరం.
- రసాయన శాస్త్రం: రసాయన పదార్ధొల లక్షణాలను అధ్వయనం చేయడొనికి ధృవణకాంతిని ఉపయోగిస్తారు. కెమిస్ట్రీ యొక్క ఈ శాఖను స్టీరియోకెమిస్ట్రీ అంటారు.
- కంప్యుటర్ సైన్స్: ఆస్టికల్ కంప్యుటర్లలో ఆస్టికల్ లొజిక్ గేట్లు కీలకమైన భాగాలు. కాంతి యొక్క థృవణస్థితి ఆస్టికల్ గణనలకు ఉపయోగించే చైనలీ సమాచారం వలె పలచేస్తుంది.
- భూగర్ళ శాస్త్రం: అనేక ఖనిశాలు పారియోకోరిజంను ప్రదర్శిస్త్రాయి. అనగా; ప్లేస్ పోలరైజ్డ్ కాంతికి గురైనప్పడు అవి వేర్వేరు విశల్లి వేర్వేరు రంగులను ప్రదర్శిస్త్రాయి.
- 5. ఎలక్ట్రైనిక్స్: అనేక ఆస్టికర్ కమ్యానికేషన్ సిస్టమ్లు ధృవణకాంతిని ఉపయోగిస్తాయి మరియు డిస్ట్లే సాంకేతికతలకు కూడొ ధృవణకాంతి అవసరం.
- 6. ఫునరుత్పానక శక్తి: పోలరైజింగ్ ఆర్గొనిక్ ఫోటోపోట్టాయిక్స్ అనేబి కొత్త సాంకేతికత, ఇక్కడ ఉపయోగించని LCD బ్వాక్ లైట్ ఫోటోపోట్టాయిక్ టెక్నాలజీని ఉపయోగించి శక్తిని సేకలంచేందుకు ఉపయోగించబడుతుంబి.
- 7. గణాంకాలు: ఆప్టికల్ కమ్యాలికేషన్ సిస్టమ్లలో కౌహరెన్స్ మలియు రొద యొక్క అధ్యయనం గణాంక విశ్లేషణను ఉపయోగించి లర్వహించుడుతుంది.

### సుపలిచితం నుండి అపలిచితం వరకు

మీ 12వ తరగతిలో మీరు ధృవణత భావన, ధృవణకాంతిని ఉత్పత్తి చేసే వివిధ పద్ధతులు మరియు మాలస్ నియమం మరియు బ్రూస్టర్ నియమం గురించి తెలుసుకుని ఉండవచ్చు. ఈ అధ్వాయంలో మీరు వివిధ రకాల ధృవణకాంతి, ఉత్పత్తి మరియు గుర్తించే పద్ధతులు మరియు ధృవణకాంతి యొక్క కొన్ని అనువర్త్రనాల గురించి నేర్చుకుంటారు.

## Course Outcomes specific to program and Future directions

By the end of this chapter students from specific programs would be able to appreciate the following:

- 8. Physics: Development of various polarized beams is essential in developing instruments and protocols for material manipulation and material characterization applications.
- 9. Chemistry: Polarized light is used to study the properties of chemical substances. This branch of chemistry is called the Stereochemistry.
- 10. Computer Science: Optical logic gates are crucial components in the optical computers. The polarization state of the light acts as the binary information to be used for the optical computations.
- 11. Geology: Several minerals exhibit paleochorism. i.e.; they exhibit different colours in different directions when exposed to plane polarized light.
- 12. Electronics: Several Optical communication systems use polarized light and the display technologies also need polarized light.
- 13. Renewable Energy: Polarizing organic photovoltaics is a new technology where unused LCD backlight is used to harvest energy using photovoltaic technology.
- 14. Statistics: Study of coherence and noise in optical communication systems is carried out using statistical analysis.

### Familiar to Unfamiliar

In your 12<sup>th</sup> class you might have learned about the concept of polarization, various methods of producing polarized light and the Malus law and Brewster's law. In this chapter you will learn about various types of polarized light, methods of production and detection of the same and a few applications of polarized light.

#### 1.1 పరిచయం

### 1.1 పలచయం

పోలరైజేషన్ అనే పదానికి వేర్వేరు సందర్భాలలో వేర్వేరు అద్ధాలు ఉన్నాయి. ఉదొహరణకు, ఫిజిక్స్లో విద్యుద్వాహక ధృవణత, స్పిన్ పోలరైజేషన్ మొదలైన వొటి గురించి మాట్లాడతారు, ఇందులో ఛౌర్జీలు లేదొ స్పిన్లలు ధ్రువాలను పర్పరుస్తాయి. అనగా; వారు ఒక నిర్దిష్ట సూచన బశలో సమలేఖనం చేస్తారు. తరంగాల విషయంలో, అవి ప్రాథమికంగా రెండు రకాలుగా వర్గీకరించబడ్డాయి: విలోమ మరియు రేఖొంశం. కాంతి అనేబి ఒక విలోమ విద్యుదయస్కాంత తరంగం, ఇబి విద్యుత్ మరియు అయస్కాంత క్షేత్రెల కలయిక, ఇందులో విద్యుత్ మరియు అయస్కాంత క్షేత్ర వెక్టర్స్ పరస్పరం లంబ విశలలో డోలనం చెందుతాయి మరియు కదరిక బశకు లంబంగా ఉంటాయి.

కాంతి తరంగాల విషయంలో, ఎలెక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ వెక్టర్ జోలనాలు 360° స్వేచ్ఛతో ۵ బశలో అయినొ ఉండవచ్చు, కాసీ అవి ప్రసారం బశకు అలొగే అయస్కాంత క్షేత్ర వెక్టర్కు లంబంగా ఉంటాయి. ఎలెక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ వెక్టార్ యొక్క డోలనాల బశ ఒక నిర్దిష్ట సమతలానికి పరిమితం చేయబడితే, ఫరితంగా వచ్చే కాంతి ధ్రువణంగా చెప్పబడుతుంది.

కాంతి కిరణాల యొక్క విద్యుత్ క్షేత్ర వెక్టర్ యొక్క కంపన దిశ నిర్దిష్ట దిశకు పరిమితం చేయుఒడన దృగ్వషయాన్ని ధృవణత అంటారు.

టూర్గొలెస్ క్రిస్టల్ గుండా కాంతి ప్రసలించినప్పడు, ఆబెర్భవించే పుంశిం ప్లేస్ పోలరైశ్జ్ అవుతుంబి, బీబి విద్యుత్ క్లేత్ర వెక్టర్ యొక్క డోలనం క్రిస్టల్ యొక్క ఆస్టిక్ అక్లానికి సమాంతరంగా ఉంటుంబి. ధృవణకాంతి బశలో మరొక క్రిస్టల్ ఉంచబడితే మలియు ఆస్టిక్ అక్లం ధృవణబిశకు సమాంతరంగా ఉంటె, అష్టుడు కాంతి గుండా వెళుతుంబి. ఆస్టిక్ అక్లం ధృవణబిశకు లంబంగా ఉంటె, కాంతి నిరోభించబడుతుంబి.

### ప్లేస్ పోలరైశ్మ్ కాంతి:

కాంతి యొక్క విద్యుత్ వ్లేత్ర వెక్టార్ డోలనం యొక్క బిశను ఒక సమతలొనికి పలిమితం చేస్తే, దొనిని ప్లేన్ పోలరైళ్జ్ లైట్ అంటారు

#### వృత్తౌకార ధృవణకాంతి:

కాంతి కిరణం యొక్క ఎలెక్ట్రిక్ ఫ్రీల్డ్ వెక్టర్ ప్రసారం సమయంలో వృత్తాకార మార్గొల్ని తీసుకున్నట్లయితే, దొలిలి వృత్తౌకార ధృవణకాంతి అంటారు భ్రమణ దిశపై ఆధారపడి, ఇబి కుడి వృత్తాకార ధృవణకాంతి మలియు ఎడమ వృత్తాకార ధృవణకాంతి అవుతుంబి.

### బీర్ఘవృత్తౌ కార ధృవణకాంతి:

కాంతి యొక్క విద్యుత్ క్షేత్ర వెక్టర్ దీర్ఘవృత్తాకార మార్గొన్ని తీసుకున్నట్లయితే, దొనిని దీర్ఘవృత్తాకార ధృవణకాంతి అంటారు. ఛ్రమణ దిశపై ఆధారపడి, కుడి దీర్ఘవృత్తాకార ధృవణకాంతి మరియు ఎడమ దీర్ఘవృత్తాకార ధృవణకాంతి ఉన్నాయి.

## 3.1 Introduction

The word polarization has different meanings in different contexts. For instance, in Physics one talks about the dielectric polarization, spin polarization etc. wherein the charges or spins will be forming poles. i.e.; they align towards a particular reference direction. In the case of waves, they are basically classified into two types: the transverse and the longitudinal. Light is a transverse electromagnetic wave, which is a combination of electric and magnetic fields wherein the electric and magnetic field vectors oscillate in mutually perpendicular directions and are perpendicular to the direction of motion.



Fig: Electromagnetic wave.

In the case of light waves, the electric field vector oscillations could be in any direction with  $360^{\circ}$  freedom, still being perpendicular to the direction of propagation as well as the magnetic field vector. If the direction of oscillations of electric field vector are restricted to a particular plane, then the resulting light is said to be polarized.



The phenomenon in which the direction of vibration of electric field vector of light rays is restricted to a particular direction is called polarization.

### 3.1 Introduction



When light passes through tourmaline crystal, the emergent beam becomes plane polarized whose direction of oscillation of electric field vector is parallel to the optic axis of the crystal. If another crystal is placed in the direction of the polarized light and if the optic axis is parallel to the direction of polarization, then the light will pass through. If the optic axis is perpendicular to the direction of polarization, then light will be blocked.

Plane polarized light:

If the direction of oscillation of electric field vector of light is restricted to a plane, then it is called a plane polarized light.

1					۱ í		1	ľ
	r v	, ,	, ,	, ,	, ,	, ,	, ,	r

(a) Plane polarised light-parallel to plane of this paper

(b) Plane polarised light—perpendicular to the plane of paper Circularly polarized light:

If the electric field vector of light ray traces a circular path during the propagation, then it is called circularly polarized light.



Depending on the direction of rotation, it will be right circularly polarized light and left circularly polarized light.



Right circularly polarized light Left circularly polarized light

### Elliptically polarized light:

If the electric field vector of light traces elliptical path, then it is called elliptically polarized light. Depending on the direction of rotation, there are right elliptically polarized light and left elliptically polarized light.



Right elliptically polarized light Left elliptically polarized light

## 3.2 Polarization by reflection (Brewster's law)

It was Malus who observed that when unpolarized light reflects from any surface, it is plane polarized. Further it was Brewster who identified that when light is incident at a particular angle, the reflected light is **completely** plane polarized. Brewster also identified that tangent of that particular angle of incidence is equal to refractive index of the material.

Thus

$$\mu = \tan i_p = \frac{\sin i_p}{\cos i_p}$$

## 3.2 లెఫ్లైక్షన్ ద్వోరా ధృవణత (బ్రూస్టర్ నియమం )

ధ్రువపరచుడని కాంతి పదైనొ ఉపరితలం నుండి రెఫ్లెక్ట్ అయినప్పుడు, అది ప్లేన్ పోలరైళ్జ్ అవుతుందని మాలుస్ గమనించాడు. ఒక నిర్దిష్ట కోణంలో కాంతి పతనం చెందినప్పుడు, పరొవర్తనం చెందిన కాంతి **ఫూల్తిగా** ప్లేన్ పోలరైళ్జ్ అవుతుందని బ్రూస్టర్ గుర్తించాడు. పతన కోణం యొక్క టాంజెంట్ పదార్థం యొక్క రిఫ్రాక్టీవ్ ఇండెక్స్కు సమానమని కూడొ బ్రూస్టర్ గుర్తించాడు.

ఈ విధంగా

$$\mu = \tan i_p = \frac{\sin i_p}{\cos i_p}$$

స్మెల్ నియమం నుండి

$$\mu = \frac{\sin i_p}{\sin r}$$

పై రెండు సమీకరణొల నుండి

$$\cos t_p = \sin r$$
  

$$\Rightarrow \sin(90^\circ - i_p) = \sin r$$
  

$$\Rightarrow 90^\circ - i_p = r$$
  

$$\Rightarrow i_p + r = 90^\circ$$

పై బొమ్మ నుండి,

$$\angle AOR + \angle ROT + \angle TOB = 180^{\circ}$$
$$\Rightarrow i_p + \angle ROT + r = 180^{\circ}$$
$$\Rightarrow \angle ROT = 90^{\circ}$$

అంటే, ట్రూస్టర్ కోణంలో కాంతి పతనం చెంబనష్పుడు, పరొవర్తన కిరణం మలియు వక్రీభవన కిరణాల మధ్య కోణం 90° ఉంటుంబి.

పై చర్చ నుండి, బ్రూస్టర్ యొక్క నియమం ఒక రకమైన ధృవణతరంగాన్ని పూర్తిగా ప్రసారం చేయడొనికి షరతును ఇస్తుంబి, తద్వొరొ పరొవర్తన భౌగం ఫూర్తిగా మరొక రకమైనబి మరియు ప్రసారం చేయబడిన తరంగం మిశ్రమ భౌగాలను కరిగి ఉంటుంబి. <u>3.2 రిఫైషన్ ద్వారా ధృవణత (బ్రూస్టర్ నియమం )</u>



Fig: Brewster's law.

From Snell's law it is known that

$$\mu = \frac{\sin i_p}{\sin r}$$

From the above two equations we obtain

$$\cos i_p = \sin r$$
  

$$\Rightarrow \sin(90^\circ - i_p) = \sin r$$
  

$$\Rightarrow 90^\circ - i_p = r$$
  

$$\Rightarrow i_p + r = 90^\circ$$

From the above figure,

$$\angle AOR + \angle ROT + \angle TOB = 180^{\circ}$$
$$\Rightarrow i_p + \angle ROT + r = 180^{\circ}$$
$$\Rightarrow \angle ROT = 90^{\circ}$$

i.e., when the light is incident at Brewster's angle, the angle between reflected ray and refracted ray will be equal to 90°.

From the above discussion, it is clear that Brewster's law gives condition for complete transmission of one kind of polarized wave so that the reflected component is purely of the other kind and that the transmitted wave contains mixed components.

### 1.3 వక్రీభవనం/ఎంపిక శోషణ ద్వొరొ ధృవణత(మాలస్ నియమం )

టూర్మలైన్ వంటి కొన్ని స్ఫటికాలపై అన్హోలరైళ్జ్ లైట్ పడినప్పడు, ఎమర్జెంట్ లైట్ అనేబి స్ఫటికం యొక్క ఆప్టిక్ అక్షానికి సమాంతరంగా విద్యుత్ క్షేత్ర వైబ్రేషన్లతో ధ్రువపరచుడిన సమతలం. ధృవణకాంతి బిశలో మరొక క్రిస్టల్ ఉంచబడితే మరియు ఆ స్ఫటికం యొక్క ఆప్టిక్ అక్షం ధృవణబిశకు సమాంతరంగా ఉంటే, అప్పడు కాంతి దొని గుండొ వెళుతుంబి. అయితే, ఆప్టిక్ అక్షం ధృవణ బిశకు లంబంగా ఉంటే, అప్పడు కాంతి ఫూర్తిగా నిరోభించబడుతుంబి. ఇక్కడ మొదటి స్ఫటికాన్ని పోలరైజర్ అని మరియు రెండవ దొనిని ఎనలైజర్ అని అంటారు.

పోలరైజర్ మరియు ఎనలైజర్ యొక్క ఆస్టిక్ అక్షాల మధ్య కోణం heta అయితే, ఎనలైజర్ నుండి వెలువడే కాంతి తీవ్రత పోలరైజర్ మరియు ఎనలైజర్ యొక్క ఆస్టిక్ అక్షాల మధ్య కోణం యొక్క కొసైన్ వర్గొనికి అనులోహనుపాతంలో ఉంటుంబి.

పోలరైజర్ గుండొ వెళ్ళిన తర్వొత కాంతి తీవ్రత .I<sub>0</sub> అయితే, మలయు ధృవణకం మలయు ఎనలైజర్ యొక్క ఆప్టిక్ అక్షాల మధ్య కోణం θ అయితే, ఎనలైజర్ నుండి వెలువడే కాంతి తీవ్రత బీఐ ద్వొరొ ఇవ్వబడుతుంబ

$$I = I_0 \cos^2 \theta$$

బీఐనే మాలస్ ఐయమం అంటారు.

ఎందుకంటే స్ఫటికం యొక్క ఆస్టిక్ అక్షం వెంట ఉన్న పతన ధృవణ కాంతి యొక్క యాంప్లిట్వూడ్ యొక్క ఒక భాగం క్రిస్టల్ గుండా వెళుతుంబి. పతన ధృవణ కాంతి యొక్క యాంప్లిట్వూడ్  $a_o$  మలయు స్ఫటికం గుండా వెళ్ళిన తర్వొత యాంప్లిట్యూడ్ a అయితే, వొటి మధ్య సంబంధం ఇలా ఉంటుంబి.

 $a = a_o \cos \theta$ 

తీవ్రత యాంప్లిట్యూడ్ యొక్క వర్గం వలె మారుతా ఉంటుంది కాబట్టి,

 $I = I_0 \cos^2 \theta$ 

ఇక్కడ $I_o \propto a_o^2$ 

## 3.4 డౕబుల్ లఫ్రాక్షన్/చైలఫ్రింజెన్స్

పోలరైజ్డ్ కాంతి ఫుంజం కాల్చైట్ లేదొ క్వార్ట్ వంటి అనిసోట్రోపిక్ క్రిస్టల్పై పడినష్టుడు, కాంతి థృవణమవుతుంబి మరియు పరస్పరం లంబ ధ్రువణాలతో రెండు ప్లేన్ పోలరైజ్డ్ కిరణాలుగా విడిపోతుంబి. ఈ దృగ్విషయాన్ని డబుల్ రిఫ్రాక్షన్ లేదొ చైరిఫ్రింజెన్స్ అంటారు. రెండు కిరణాలను O-రే (Ordinary – ray) మరియు E-రే (extraordinary – ray) అని పిలుస్తారు, O-రే కు కాగితం యొక్క సమతలంకు లంబంగా మరియు E-రే కు, కాగితం యొక్క సమతలంలో వరుసగా విద్యుత్ క్షేత్ర వైబ్రేషన్లు ఉంటాయి.

law)

# 3.3 Polarization by refraction/selective absorption (Malus law)

When unpolarized light falls on certain crystals like tourmaline, the emergent light is plane polarized with electric field vibrations oriented parallel to the optic axis of the crystal. If another crystal is placed in the direction of the polarized light and if the optic axis of



that crystal is parallel to the direction of polarization, then the light will pass through. However, if the optic axis is perpendicular to the direction of polarization, then the light will be completely blocked. Here the first crystal is called the polarizer and the second one is called the analyzer.

If  $\theta$  is the angle between the optic axes of the polarizer and analyzer, then the intensity of light emerging out of the analyzer is proportional to the square of the cosine of the angle between the optic axes of polarizer and analyzer.

If  $I_0$  be the intensity of light after passing through the polarizer, and if  $\theta$  be the angle between the optic axes of polarizer and analyzer, then the intensity of light emerging out of analyzer is given by

$$I = I_0 \cos^2 \theta$$

This is known as the Malus law.

### 3.4 Double refraction/Birefringence



This is because a component of the amplitude of the incident polarized light along the optic axis of the crystal alone will be passed through the crystal. If  $a_o$  is the amplitude of incident polarized light and if a is the amplitude after passing through the crystal, then they are related by

$$a = a_o \cos \theta$$

Since intensity varies as square of amplitude,

$$I = I_0 \cos^2 \theta$$

Here  $I_o \propto a_o^2$ 

### 3.4 Double refraction/Birefringence



When a beam of unpolarized light falls on an anisotropic crystal such as calcite or quartz, the light polarizes and also splits into two plane polarized rays with mutually perpendicular polarizations. This phenomenon is known as double refraction or birefringence. The two rays are known as Ordinary - ray or O-ray, with electric field vibrations perpendicular to the plane of paper and the

extraordinary - ray or E-ray, with electric field vibrations on the plane of the paper respectively.

**Optic axis:** Any line that passes through the blunt corners of a birefringent crystal is known as optic axis. Any line parallel to that is also known as optic axis.



Fig: Optic axis

**Plane of polarization:** The plane perpendicular to the direction of propagation and the direction of oscillations of electric field vector is known as plane of polarization.



### **Principal section:**

Any plane containing the optic axis and perpendicular to a pair of opposite faces of the crystal is known as the principal section. The principal section of calcite is a parallelogram with angles  $71^{\circ}$  and  $109^{\circ}$ .



The refractive index of O-ray and E-ray in calcite is given by

$$\mu_o = \frac{\sin i}{\sin r_1}, \quad \mu_e = \frac{\sin i}{\sin r_2}$$

#### Positive crystal and negative crystal:

A birefringent crystal in which ordinary ray travels slower than the extraordinary ray is known as negative crystal. Eg: Calcite. For this crystal  $v_o < v_e$  or  $\mu_o > \mu_e$ .

A birefringent crystal in which ordinary ray travels faster than the extraordinary ray is known as positive crystal. Eg: Quartz. For this crystal  $v_o > v_e$  or  $\mu_o < \mu_e$ 



Along the optic axis of the crystal, both rays will travel with equal velocity. The wavefronts of O-ray and E-ray in both positive and negative crystal are as shown in the picture.

## 3.5 Nicol prism

Nicol prism is a device made from calcite crystal used to produce and analyze plane polarized light. It is designed in such a way that it transmits extraordinary ray and blocks the ordinary ray. It is developed by a Scottish physicist William Nicol in 1828.

Construction:

The principal section of the calcite crystal is cut into two along the optic axis and then joined with Canada balsam, an optical adhesive. The faces of the crystal are polished again to make the angle of the parallelogram from  $71^{\circ}$  to  $68^{\circ}$ . This is to ensure proper angle of incidence over the interface.



The refractive index of ordinary ray and extra ordinary ray in calcite for sodium yellow light 5893Å is given by

$$\mu_o = 1.6584$$
  
 $\mu_e = 1.4864$ 

The refractive index of canada balsam is given by  $\mu = 1.55$ 

Thus Canada balsam acts as denser medium for E-ray and rarer medium for O-ray. If the angle of incidence is managed to be **more** than the critical angle of O - ray, then it will be totally internally reflected.

The critical angle of O-ray is given by

$$\theta_c = \sin^{-1} \left[ \frac{1.55}{1.6584} \right] = 69.2^{\circ}$$

### 3.5 **నికోల్ ప్రిజం**

**ఆస్టిక్ అక్షం**:చైలెఫ్రింజెంట్ క్రిస్టల్ యొక్క మొద్దుబాలన మూలల గుండా వెళుతున్న విదైనా రేఖను ఆస్టిక్ యాక్సిస్ అంటారు. దాలకి సమాంతరంగా ఉండే విదైనా రేఖను కూడా ఆస్టిక్ యాక్సిస్ అలి అంటారు.

**ధృవణ సమతలం:**ఎలెక్ట్రిక్ ఫ్లీర్డ్ వెక్టర్ యొక్క ప్రసారం బిశ మలియు డోలనొల బిశకు లంబంగా ఉండే సమతలొన్ని ధృవణ సమతలం అంటారు.

**ప్రధాన విభాగం:** ఆస్టిక్ అక్షం మలయు క్రిస్టల్ యొక్క ఒక జత వ్యతిరేక ముఖాలకు లంబంగా ఉండే విదైనా సమతలం ప్రధాన విభాగంగా పిలువబడుతుంది. కాల్చైట్ యొక్క ప్రధాన విభాగం 71° మలయు 109° కోజాలతో సమాంతర చతుర్ళుజం.

కాల్చైట్లోని O-ray మలయు E-ray యొక్క లఫ్రాక్టీప్ ఇండెక్స్ ఇలా ఇవ్వబడింది

$$\mu_o = \frac{\sin i}{\sin r_1}, \quad \mu_e = \frac{\sin i}{\sin r_2}$$

### సానుకూల క్రిస్టల్ మరియు ప్రతికూల క్రిస్టల్:

అసాధారణ కిరణం కంటే సాధారణ కిరణం నెమ్మబగా ప్రయాణించే బైర్ఫ్రింజెంట్ క్రిస్టల్ ను నెగటిప్ క్రిస్టల్ అంటారు. ఉదా: కాల్రెట్. ఈ క్రిస్టల్ కోసం లేదా . $v_o < v_e \mu_o > \mu_e$ 

అసాధారణ కరణం కంటే సాధారణ కిరణం వేగంగా ప్రయాజించే బైర్ఫ్రింజెంట్ క్రిస్టల్సు పాజిటిప్ క్రిస్టల్ అంటారు. ఉదా: క్వార్ట్. ఈ క్రిస్టల్ కోసం లేదొ $v_o > v_e \mu_o < \mu_e$ 

క్రిస్టల్ యొక్క ఆస్టిక్ అక్షం వెంట, రెండు కిరణాలు సమాన వేగంతో ప్రయాణిస్తాయి. పాజిటిప్ మరియు నెగటిప్ క్రిస్టల్లో O-ray మరియు E-ray యొక్క వేప్ఈేంట్లు చిత్రంలో చూపిన విధంగా ఉన్నాయి.

### 3.5 నికోల్ ప్రిజం

నికోర్ ప్రిజం అనేది ప్లేన్ పోలరైళ్జ్ లైట్ను ఉత్పత్తి చేయడొనికి మరియు విశ్లే షించడొనికి ఉపయోగించే కాల్రైట్ క్రిస్టల్త్ తయారు చేయబడిన పరికరం. ఇది అసాధొరణ కిరణాలను ప్రసారం చేసే విథంగా మరియు సాధొరణ కిరణొన్ని నిరోభించే విథంగా రూపొందించబడింది. దీనిని 1828లో స్కాటిష్ భౌతిక శొస్త్రవేత్త విరియం నికోర్ అభివృద్ధి చేశారు.

စ္တတို့အဝ:

కాల్చైట్ స్ఫటికం యొక్క ప్రధాన విభాగం ఆస్టిక్ అక్షం వెంట రెండుగా కత్తిలించబడుతుంబి మలియు తరువాత కెనడొ ళాల్సమ్, ఆస్టికల్ అంటుకునేబి. నుండి సమాంతర చతుర్ళుజం యొక్క కోణాన్ని 71°, 68° చేయడొనికి క్రిస్టల్ ముఖాలు మళ్లీ పారిష్ చేయబడతాయి. ఇబి ఇంటర్ఫేస్పై సరైన పతన కోణాన్ని నిర్ధొలస్తుంబి. To make angle of incidence on Canada balsam more than this critical angle, the angle of calcite is grounded from  $71^{\circ}$  to  $68^{\circ}$  and length is made three times the height of the crystal.

## 3.6 Nicol prism as polarizer and analyser

Nicol prism can be used as both polarizer and analyser. When unpolarised light passes through Nicol prism, it produces plane polarized light. Thus it acts as a polarizer. When polarized light passes through a rotating Nicol, light intensity varies between zero and maximum. When the principal section of polarizer and analyser are aligned parallel, then the light will pass through. When the analyser Nicol is rotated further by 90°, light will be completely blocked. This orientation of the Nicol is called crossed Nicol.



(a) Production of plane polarised light



## 3.7 Quarter wave plate

A Quarter Wave plate (QWP) is a thin plate of birefringent crystal with its optic axis parallel to the refracting surface and thickness is adjusted in such a way that the O-ray and E-ray will attain a path difference of  $\lambda/4$  or a phase difference of 90°.

సోడియం పసుపు కాంతి 5893Å కోసం కాల్చైట్లోలి సాధారణ కిరణాలు మలయు అదనపు సాధారణ కిరణాల లఫ్రాక్టివ్ ఇండెక్స్ బిని ద్వారా ఇవ్వబడింబి

$$\mu_o = 1.6584$$
  
 $\mu_e = 1.4864$ 

కెనడొ బొల్సమ్ యొక్క లఫ్రాక్టీవ్ ఇండెక్స్ ఇలొ ఇవ్వటడింబి $\mu = 1.55$ అందువల్ల కెనడొ బొల్సమ్ E-రే కు దట్టమైన మాధ్యమంగా మలయు O-రేకు అరుదైన మాధ్యమంగా పలచేస్తుంబి. పతన కోణం క్లిష్టమైన కోణం కంటే ఎక్కువగా లర్వహించబడితే, అబి ఫూల్తిగా అంతర్గతంగా ప్రతిణంబస్తుంబి.

0-రే యొక్క క్లిష్టమైన కోణం ఇలా ఇవ్వబడింబి

$$\theta_c = \sin^{-1} \left[ \frac{1.55}{1.6584} \right] = 69.2^{\circ}$$

కెనడా బొల్సమ్పై ఈ క్లిష్ట కాణం కంటే ఎక్కువ పతన ల కాణాన్ని చేయడానికి, కాల్చైట్ కాణం 71° నుండి 68° కి అరగబియాడింబి. మరియు క్రిప్టల్ పొడవు ఎత్తుకు మాడు రెట్లు ఉంటుంబి.

## *3.6* పోలరైజర్ మలయు ఎనలైజర్గా నికోల్ ప్రిజం

నికోర్ ప్రిశిమ్ను పోలరైశిర్ మరియు ఎనరైశిర్గా ఉపయోగించవచ్చు. అన్ పోలరైశ్జ్ కాంతి నికోర్ ప్రిశిం గుండా వెళ్ళినష్పడు, అది ప్లేన్ పోలరైశ్జ్ కాంతిని ఉత్పత్తి చేస్తుంది. అందువలన ఇది పోలరైశర్గా పనిచేస్తుంది. ధ్రువణ కాంతి తిలిగే నికోర్ గుండా వెళుతున్నష్టుడు, కాంతి తీవ్రత సున్ని మరియు గరిష్టం మధ్య మారుతూ ఉంటుంది. పోలరైశిర్ మరియు ఎనలైశిర్ యొక్క ప్రధిన విభాగం సమాంతరంగా సమలేఖనం చేయుబడినష్పడు, కాంతి పొటి గుండా వెళుతుంది. ఎనలైశిర్ నికోర్ ను 90° తిప్పినష్పడు, కాంతి పూర్తిగా నిరోభించుడుతుంది. నికోర్ యొక్క ఈ అమలకని క్రాస్డ్ నికోర్ అంటారు.

## 3.7 క్వార్టర్ వేప్ ప్లేట్

క్వార్టర్ వేప్ ప్లేట్ (QWP) అనేఐ బైలెఫ్రింజెంట్ క్రిస్టల్ యొక్క పలుచల ప్లేట్, దొలి ఆస్టిక్ అక్షం వక్రీథవన ఉపలితలొలికి సమాంతరంగా ఉంటుంబి మలియు Ο-రే మలియు E-రేలు మార్గ వ్యత్సాసం λ/4 లేదొ 90° దశ వృత్యాసాల్ని పొందే విధంగా మందం సర్దుబొటు చేయుఒడుతుంబి.

ఒక ప్లేస్ పోలరైజ్జ్రవణ కాంతి చైలెఫ్రింజెంట్ క్రిస్టల్ప్ పడినప్పడు, Ο-రే మరియు E-రే వేరు చేయబడతాయి. అలాగే క్రిస్టల్ లోపల, Ο-రే మరియు E-రే ఆప్టిక్ అక్షం కాకుండా ఏ బిశిలో అయినొ వేర్వేరు వేగాలను కరిగి ఉంటాయి. స్ఫటికం యొక్క మందం చాలా సర్దుబాటు చేయబడింబ, Ο-రే మరియు E-రే స్ఫటికం నుండి బయటకు వచ్చే సమయానికి, అవి λ/4 మార్గ వ్యత్యాసం లేదొ 90° దశల వ్యత్యాసానికి లోనవుతాయి. కిరణాలు స్ఫటికం నుండి బయటకు వచ్చిన తర్వొత, రెండూ ఒకే వేగంతో ప్రయాణిస్తాయి. When a plane polarized light falls on the birefringent crystal, O-Ray and E-Ray will get separated. Also inside the crystal, O-Ray and E-Ray will have different velocities in any direction other than the optic axis. The thickness of the crystal is so adjusted that by the time O-Ray and E-Ray come out of the crystal, they undergo a path difference of  $\lambda/4$  or a phase difference of 90°. Once the rays come out of the crystal, both will travel with the same velocity.



The thickness of the plate is given by

$$|\mu_e - \mu_o| \times t = \frac{\lambda}{4}$$
 or  $t = \frac{\lambda}{4 \times |\mu_e - \mu_o|}$ 

The resultant polarization state of light when O-ray and E-ray with 90° phase difference get superimposed will be circular. Similarly when a circularly polarized light falls on a QWP, it becomes plane polarized. In the same manner if an elliptically polarized light falls on a QWP, it also becomes plane polarized.

## 3.8 Half wave plate

A Half Wave late (HWP) is a thin plate of birefringent crystal with its optic axis parallel to the refracting surface and thickness is adjusted in such a way that the O-ray and E-ray will attain a path difference of  $\lambda/2$  or a phase difference of 180°.

When a plane polarized light falls on the birefringent crystal, O-Ray and E-Ray will get separated. Further, inside the crystal O-Ray and

### 3.7 <mark>హాఫ్ పేప్ ప్లేట్</mark>

ప్లేట్ యొక్క మందం ఇలా ఇవ్వబడుతుంబ

$$|\mu_e - \mu_o| \times t = \frac{\lambda}{4}$$
 or  $t = \frac{\lambda}{4 \times |\mu_e - \mu_o|}$ 

O-ray మలయు E-ray మలయు E-ray దశల 90° భేదంతో సూపర్పోళ్ చేయబడినష్పడు ఫరితంగా వచ్చే కాంతి ధృవణ స్థితి వృత్తౌకారంగా ఉంటుంబి. అదేవిధంగా వృత్తౌకార ధృవణ కాంతి QWPపై పడినష్పడు, అబి సమతల ధృవణమవుతుంబి. అదే పద్ధతిలో బీర్షనృత్తౌకార ధృవణ కాంతి QWP మీద పడితే, అబి కూడా సమతల ధృవణమవుతుంబి.

## 3.7 హాఫ్ వేప్ ప్లేట్

హాఫ్ వేప్ లేట్ (HWP) అనేఐ వక్రీళవన ఉపలతలానికి సమాంతరంగా ఉన్న దొని ఆప్టిక్ అక్షంతో కూడిన ఛైలెఫ్రింజెంట్ క్రిస్టల్ యొక్క పలుచని ప్లేట్ మరియు Ο-రే మరియు E-రే మార్గ వ్యత్యాసం λ/2 లేదొ 180° దశ వ్యత్యాసాన్ని పొందే విధంగా మందం సర్దుబాటు చేయుబడుతుంది. యొక్క.

ఒక ప్లేస్ హాలర్రెజ్జ్రవణ కాంతి భైలెఫ్రింజెంట్ క్రిస్టల్ప్ పడినప్పుడు, Ο-రే మరియు E-రే వేరు చేయుఒడతాయి. ఇంకా, క్రిస్టల్ లోపల Ο-రే మరియు E-రే ఆష్టిక్ అక్రం కాకుండా వేరే దిశలో వేర్వేరు వేగాలను కరిగి ఉంటాయి. స్ఫటికం యొక్క మందం చాలా సర్దుచాటు చేయుఒడింది, Ο-రే మరియు E-రే స్ఫటికం నుండి బయటకు వచ్చే సమయానికి, అవి λ/2 మార్గ వ్యత్సాసం లేదా 180° దశల వ్యత్కాసానికి లోనవుతాయి. కిరణాలు స్ఫటికం నుండి బయటకు వచ్చిన తర్వాత, రెండూ మళ్లీ ఒకే వేగంతా ప్రయాజిస్తాయి.

ప్లేట్ యొక్క మందం ఇలా ఇవ్వబడుతుంది

$$|\mu_e - \mu_o| \times t = \frac{\lambda}{2}$$
 or  $t = \frac{\lambda}{2 \times |\mu_e - \mu_o|}$ 

O-ray మరియు E-ray 180° దశల వ్యత్యాసంతో సూపర్పోశ్ చేయబడినష్పడు ఫరితంగా వచ్చే కాంతి థృవణ స్థితి మళ్లే ప్లేన్ పోలరైళ్జ్ వుతుంబి. అదేవిథంగా వృత్తా కార థృవణ కాంతి HWPపై పడినష్పడు, అబ ఇప్పటికీ వృత్తా కార థ్రువణంగా ఉంటుంబి, కానీ ఎడమ మరియు కుడి థ్రువణాలు పరస్పరం మారతాయి. ఎరిష్టికల్ పోలరైళ్జ్ లైట్ విషయంలో కూడా ఇదే ఇదుగుతుంబి.

### 3.9 ధృవణ కాంతి ఉత్పత్తి మలియు గుల్తింపు

కాంతి కిరణాలకు ప్రాథమికంగా ప్లేస్ పోలరైజేషన్, సర్క్యులర్ పోలరైజేషన్ మరియు ఎరిప్టికల్ పోలరైజేషన్ అనే మాడు రకాల ధ్రువణాలు ఉన్నాయి.

### ష్లేస్ పోలరైశ్డ్ కాంతి:

నికోల్ ప్రిజం సమతలం ద్వోరొ ధ్రువపరచుడని కాంతిని పంపినప్పడు ధృవణ కాంతి ఉత్పత్తి అవుతుంది.

ప్లేస్ పోలరైశ్జ్ కాంతిని తిలిగే నికోల్ గుండొ పంపినష్టుడు, అబి సున్నొకి సమానమైన కనిష్ట తీవ్రతతో గలిష్ట మరియు కనిష్ట మధ్య తీవ్రత వైబిధ్యాన్ని ఉత్పత్తి చేస్తుంబి. E-Ray will have different velocities in a direction other than the optic axis. The thickness of the crystal is so adjusted that by the time O-Ray and E-Ray come out of the crystal, they undergo a path difference of  $\lambda/2$  or a phase difference of 180°. Once the rays come out of the crystal, both will again travel with the same velocity.



The thickness of the plate is given by

$$|\mu_e - \mu_o| \times t = \frac{\lambda}{2}$$
 or  $t = \frac{\lambda}{2 \times |\mu_e - \mu_o|}$ 

The resultant polarization state of light when O-ray and E-ray with 180° phase difference get superimposed will be again plane polarized. Similarly when a circularly polarized light falls on a HWP, it will be still circularly polarized but left and right polarizations get interchanged. Similar is the case with the elliptically polarized light.

# 3.9 Production and detection of Polarized light

There are basically three types of polarizations for light rays namely plane polarization, circular polarization and elliptical polarization.

### Plane polarized light:

When an unpolarised light is passed through Nicol prism plane polarized light is produced.

### 3.10 ఆప్టికల్ యాక్టీవిటీ

#### వృత్తౌకార ధృవణ కాంతి:

రెండు సమతల ధృవణ కాంతి కిరణాలు సమాన వ్యాప్తితో π/2 ఒక దశ వ్యత్వాసంతో సూపర్కోస్ చేసినప్పడు, వృత్తొకార ధృవణ కాంతి ఉత్పత్తి అవుతుంబి.

ఒక ప్లేస్ పోలరైళ్జ్ కాంతి దొని ఆఫ్టిక్ అక్షం సాధారణ పతన పుంజంతో క్వార్టర్ వేప్ ప్లేట్ గుండొ వెళుతున్నప్పడు, వృత్తాకార ధృవణ కాంతి ఉత్పత్తి అవుతుంది.

వృత్తాకార ధృవణ కాంతి QWP గుండొ వెళుతున్నప్పడు, ఐకోల్ఐ తిలగేటప్పడు, QWP తర్వొత ప్లేన్ పోలరైళ్జ్ లైట్ ఉత్పత్తి అఫుతుంబ మలయు ఐకోల్ఐ తిప్పిన తర్వొత, ఇబ కఐష్ట తీప్రత సున్నాతో తీప్రత వైవిధ్యొబ్న ఉత్పత్తి చేస్తుంబి.

### బీర్ఘవృత్తౌ కార ధృవణ కాంతి:

ఎరిష్టికల్గా పోలరైళ్ల్ లైట్ రెండు ప్లేన్ పోలరైళ్ల్ లైట్లు అసుమాన వ్వొష్తితో, <del>"</del> కాకుండొ వేరే దశ తేడొతో సూపర్ఇంపోజ్ అయినప్పడు ఉత్పక్తి అవుతుంబ. ,

ధ్భవణ కాంతి QWPపై దొని ఆఫ్టిక్ అక్షం పతన తలానికి సమాంతరంగా లేనష్పుడు, అబ π/2 కాకుండొ ఇతర దశల వ్యత్యాసాన్ని పరిచయం చేస్తుంబి. ఇక్కడ ఓరియంటేషన్ తేడొల కారణంగా O-ray మరియు E-ray యొక్క యాంప్లిట్వుడ్ అసమానంగా ఉంటుంబి. అందువలన ఇబి బీర్షవృత్తై కార ధృవణ కాంతిని ఉత్పత్తి చేస్తుంబి.

ఎరిష్టికల్ హాలరైజ్డ్ లైట్ ఫ్రమణ నికోల్ గుండొ వెళుతున్నష్పుడు కనిష్టంగా నొన్ శీరోతో తీవ్రతలో వైవిధ్యొన్ని ఉత్పత్తి చేస్తుంది. తిరిగే నికోల్ గుండొ వెళుతున్నష్పుడు పాక్షికంగా ధృవణ కాంతి కూడొ ఇలొంటి ప్రభాపొన్ని ఉత్పత్తి చేస్తుంది. అస్పష్టతను నిపొరించడొనికి, కాంతి మొదట QWP ద్వార్ పంపబడుతుంది. అష్పడు అది ప్లేన్ పోలరైజ్డ్ లైట్గా మార్చ బడుతుంది. అష్పడు అది తిరిగే నికోల్ గుండొ వెళితే, కనిష్టంగా సున్నొతో తీవ్రతలో వైవిధ్యం గమనించవచ్చు. పాక్షికంగా ధృవణ కాంతి QWP గుండొ వెళ్ళిన తర్వొత నికోల్ ని తిచ్చడం ద్వార్ తీవ్రతలో వైవిధ్యా నిష్టాన్ని కూడొ చూపుతుంది. కానీ ఈ సందర్భంలో కనీస సున్నొ ఉండదు.

## 3.10 ఆప్టికల్ యాక్టీవిటీ

ఆస్టికల్ రొటేషన్ లేదా వృత్తా కార చైలెఫ్రింజెన్స్ లేదా పోలరైజేషన్ రొటేషన్ అనేది ప్లేన్ పోలరైజ్డ్ లైట్ కొల్ని పదొర్థాల గుండా వెళుతున్నష్టుడు ధృవణ అక్షం యొక్క విన్ఫోసాల్ని ళ్రమణం చేసే దృ్యాషయం. ళ్రమణ దిశపై ఆధారపడి, పదార్థాలు డెక్ట్రై-రొటేటరీ (డి-రొటేటరీ) మరియు లెవో-రొటేటరీ (ఎల్-రొటేటరీ) అనే రెండు రకాలుగా వర్గికలంచుుడ్డాయి.

వృత్తా కార డైక్రోయిజం అనేబి వృత్తా కార థృవణ కాంతి కోసం డైక్రోయిజం యొక్క డిస్ట్రే . డైక్రోయిజం అనేబి సెలెక్టిప్ శోషణ దృగ్విషయం, బీనిలో వివిధ ధృవణ స్థితులతో కాంతి కిరణాలు పొటి తరంగదైర్హ్యం ఆధారంగా కాంతి కిరణాల విభజనను ఉత్పత్తి చేయడొనికి వివిధ రేట్ల వద్ద శోషించుడతాయి. ఇబి పక్రీళవనం అంతల్లిన దృగ్విషయంగా ఉన్న డిస్పర్షన్ ప్రక్రియితో గందరగోళం చెందకూడదు. డిజిటల్ క్యామ్కార్డర్లలో RBG రంగులను వేరు చేయడొనికి డైక్రోయిక్ ప్రిజమ్లలను ప్రముఖంగా ఉపయోగిస్తారు. ఈ రోజుల్లో RBG విభజన కోసం బేయర్ ఫిల్టర్ వంటి మలిన్ని ఎంపికలు ఉన్నాయి.

వృత్తాకార డైక్రోయిజం మలియు వృత్తాకార భైర్ఫొంగెన్స్ అనేబి పదొర్థం యొక్క ఆప్టికల్ యాక్టీవిటీల వ్యక్తపలచే రెండు దృగ్విషయాలు. When the plane polarized light is passed through a rotating Nicol, it produces an intensity variation between a maximum and minimum with minimum intensity equal to zero.

### Circularly polarized light:

When two plane polarized light rays with equal amplitudes superimpose with a phase difference of  $\pi/2$ , circularly polarized light is produced.

When a plane polarized light passes through a quarter wave plate with its optic axis normal to incident beam, circularly polarized light is generated.

When circularly polarized light passes through a QWP followed by rotating Nicol, plane polarized light is generated after QWP and after rotating Nicol, it produces an intensity variation with minimum intensity being zero.

### Elliptically polarized light:

Elliptically polarized light is produced when two plane polarized lights with unequal amplitudes, but with a phase difference other than  $\frac{\pi}{2}$ , superimpose.

When polarized light falls on a QWP with its optic axis not parallel to plane of incidence, then it introduces a phase difference of other than  $\pi/2$ . Here amplitudes of O-ray and E-ray will be unequal due to orientation differences. Thus it produces elliptically polarized light.

Elliptically polarized light produces a variation in intensity with nonzero minimum when passed through rotating Nicol. Partially polarized light also produces similar effect when passed through rotating Nicol. To avoid the ambiguity, the light is first passed through QWP. Then it is converted into plane polarized light. Then if it is passed through rotating Nicol, a variation in intensity is observed with minimum being zero. Partially polarized light will also show a variation in intensity after passing through QWP followed by rotating Nicol. But the minimum in this case will not be zero.

## 3.10 Optical activity

Optical rotation or circular birefringence or polarization rotation is the phenomenon of rotation of orientation of axis of polarization when plane polarized light passes through certain materials.

Depending on the direction of rotation, the materials are classified into two types namely Dextro-Rotatory (d-rotatory) and Levo-Rotatory (L-Rotatory).

Circular dichroism is the exhibition of dichroism for circularly polarized light. Dichroism is a selective absorption phenomenon in which light rays with different polarization states will be absorbed at different rates to produce a separation of light rays, based on their wavelength.

This should not be confused with the dispersion process where refraction is the underlying phenomenon.

Dichroic prisms are popularly used to separate RBG colors in digital camcorders. Nowadays there are more options for the RBG separation, such as the Bayer filter.

Circular dichroism and circular birefringence are the two phenomena that manifest the optical activity of the material.

## 3.11 Laurent's half shade Polarimeter

Polarimeter is a setup used to study the specific rotation of solid and liquid samples. Laurent half shade Polarimeter is specifically designed for the measurement of specific rotation effects in liquid samples.

The setup consists of a monochromatic light source. The light rays from the source are made parallel by using a convex lens.




Further plane polarized light is generated by passing it through a Nicol prism.

There exists another Nicol prism which acts as the analyser. The sample to be studied is kept in between the two Nicols and the angle of rotation for complete cross configuration with and without sample is measured on a circular scale. The difference is a measure of the specific rotation of the given sample.

The sample is placed in a glass tube with plane glass plate enclosures. The centre of the glass tube is made bulgy to avoid any air bubbles in the path of the light rays.

The problem with this setup without half shade device is in the ambiguity in identifying the perfect cross configuration of the two Nicols. i.e.; one can't exactly identify the perfect darkness orientation of the two Nicols.

Half shade device overcomes this difficulty. The device consists of a combination of normal glass (ODC) and quartz glass (OBC) cut in two half circles and joined together to form a circular disk. Here the quartz half disk acts as a half wave plate.



Fig: half shade device.

When a plane polarized light falls on the half shade device with axis of polarization oriented at some angle, say along OP, glass plate allows it directly and the quartz plate flips the E-ray by 180°. Thus the OM component flips to ON. In other words the vector OP flips to OR.

## 3.11 లారెంట్ హాఫ్ షేడ్ పోలారిమీటర్

## 3.11 లొరెంట్ హాఫ్ షేడ్ పోలాలమీటర్

పొలొలమీటర్ అనేఐ ఘన మలయు ద్రవ నమానాల నిర్దిష్ట ఛ్రమణాన్ని అధ్యయనం చేయడొనికి ఉపయోగించే సెటప్. లొరెంట్ హాఫ్ షేడ్ పోలాలమీటర్ ప్రత్యేకంగా ద్రవ నమానాలలో నిర్దిష్ట ఛ్రమణ ప్రభావాలను కొలవడానికి రూపొంబించబడింబి.

సెటప్లో హెనోక్రోమటిక్ లైట్ సోర్స్ ఉంటుంది. మాలం నుండి కాంతి కిరణాలు ఒక కుంభాకార లెన్స్ ఉపయోగించి సమాంతరంగా తయారు చేయబడతాయి.

నికోల్ ప్రిజం గుండొ ప్రసలించడం ద్వొరొ మలింత సమతల ధృవణ కాంతి ఉత్పత్తి అవుతుంది.

విశ్లే షకుడిగా పనిచేసే మరో నికోల్ ప్రిశిం ఉంబి. అధ్యయనం చేయవలసిన నమానొ రెండు నికోల్స్ మధ్య ఉంచుుడుతుంబి మరియు నమానొతో మరియు లేకుండొ ఫూర్తి క్రాస్ కాన్ఫిగరే షన్ కోసం భ్రమణ కోణం వృత్తై కార స్కేల్ లో కొలుస్తారు. వ్యత్యాసం ఇచ్చిన నమానొ యొక్క నిర్దిష్ట ఫ్రమణ కొలత అవుతుంది.

నమూనొ గ్లాస్ ట్యూబ్ లో స్లేన్ గ్లాస్ ప్లేట్ ఎన్క్లోజర్లతో ఉంచుుడుతుంది. కాంతి కిరణాల మార్గంలో గాలి బుడగలు పడకుండా ఉండటానికి గాజ గొట్టం మధ్యలో ఉచ్చెత్తుగా తయారు చేయబడింది.

హాఫ్ షేడ్ పలకరం లేఐ ఈ సెటప్*తో* సమస్య రెండు ఐకోల్స్ యొక్క ఖచ్చితమైన క్రాస్ కాబ్ఫగరేషన్న్ గుల్తించడంలో అస్పష్టంగా ఉంబి. అనగా; రెండు ఐకోల్స్ యొక్క ఖచ్చితమైన చీకటి ధోరణిఐ ఖచ్చితంగా గుల్తించలేము.

హాఫ్ షేడ్ పలకరం ఈ కష్టాన్ని అభిగమిస్తుంబి. పలకరం సాథారణ గాజ (ODC) మలయు క్వార్ట్ గ్లాస్ (OBC) కలయికను రెండు సగం వృత్తాలుగా కట్ చేసి, ఒక వృత్తాకార డిస్కేను పిర్పరుస్తుంబి. ఇక్కడ క్వార్ట్ హాఫ్ డిస్క్ హాఫ్ వేప్ ప్లేట్గా పలిచేస్తుంబి.

ఒక ప్లేన్ పోలరైళ్జ్ లైట్ *OP* ధృవణ అక్షంతా ఏదో ఒక కోణంలో హాఫ్ షేడ్ డివైస్పై పడినప్పుడు, , గ్లాస్ ప్లేట్ దొలల నేరుగా అనుమతిస్తుంబ మలయు క్వార్ట్ ప్లేట్ E-రేల 180° తిష్పతుంబి. ఆ విధంగా *OM భా*గం *ON* కు తిష్పబడుతుంబి. మరో మాటలో చెప్పాలంటే, *OP* వెక్టర్ *OR* కు తిష్పబడుతుంబి.

ఎనలైజర్ *OP* బశలో ఓలయెంబెడ్ అయితే, గ్లాస్ ప్లేట్ ముదురు రంగులో కలిపిస్తుంబి మలయు ఎనలైజర్ *OR* బశలో ఉంటే క్వార్ట్ ప్లేట్ చికటిగా కలిపిస్తుంబి.

గ్లాస్ సగం మరియు క్వార్ట్ సగం రెండూ సమానమైన ప్రకాశంతో ప్రత్యక్షమైన కాంతి యొక్క ధృవణ సమతలం 0A దిశలో ఉన్నప్పడే కఐపిస్తాయి.

గ్లాస్ హాఫ్ సల్కెల్ మలయు క్వార్ట్ హాఫ్ సల్కెల్ యొక్క సమాన ప్రకాశాన్ని అంబించిన ప్లేన్ పోలరైళ్జ్ కాంతి యొక్క ధృవణ అక్షం యొక్క విన్యోసాన్ని మరింత ప్రభావవంతంగా గుల్తించడం.

అందువల్ల ఎనలైజర్ నికోల్ హాఫ్ షేడ్ పలకరం యొక్క వికరితి ప్రకాశం దిశలో లేకుండొ మలయు ఆపై నమానొతో ఉంటుంది. ళ్రమణ కోణంలో వ్యత్యాసం ఇచ్చిన నమానొ ద్వొరొ ఉత్పత్తి చేయబడిన ళ్రమణ కోణం. If the analyser is oriented along *OP*, glass plate will appear dark and if the analyser is oriented along *OR*, the quartz plate appears dark.

Both glass half and Quartz half will appear with equal brightness only when the plane of polarization of the incident light is along *OA*.

Equal brightness of glass half circle and quartz half circle is a more effective identification of orientation of axis of polarization of the given plane polarized light.

Thus the analyser Nicol is oriented along the direction of uniform brightness of the half shade device without and then with sample. The difference in angle of rotation is the angle of rotation produced by the given sample.

The angle of optical rotation produced by the given sample is proportional to the concentration C of the sample and the length L of the tube in which the sample is kept.

Thus

$$\theta \propto C$$
 and  $\theta \propto L$ 

Or

$$\theta \propto LC \Rightarrow \theta = SLC$$

Here S is the specific rotation of the given sample. Specific rotation is the amount of optical rotation produced by the given sample for 1 unit concentration of the sample and 1 unit length of the sample carrying tube. Thus,

$$S = \frac{\theta}{LC}$$

This is when *L* is measured in centimeters and *C* is measured in  $gm/cm^3$ . If the length is measured in decimetres (1dm = 10cm) then the equation changes to

$$S = \frac{10\theta}{LC}$$

## 3.12 LCD యొక్క ప్రాథమిక సూత్రం

ఇచ్చిన నమానొ ద్వొరొ ఉత్పత్తి చేయబడిన ఆస్టికల్ ఫ్రమణ కోణం నమానొ యొక్క సాంద్రత C మలయు నమానొ ఉంచబడిన ట్యూబ్ యొక్క పొడవు L8 అనులోమానుపాతంలో ఉంటుంది.

ఈ విధంగా

 $\theta \propto C$  and  $\theta \propto L$ 

ව්කි

$$\theta \propto LC \Rightarrow \theta = SLC$$

ఇచ్చిన నమానా యొక్క నిర్దిష్ట ఛ్రమణం S ఇక్కడ ఉంది. నిర్దిష్ట ఛ్రమణ అనేది నమానా యొక్క 1 యూనిట్ సాంద్రత మరియు నమానా హెసే ట్యూబ్ యొక్క 1 యూనిట్ పొడవు కోసం ఇచ్చిన నమానా ద్వారా ఉత్పత్తి చేయబడిన ఆష్టికల్ రొటేషన్ మొత్తం. ఈ విధంగా,

$$S = \frac{\theta}{LC}$$

ఇఐ L సెంటీమీటర్లలో మలయు C ఐ gm/cm<sup>3 లో</sup> కౌరిచినప్పడు మాత్రమే. ఒకవేళ. పొడవును డెసిమీటర్లలో కౌలస్తే అప్పడు సమీకరణం ఇలా మారుతుంబ(1dm = 10cm)

$$S = \frac{10\theta}{LC}$$

## 3.12 LCD యొక్క ప్రాథమిక సూత్రం

రిక్విడ్ స్ఫటికాలు పొడవైన సేంబ్రీయ చైన్ పారిమర్ పదార్థాలు, ఇవి ద్రవ స్థితిలో కూడా వొటి స్ఫటికాకార క్రమాన్ని ఉంచుతాయి. బీనికి కారణం వొరి పొడవైన గొలుసు నిర్కొణాలు. విద్యుత్ క్షేత్రొన్ని ఉపయోగించడం ద్వొరొ స్ఫటికాల విన్యోసాన్ని నియంత్రించవచ్చు.

రిక్విడ్ క్రిస్టర్ డెస్ట్రే (LCD) దిగువ సబ్స్ట్రేట్ స్థాయిలో కాంతి మూలొన్ని కరిగి ఉంటుంది, దొని తర్వొత ధృవణ పడపోత ఉంటుంది. ఆ పైన ద్రవ స్ఫటికాలు గాజి పలకల మధ్య ఉంచబడతాయి.

ద్రవ స్ఫటికాల శ్రే జి పైన, పారదర్శక ఎలక్ట్రెడ్ లతో కూడిన గాజ షీట్ ఉంచుుడుతుంది. ఎలక్ట్రెడ్ల ఆకారం ప్రదల్శంచుణే అక్షరొల ఆకారొల్ని లర్థయిస్తుంది.

ఎలక్ట్రోడ్ గ్లాస్ ప్లేట్ మరొక ధృవణ వడపోతతో కప్పబడి ఉంటుంబి. ఎలక్ట్రొడ్ లకు వర్తించే విద్యుత్ క్లేత్రం లేనష్పడు, ద్రవ స్ఫటికాలు ఎటువంటి అవరోధం లేకుండొ మాలం నుండి పైభాగంలోని వడపోత పోరకు కాంతిని పంపే విధంగా ఉంటాయి.

ఎలక్ట్రోడ్**లకు వి**ద్యుత్ క్షేత్రొన్ని వర్తింపజేసినష్పడు, ద్రవ స్ఫటికాలు వొటి థోరణిని మారుస్తాయి, తద్వొరొ విద్యుత్ క్షేత్రం వర్తించే నమానొ వెంట కాంతి నిరోభించబడుతుంది.

చ్వొక్ లైట్ అంబించని సాధారణ LCDల కోసం, నిగువ పొరలో పరొవర్తన పదార్థం ఉంటుంది. పై పొర నుండి బొహ్వ కాంతి నిగువ పొరకు చేరుకుంటుంబి మరియు ఎలక్ట్రొడ్ లకు విద్యుత్ క్షేత్రం లేనష్టుడు ఎటువంటి అవరోథం లేకుండొ తిరిగి ప్రతిఇంఐస్తుంది. ఎలక్ట్రొడ్ లకు విద్యుత్ క్షేత్రాన్ని వర్తింపజేసినష్టుడు, ద్రవ స్ఫటికాల విశలో మార్పు కారణంగా కాంతికి ఆటంకం ఏర్పడుతుంది.

## 3.12 Basic principle of LCD

Liquid crystals are the organic long chain polymer materials that keep their crystalline order even in liquid state. This is because of their long chain structures. The orientation of the crystals can be controlled by using electric field.

The Liquid Crystal Display (LCD) consists of a light source at the bottom substrate level followed by a polarizing filter. Above that the liquid crystals are kept enclosed in between glass plates.

Above the liquid crystals array, a glass sheet with transparent electrodes is kept. The shape of the electrodes decide the shape of the letters to be displayed.

The electrodes glass plate is covered by another polarizing filter. In the absence of the electric field applied to the electrodes, liquid crystals are oriented in such a way that the light passes from the source to the topmost filter layer without any obstruction.

When electric field is applied to the electrodes, liquid crystals change their orientation so that the light will be blocked along the pattern where electric field is applied.

For normal LCDs where back light is not provided, the bottom layer consists of a reflecting material. External light from the top layer reaches the bottom layer and reflects back without any obstruction in the absence of the electric field to the electrodes. When electric field is applied to the electrodes, light will be obstructed due to the change in orientation of the liquid crystals.



**Fig: Structure of LCD** 

## Solved Problems

1. A beam of unpolarized light of intensity  $I_0$  falls on a system of four identical linear polarizers placed in a line as shown in figure. The transmission axes of any two successive polarizers make an angle of  $30^0$  with each other. If the transmitted light has intensity I, the ratio  $\frac{I}{r}$  is



IITJAM 2020

a)  $\frac{81}{256}$  b) $\frac{9}{16}$  c) $\frac{27}{64}$  d) $\frac{27}{128}$ 

Ans. : (d)

Solution:  $I_1 = \frac{I_0}{2}$ ,  $I_2 = \frac{I_0}{2} \cos^2 30^0$ ,  $I_3 = I_2 \cos^2 30^0 = \frac{I_0}{2} \cos^4 30^0$ 

$$I_4 = I_3 \cos^2 30^0 = \frac{I_0}{2} \cos^6 30^0 = \frac{I_0}{2} \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^6 = \frac{27}{128} I_0$$

2. Consider a retarder with refractive indices  $n_e = 1.551$  and  $1n_0 = 1.542$  along the extraordinary and ordinary axes, respectively. The thickness of this retarder for which a left circularly polarized light of wavelength 600nm will be converted into a right circularly polarized light is \_\_\_\_\_ µm. (Round off to 2 decimal place) IITJAM 2020

Ans : 33.3

Solution:  $(n_e - n_0)t = \frac{\lambda}{2} => t = \frac{\lambda}{2(n_e - n_0)} = \frac{600 \times 10^{-9}}{2(1.551 - 1.542)}m$  $\Rightarrow t = 33.33 \mu m$ 

**3.** A beam of light travelling horizontally consists of an unpolarized component with intensity  $I_0$  and a polarized component with intensity  $I_p$ . The plane of polarization is

oriented at an angle  $\theta$  with respect to the vertical. The figure  $I_{total}(W/m^2)$ 



shows the total intensity  $I_{total}$  after the light passes through a polarizer as a function of the angle  $\alpha$ , that the axis of the polarizer makes with respect to the vertical. Identify the correct statements(s)

a)  $\theta = 125^{0}$  b)  $I_{p} = \frac{5W}{m^{2}}$  c)  $I_{0} = 17.5W/m^{2}$ d)  $I_{0} = 10W/m^{2}$ ,  $I_{p} = 20W/m^{2}$ IITJAM 2021

Ans: d Sol:  $I_{total} = \frac{I_0}{2} + I_p \cos^2 \theta$ ,  $I_{min} = \frac{I_0}{2} = 5W/m^2 \implies I_0 = 10W/m^2$  $I_{max} = \frac{I_0}{2} + I_p = 25 \implies I_p = 20W/m^2$ 

4. Unpolarized light is incident on a calcite plate at an angle of incidence  $50^{\circ}$  as shown in figure. Take  $n_{\circ} = 1.6584$  and  $n_{e} = 1.4864$  for calcite. Find the angular separation between the two emerging rays within the plate.



## Solved Problems

Solution: Inside the crystal, incident light split into two components, ordinary ray and extraordinary ray

Using snell's law, we can obtain,

Angle refraction for ordinary ray  $r_0 = \sin^{-1} [\sin 50^0/n_e] = \sin^{-1} [0.766/1.6584] = 27.51^0$ 

Angle of refraction for extra ordinary ray  $r_e$  =  $sin^{\text{-}1}$  [sin  $50^0/n_0$ ] =  $sin^{\text{-}1}$  [0.766/1.4864] =  $31.02^0$ 

Thus, the angular separation between the o-ray and e-ray is  $\ r_{e}$  -  $r_{o}$  =3.51 $^{\rm 0}$ 

- 5. In the optical arrangement as shown below, the axes of two polarizing sheets P and Q are oriented such that no light is detected. Now when a third polarizing sheet R is placed between P and Q, then light is detected. Which of the following statements are true?
  - a. Polarization axes of P and Q are perpendicular to each other
  - b. Polarization axes of R is not parallel to P
  - c. Polarization axes of R is not parallel to Q
  - d. Polarization axes of P and Q are parallel to each other

Ans: a, b and c

Sol: From Malu's law

I =  $I_{\rm o}/2\ cos^2 t\,$  where t is angle between polarization axis of P and Q

Given no light is detected in detector. ie I = 0 => t=  $90^{\circ}$  Option a is correct

Now, If R is introduced between P and Q making an angle  $t_1$  w.r.t to polarization axis of P, then  $90^0$ -  $t_1$  is w.r.t to Q

 $\Rightarrow I = I_0/2 \cos^2 t_1 \cos^2 (90^0 - t_1)$ 

Given now light is detected in detector ie neither  $t_1$  =zero nor  $t_1$  = 90° Hence option b and c also correct

6. Three polarizers P , Q and R are placed parallel to each other with their planes



perpendicular to the z -axis. Q is placed between P and R . Initially the polarizing

directions of P and Q are parallel, but that of R is perpendicular to them. In this

arrangement when unpolaized light of intensity IO is incident on P , the intensity coming

out of R is zero. The polarizer Q is now rotated about the z - axis. As a function of angle

of rotation, the intensity of light coming out of R is best represented by  $% \mathcal{R}$  .





a.

c.



d. None

Solution:  $I_1 = \frac{I_0}{2}$ 

$$I_2 = \frac{I_0}{2} \cos^2 \theta$$

$$I_3 = \frac{I_0}{2} \cos^2 \theta \cos^2 (90 - \theta)$$

$$\theta = 0 \rightarrow I_3 = 0$$

$$\theta = 45 \rightarrow I_3 = \frac{I_0}{2} \cos^2 45 \cos^2 45$$

$$\theta = 90^0 \rightarrow I_3 = 0$$



Ans: b

7. A quarter-wave plate is placed in between a polarizer and a photo-director. When the optic axis of the quarter-wave plate is kept initially parallel to the pass axis of the

polarizer and perpendicular to the direction of light propagation. The intensity of light passing through the quarter-wave plate is measured to be I0(see figure). If the quarter wave plate is now rotated by 450 about an axis parallel to the light propagation, what would be the intensity of the emergent light measured by the photo-director?



(d)  $I_0$ 

(a)  $\frac{I_o}{\sqrt{2}}$ 

(b)  $\frac{I_0}{2}$ 



Ans: d

IITJAM 2021

After passing through QWP plane polarized light of intensity will convert into circularly polarized with intensity  $I_{\rm 0}$ 

8. Unpolarized light of intensity  $I_0$  passes through a polarizer  $P_1$ . The light coming out of the polarizer falls on a quarter wave plate with its optical axis at  $45^0$  with respect to the polarization axis of  $P_1$  and then passes through another polarizer  $P_2$  with its polarization axis perpendicular to that of  $P_1.$  The intensity of light coming out of  $P_2$  is I. Find the ratio of I and  $I_0$ 

Ans: 4

Solution:



After P2, the intensity using Malu's law,  $I = I_0/4 \sin^2(2t)$ 

When  $t = 45^{\circ}$ 

 $\Rightarrow$  I = I<sub>0</sub>/4

9. Which of the following arrangement of optical components can be used to distinguish between an unpolarized light and a





circularly polarized light?



Solution: In the option a and b , out put will be linearly polarized for both. So we can not use this configuration

And in option c, output will be linearly polarized of constant intensity if input is unpolarized where as linearly polarized of varying intensity from zero to maximum if input is circularly polarized. Hence option c is correct

10. The plan of polarization of a plane polarized light rotates by 60° after passing through a wave plate. The pass axis of the wave plate is at an angle t w.r.t. plane of polarization of the incident light. The wave plate and t are **MCOs** 

a) 
$$\lambda/4$$
,  $60^{\circ}$  b)  $\lambda/2$ ,  $30^{\circ}$  d)  $\lambda/4$ ,  $30^{\circ}$ 

c)  $\lambda/2$ , 120<sup>0</sup>

Ans: b

Solution: When plane polarized light is incident on the  $\pi/4$  plate, it converts it into circularly polarized light, where as the  $\pi/2$  plate rotates by an angle 2t

Hence  $2t = 60^\circ = >t = 30^\circ$ 

## **MCOs**

1. Consider a beam of light of wavelength  $\lambda$  incident on a system of a polarizer and an analyzer. The analyzer is oriented at 45° to the polarizer. When an optical component is introduced between them, the output intensity becomes zero. (Light is incident normally on all components). The optical component is

(a) a full-wave plate (b) a half-wave plate

(c) a quarter-wave plate plate

(d)an ordinary glass

Ans.: (b)

2. A beam of unpolarized light incident on a reflecting surface at the Brewster angle. Which of the following statements is correct?

A. The reflected light is partially polarized perpendicular to the plane of incidence.

B. The reflected light is 100% polarized perpendicular to the plane of incidence.

C. The transmitted light is 100% polarized perpendicular to the plane of incident

D. The transmitted light is partially polarized perpendicular to the plane of incidence.

HCU 2021

### Ans:B

3. The State of polarization of the wave  $\vec{E} = E_0 sin(\omega t - kz)\hat{\imath} + E_0 sin(\omega t - kz - \frac{\pi}{4})\hat{\jmath}$  is

A)Circular 45° with X-axis and clockwise rotating

B) Elliptical 45° with X-axis and clockwise rotating

- C) Circular 45° with X-axis and counter-clockwise rotating
- D) Elliptical 45° with X-axis and counter clockwise rotating

HCU 2021

Ans:D

- 4. The thickness of a zero order half-wave plate made using a material with a difference of 0.2 between the extraordinary and ordinary refractive indices for a light of 600 nm is (in  $\mu m$ )
- A. 6.0 B. 3.0 c. 1.5 D. 1.2

HCU 2021

#### Ans:C

5. Unpolarized light is incident on a polarizer, followed by a half wave plate and then a quarter wave plate. If the axes of all these optical components arc parallel to each other, the output light is

A. linearly polarized.	В.
C. circularly polarized.	D.
unpolarized	

HCU 2020

 Ordinary and extraordinary refractive indices of a calcite crystal respectively are 1.658 and 1.486. The thickness of this crystal, required to convert linearly polarized light at 589 nm to circularly polarized light, is a .0.86 μm 0.76. μm d. 0.66 μm

HCU 2020

c.

7. If the polarizer and Analyzer are at an angle of  $45^{\circ}c$  to each other, the intensity of the outcoming beam is

a)  $I = \frac{I_0}{4}$  b)  $I = \frac{I_0}{\sqrt{2}}$  c)  $I = \frac{I_0}{2}$  d)  $I = I_0$ AUCET 2020

b. 0.96 μm

8. Polarization of light conclusively proves that

a) light waves are longitudinal	b) light waves are
transverse	

c) light waves are stationery d) light waves are longitudinal and transverse

AUCET 2020

9. For a quartz  $\mu_Q = 1.533$  and for  $\lambda = 4000A$  then the thickness of the halfwave plate should be a)  $0.5 \ge 10^{-4}$  cm b) 1 cm c = 0.1 cm d) 1

**MCOs** 

AUCET 2020

10. To convert elliptically polarized light into circularly polarized light, we must use

a) two quarter wave plates c) one quartz wave plate and one half wave plate

b) one quarter wave plate. d) two half wave plates.

#### AUCET 2020

11. A glass plate of refractive index 1.5 is used as a polarized. The angle of polarization is

a)	Cos <sup>-1</sup> (1.5)	b) Tan <sup>-1</sup> (1.5)	c)
	Sec <sup>-1</sup> (1.5)	d) Sin <sup>-1</sup> (1.5)	

AKNU 2020

12. When the Young's experiment is carried out in air, the band width is 0.4 mm. If it is carried out in water, then band width is

 $x \, 10^{-3} \, cm$ 

MCQs

	a)	3 X 10 <sup>-5</sup> m 4 5 X 10 <sup>-5</sup> m	b) 2 X d) 0	10 <sup>-5</sup> m	c)
		1.0 11 10 111	<i>a</i> ) 0	AT	XNU 2020
13	The radii	is of the first z	one in a plate of	focal length '	15  cm for
10.	light of 6	$000A^{0}$	file in a place of	iocai iciigiii .	
	a)?	$X 10^4 \mathrm{m}$	b) $3 \times 10^5  \text{m}$	c)	3 X 10 <sup>-4</sup>
	m	4) 3 X	$10^{-3}$ m	C)	0 11 10
	111	u) 5 A		٨١	
11	Two Dol	aroida ara adiua	tad as as to obta	AI	
14.	intensity reduce th	The Angle thr intensity to 1	ough which one 4	Polaroid be r	otated to
	a)4 18	15° 0°	b) 60°	c) 90°	d)
				AI	KNU 2020
15.	A calcite	crystal is placed	l over a dot on a	paper and ro	otated on
	viewing t	hrough calcite,	one will see	1 1	
	a)	A single dot	b) Tw	o stationary	dots
		c) Tw	o rotating dots	d) One dot	rotating
		about the oth	er	ŕ	0
				AI	XNU 2020
16.	To very t polarized	hat the light be l one requires to	am is either unp o use	olarized or c	ircularly
	a)a wa	a half wave plat	e and a polarizer	b);	a quarter
	c) wa	a quarter wave we plate and a p	plate and half wa polarizer	ave plate d) a	a quarter
	Ans: d				
17.	Which of different polarized	the following o iate between ar l light	optical component nunpolarized lig	nts is critical ht and a circu	to ılarly
	a) d)	half way plate half wave plate	b) quarter wave and polarizer	eplate c) po	olarizer
	Ans: b				
18.	Unpolari transmit	zed light is inci ted to incident	dent on a polariz intensitv will be	zer.The ratio	of
	a)	Zero	b)1/4	c)1/2	d)1
	<i>~</i> /		-,	-, -, -	~,1

Ans: c

19. The refractive index of a given piece of transparent quartz is largest for

a) red light	b) Violet light	c)yellow
light	d)green light	

Ans: b

20. In an anisotropic crystal, the refractive index is

a) Small in all directionsb) different in differentdirectionsc) not a valid Defined) Infinity large

Ans: b

21. Unpolarized light is incident on a combination of polarizer, a  $\lambda/2$  plate and a  $\lambda/2$  and a  $\lambda/4$  plate kept one after the other. What will be the output polarization for the following configurations

- 1. Axes of the polarizer , the  $\,\lambda/2$  plate and the a  $\lambda/4\,$  plates are parallel to each other
- 2. The  $\lambda/2$  plate is rotated by 45° w.r.t configuration 1
- 3. The  $\lambda/4$  plate is rotated by  $45^{\circ}$  w.r.t configuration 1
- a) Linear for configuration 1, Linear for configuration2, circular for configuration 3
- b) Linear for configuration 1, circular for configuration 2, circular for configuration 3
- c) circular for configuration 1, linear for configuration2, circular for configuration 3
- d) circular for configuration 1, circular for configuration 2, circular for configuration 3

Ans: b

# Grade your understanding

- 1. The plane of oscillation and plane of polarization of the [] polarized light are parallel to each other
- Polarization can shows particle as well as wave nature [] of light

3.	Plane polarized light can be produced by simple	[]
4.	Substances that polarize an unpolarized light are called	[]
5.	When a light is incident at the polarizing angle, both	[]
6.	From Brewster's Law, angle of polarization does not	[]
7.	Nicol Prism cannot produce circularly polarized light	[]
8.	But can analyze it Refractive index of ordinary and extra ordinary rays	[]
9.	depends only on the material of crystal used Sound waves cannot be polarized	[]
10.	The light from a liquid crystal Display(LCD) is polarized	[]
11.	We can see smart mobile screen in bright sunlight ,if the screen is LCD	[]
	Check: 1. No 2. No 3. Yes 4. No 5. No 6. No 7.Yes 8.	

No 9. Yes 10. Yes 11.Yes

	Glossary
Analyzer	An optical devise that analyze whether light is polarized or not
Birefringence	Splitting of a ray in to two rays after entering an optical medium (double refraction)
Circular polarization	Polarization in which the magnitude of light ray does not change while rotating ie electric vector rotates along a circle
Critical angle	The angle of incidence beyond which it gets totally reflected back
Cross section	The shape of slice cut across an object
Crystals	A homogeneous solid piece with symmetrical place faces and Natural regular shape
Elliptical polarization	Polarization in which the magnitude of light ray changes while rotating ie electric vector rotates

# Glossary

## Glossary

	along an ellipse about the direction of	
	propagation	
Extra	Light rays that does not obey ordinary laws of	
ordinary ray	refraction	
Hexagonal		
structure	Honeycomb like structure	
Longitudinal	Wave in which the disturbed particles vibrate	
Wave	parallelly to the wave propagation direction	
Obtuse angle	An Angle between 90 <sup>0</sup> <i>to</i> 180 <sup>0</sup>	
Ontia arria	The unique crystallographic axis having	
Optic axis	refractive index differently from other axes	
Plane	Process restricting the vibration of light(EM	
polarization	radiation) to one direction	
Principal		
section	A plane passing through optic axis	
Dolorigor	An optical filter that convert unpolarized light	
rolarizer	into polarized light	
Polarimator	An instrument that measures the amount of	
rolariilleter	polarization/rotation of plane of polarization	
Polariscopo	The polarimeter which is used for liquids	
Polariscope	especially	
Specific	A quantity that expresses the intensity of an	
Rotation	optical activity	
T	Wave in which the disturbed particles vibrate	
Iransverse	perpendicularly to the wave propagation	
wave	direction	
Uniaxial		
crystals	Crystals having single optic axis	
Unpolarized	A light wave with its electric field vector	
light	vibrates in more than one plane	
	An optical devise that alters polarization	
Wave Plate	state of light travelling through it	

# UNIT-4 ABERRATINS and FIBER OPTICS ఎబరేషన్స్ మలియు ఆప్టికల్ ఫైబర్స్





## శిక్షణ లక్ష్మాలు

ఈ అధ్వాయంలో విద్వార్థులు ఇవి నేర్చుకుంటారు,

- 1. పొకవర్ణ అబెర్రేషన్లు మలయు వొటి కనిష్టీకరణ.
- క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్ మలయు దొని కనిష్టీకరణ.
- 3. వివిధ రకాల ఆఫ్టికల్ ఫైబర్లు మలియు వొటి హెడ్లు.
- ఆప్టికల్ ఫైబర్ కమ్యానికేషన్ సిస్టమ్ మరియు దొని ప్రయోజనాలు.

## అఛ్వసన ఫలితాలు

ఈ పాఠం ఫూర్తయ్యేసలకి విద్యార్థులు

- ఆప్టికల్ ఫై బర్స్ యొక్క వివిధ అచెర్రే షన్లు మలయు రకాలను గుల్తించగలరు.
- ఆస్టికల్ ఫైటర్స్ లో ఐ ఐవిధ అచెర్రే షన్లు మరియు మోడ్ కారణొన్ని, ఆస్టికల్ ఫైటర్ కమ్యూ ికే షన్ సూత్రాన్ని వివరించగలరు.
- తగిన అచెర్రేషన్ కబ్జికరణ పద్ధతులను వర్తింపజేయగలరు.
- 4. వివిధ రకాల అబెర్రే షన్లు మరియు ఆస్టికల్ ఫై బర్లను వర్గికరించగలరు .
- అয়ెర్రేషన్ కబ్జీకరణ పద్ధతులకు తగిన పద్ధతులను ఎంచుకోగలరు. .
- 6. అয়ెర్రేషన్లను తగ్గించడానికి నిర్దిష్ట అనువర్తనొనికి అనువైన నమూనొ వ్వవస్థలను రూపొంబించగలరు.

# ABERRATIONS and FIBER OPTICS

# Syllabus

Monochromatic aberrations, Spherical aberration, Methods of minimizing spherical aberration, Coma, Astigmatism and Curvature of field, Distortion; Chromatic aberration-the achromatic doublet; Achromatism for two lenses (i) in contact and (ii) separated by a distance. Fiber Optics: Introduction to Fibers, different types of fibers, rays and modes in an optical fiber, Principles of fiber communication (qualitative treatment only), Advantages of fiber optic communication.

CHAPTEF

## Learning Objectives

In this chapter students would learn about,

- 5. Monochromatic aberrations and their minimization.
- 6. Chromatic aberration and its minimization.
- 7. Different types of optical fibers and their modes.
- 8. Optical fiber communication system and its advantages.

## Learning Outcomes

By the end of the chapter, student would be equipped with adequate knowledge to

- 7. Identify various aberrations and types of optical fibers.
- 8. Describe the cause of various aberrations and modes in optical fibers, principle of optical fiber communication.
- 9. Apply suitable aberration minimization techniques.
- 10. Classify various types of aberrations and optical fibers.
- 11. Select suitable methods of aberration minimization techniques.
- 12. Design prototype systems suitable for specific application to minimize aberrations.

## వివిధ ప్రోగ్రాం లకు చెందిన నిర్దిష్ట ఫరితొలు మరియు భవిష్యత్ దిశౌనిర్దేశకాలు

ఈ అధ్యాయం ముగిసే సమయానికి నిర్దిష్ట ప్రోగ్రామ్ల్ నుండి విద్యార్థులు బీనిని అర్ధంచేసుకోగలరు.

- భౌతిక శాస్త్రం: వివిధ ఆస్టికల్ పలకరొలకు వొటి సరైన రూపకల్పన మలయు ఆపరే షన్ కోసం అచెర్రే షన్ల గులంచి సమాచారం అవసరం.
- 2. రసాయన శాస్త్రం: వివిధ స్పెక్ట్రోస్తాపిక్ పద్ధతులు, SEM, TEM మొదలైనవి క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్కు గురవుతాయి, పీటిని సద్దుబాటు చేయారి.
- కం ఫ్యుటర్లు: వివిధ ఆస్టికల్ సాధనాల ఆటామేషన్ కు అచెర్రేషన్ల ఆటామేటిక్ కరెక్షన్ ప్రాగ్రామ్ లు అవసరం.
- భూగర్భ శాస్త్రం: వివిధ రత్నాల రొళ్ల అధ్యయనొనికి ఉపయోగించే ఆప్టికల్ సాథనొల్లో అచెర్రేషన్ దిద్దుబాట్లు అవసరం.
- 5. ఎలక్ట్రానిక్స్: ఆస్టికల్ ఫైబర్ కమ్యూనికేషన్ సిస్టమ్ మొత్తం కమ్యూనికేషన్ వ్యవస్థలను విప్లవొత్తకంగా మార్పింది.
- 6. REM: సాంబ్రీకృత సోలొర్ థర్శల్ మలయు ఫోటొపోట్టాయిక్ సిస్టమీలలో ఉపయోగించే ఫైనెల్ లెన్స్లీలకు క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్ కరెక్షన్ అవసరం.
- 7. గణాంకాలు: అబెర్రే షన్ బద్దుబాట్ల యొక్క గణాంక విశ్లే షణ మెరుగైన ఆటోమేటెడ్ సిస్టమ్ అఖవృబ్ధికి మార్గొ బ్ని అంబిస్తుంబి, ముఖ్యంగా బయో-ఆస్టా - ఎలక్ట్రాలిక్ సెన్సొర్ లకు సంబంభించినబి.

## సుపలానితం నుండి అపలానితం వరకు

మీ 11వ తరగతిలో మీరు లఫ్రాక్షివ్ ఇండెక్స్ మలయు క్రోమాటిక్ అబెర్రేషన్ల తరంగదైర్హం ఆధారపడటం గులంచి తెలుసుకుని ఉండవచ్చు. మీరు విక్లేపం మలయు వక్రీకరణ మొదలైన వాటి కారణంగా కొన్ని ఇతర అబెర్రేషన్ల గులంచి కూడా తెలుసుకుని ఉండవచ్చు. మీరు ఆప్టికల్ ఫైబర్ల ప్రాథమిక పని సూత్రం మలయు కమ్యానికేషన్ సిస్టమ్ యొక్క ప్రాథమిక నిర్మాణం, కమ్యానికేషన్ సిస్టమ్ లో ఆప్టికల్ ఫైబర్ల ప్రయోజనం మొదలైనవాటిలో ఫూర్తి అంతర్గత పరొవర్తనాన్ని నేర్చుకున్నారు. ఈ అధ్యాయంలో మీరు వివిధ రకాల మోనోక్రోమటిక్ మలియు పారీక్రోమటిక్ అబెర్రేషన్లలు మలయు వాటి కనిష్టీకరణ పద్ధతులు, వివిధ రకాల ఆప్టికల్ ఫైబర్లు, ఆప్టికల్ ఫైబర్లలో సిగ్నల్ ట్రాన్స్ మిషన్ మెడ్లు, ఆప్టికల్ ఫైబర్ కమ్యానికేషన్ సిస్టమ్ యొక్క సరళమైన డిజైన్ మలియు దొని ప్రయోజనాల గురించి నేర్చుకుంటారు.

# Course Outcomes specific to program and Future directions

By the end of this chapter students from specific programs would be in a position to understand that

- 1. Physics: Various optical instruments need information about aberrations for their proper design and operation.
- 2. Chemistry: Various spectroscopic techniques, SEM, TEM etc. are prone to chromatic aberration which is to be adjusted.
- 3. Computers: Automation of various optical instruments need automatic correction programs for aberrations.
- 4. Geology: Study of various gem stones require aberration corrections in the optical instruments used.
- 5. Electronics: Optical fiber communication system has revolutionized the entire communication systems.
- 6. REM: Fresnel lenses used in concentrated solar thermal and photovoltaic systems require chromatic aberration correction.
- 7. Statistics: Statistical analysis of aberration corrections give a pathway to better automated system development, especially related to bio-opto-electronic sensors.

## Familiar to Unfamiliar

In your 11<sup>th</sup> class you might have learned about wavelength dependence of refractive index and chromatic aberrations. You might also have learned about a few other aberrations due to diffraction and distortion etc. You might have learned total internal reflection as the basic working principle of optical fibers and the basic structure of communication system, advantage of optical fibers in communication system etc. In this chapter you will learn about various types of monochromatic and polychromatic aberrations and their minimization techniques, various types of optical fibers, modes of signal transmission in optical fibers, simple design of optical fiber communication system and its advantages.

#### 4.1 పరిచయం

## 4.1 పలచయం

ఆప్టికల్ అబెర్రేషన్స్ యొక్క అధ్యయనం రోజువారి జీవితంలో, పలశ్రమలు మలయు పలశోథనొ రంగాలలో తన సవొలక్ష అవసరొలు మలయు అనువర్తనొల కోసం ఆప్టిక్స్ల్ దొని స్వంత శౌఖను ఏర్పొటు చేసింది. కాంతి మూలొల తరంగదైర్ఘంతో పోల్చితే ఉన్న వస్తువుల పలమాణం భారీగా ఉన్నందున ఈ అధ్యయనం రేఖాగణిత ఆప్టిక్స్ కింద వస్తుంది.

రేఖాగణిత ఆప్టిక్స్ లో పలగణించబడే లీనియర్ ఉళ్లాయింపు, ఆప్టికల్ పలకరాల లెన్స్ మలయు మిర్రర్ సిస్టమ్లలో ఇమేళ్ ఫార్మేషన్లో అచెర్రేషన్కు గణనీయమైన సహకారం అంబస్తుంబ.

కోణొల యొక్క చిన్న విలువల కోసం,  $\sin heta$  సుమారుగా అంచనొ వేయవచ్చు

$$\sin \theta = \theta - \frac{\theta^3}{3!} + \frac{\theta^5}{5!} - \frac{\theta^7}{7!} + \dots \simeq \theta \simeq \tan \theta$$

ఈ ఉళ్లాయింపుతో, స్నెల్ యొక్క నియమం అవుతుంది. $\mu = \frac{\sin i}{\sin r} \simeq \frac{i}{r} \simeq \frac{\tan i}{\tan r}$ ఈ ఉళ్లొయింఫును గాస్పియన్ లేదొ పారొక్సియల్ ఉళ్లొయింఫు అంటారు మలయు ఈ ఉళ్లాయింఫు ఆధారంగా అఖవృద్ధి చేయబడిన ఆఫ్టిక్స్సు గాస్సియన్ ఆఫ్టిక్స్ లేదొ పారొక్సియల్ ఆఫ్టిక్స్ అంటారు.

ఈ ఉళ్లాయింపుని ఉపయోగించి, లెన్స్ మేకర్ సూత్రాన్ని చేరుకోవచ్చు

*E* - Corner

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left[ \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

https://demonstrations.wolfram.com/LensmakersEquation/ https://phys.libretexts.org/@go/page/4495 https://phys.libretexts.org/@go/page/18463 https://hsm.stackexchange.com/g/11957 https://opg.optica.org/oe/fulltext.cfm?uri=oe-27-14-1971



Activity







Verify the variation of focalpoint as a function of refractive index in Wolfram demonstrations.

## 4.1 Introduction

The study of optical aberrations has made its own branch in optics for its ever challenging needs and applications in daily life, industry and research fields. This study comes under geometrical optics as the size of the objects involved is huge compared to the wavelength of the light sources.

The linear approximation considered in geometrical optics makes a considerable contribution to the aberration in the image formation in the lens and mirror systems of the optical instruments.

For small values of angles,  $\sin \theta$  may be approximated as

$$\sin \theta = \theta - \frac{\theta^3}{3!} + \frac{\theta^5}{5!} - \frac{\theta^7}{7!} + \dots \simeq \theta \simeq \tan \theta$$

With this approximation, snell's law becomes  $\mu = \frac{\sin i}{\sin r} \simeq \frac{i}{r} \simeq \frac{\tan i}{\tan r}$ . This approximation is called Gaussian or paraxial approximation and the optics developed based on this approximation is called Gaussian optics or paraxial optics.

Using this approximation, one can arrive at the Lens Maker's formula given by

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left[ \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$
  
equation given by  
1 1 1

as well as the thin lens equation given by

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$$

The lens maker's equation shows that for a fixed wavelength (i.e.; for a fixed refractive index), focal length depends only on the radius of curvature of the refracting surfaces.

i.e.; when monochromatic parallel beam falls on the lens, all rays will be focused on to the focal point. But if the refractive index varies or, in other words, if the light wavelength varies, then the focal length also varies. Thus light with different wavelengths will be focused onto different focal lengths. This error is called chromatic aberration.

## 4.1 Introduction



Fig: Longitudinal chromatic aberration.

Similarly if the object is off the axis, one can observe lateral chromatic aberration. In both the cases, one can see that the blue colored ray refracts more and focuses first compared to red colored ray.



Fig: Lateral chromatic aberration.

Thus one can conclude that the chromatic aberration can be seen within the linear approximation of Snell's law or within Gaussian approximation or within paraxial approximation.

Further, Seidel in 1856 extended the Gaussian approximation up to third order terms and arrived at the possibility of other monochromatic aberrations.

According to Seidel, the location of the image formed in the x-y plane of an object produced by a lens system is as given below.

$$\Delta P_{nx} = A_1(\rho S\phi) + B_1(\rho^3 S\phi) + B_2 h_o \rho^2 S(2\phi) + (B_3 + B_4) h_o^2(\rho S\phi)$$

and

$$\Delta P_{ny} = A_2 h_o + A_1 (\rho C \phi) + B_1 (\rho^3 C \phi) + B_2 h_o \rho^2 [2 + C(2\phi)] + (3B_3 + B_4) h_o^2 (\rho C \phi) + B_5 h_o^3$$

Here the study is carried out for an object of height  $h_o$  in cylindrical coordinate system  $(\rho, \phi, z)$ .

In the above,  $A_1$  is the coefficient corresponding to transverse defocus aberration and  $A_2$  deals with lateral magnification in the image plane. The terms  $B_1$ ,  $B_2$ ,  $B_3$ ,  $B_4$ , and  $B_5$  are referred to as the Seidel primary ray aberration coefficients of spherical aberration, coma, astigmatism, field/Petzval curvature, and distortion, respectively.

If higher order corrections are also considered, one can observe oblique spherical aberration, piston etc. types of aberrations. In the later part of the chapter, explanation for varous types of aberrations and minimization techniques for a few of them are discussed in detail.

When light falls on the boundary separating two different media, it may be reflected or transmitted or may be partially reflected and partially transmitted.

The laws of reflection and refraction are stated in the following:

Fermat Principle of Least Path: Reflection laws of Light

- 1. Incident Ray, Reflected ray and Normal to the reflecting surface lie in the same plane.
- 2. Angle of incidence is same as the angle of reflection.
- 3. The path taken by the light ray is decided by the least distance. This is because velocity remains constant during reflection into same medium, the complementary part for momentum in the action variable being the position or distance. Thus the least distance or least path length condition decides the best path.

Consider a light ray AO that is incident on a smooth reflecting surface and reflects back into the same medium as OB in the x-y plane. Keeping the origin at the bottom left corner of the image, the coordinates of A, O, B are given by  $(0, y_1)$ , (x, 0),  $(x_2, y_2)$  respectively. Let *i* and *r* be the angle of incidence and angle of reflection respectively.



*O* (*x*, 0) **Fig: Reflection of light.** 

### 4.1 Introduction

అలాగే అంబించిన సన్నలి లెన్స్ సమీకరణం

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$$

లెన్స్ తయాలిసారు యొక్క సమీకరణం స్థిర తరంగనైర్హ్హం కోసం (అంటే ; స్థిర వక్రీళవన గుణకం కోసం), ఫోకల్ లెస్ట్ వక్రీళవన ఉపలతలాల వక్రత యొక్క వ్వెసార్థంపై మాత్రమే ఆధారపడి ఉంటుంది.

అనగా; మోనోక్రోమటిక్ సమాంతర ఫుంజం లెన్స్పై పడినష్టుడు, అల్ని కిరణాలు కేంద్ర అందువుపై కేంబ్రికలించబడతాయి. కానీ వక్రీభవన గుణకం మారుతూ ఉంటే లేదొ మరో మాటలో చెప్పాలంటే, కాంతి తరంగదైర్ఘ్యం మాలనట్లయితే, అష్పడు ఫోకల్ లెస్ట్ కూడొ మారుతూ ఉంటుంబి. అందువలన వివిధ తరంగదైర్ఘ్రైలతో కాంతి వివిధ ఫోకల్ లెస్ట్రపై కేంబ్రికలించబడుతుంబి. ఈ లోపాల్ని క్రోమాటిక్ అబెర్రేషన్ అంటారు.

అదే విధంగా వస్తువు అజ్ఞానికి దూరంగా ఉన్నట్లయితే, పార్శ్య క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్ను గమనించవచ్చు. రెండు సందర్భాట్లో, ఎరుపు రంగు కిరణాలతో పోలెస్టే సిలం రంగు కిరణం ఎక్కువగా వక్రీభవనం చెంది, మొదట కేంబ్రికలస్తుంది.

అందువల్ల స్నెల్ నియమం యొక్క సరళ ఉళ్టాయింపులో లేదొ గాస్సియన్ ఉళ్టాయింపులో లేదొ పారొక్సియల్ ఉళ్టాయింపులో క్రోమాటిక్ అభెర్రేషన్ చూడవచ్చని ఒకరు నిర్ధొరించవచ్చు.

ఇంకా, సీడెల్ 1856లో గాస్సియన్ ఉళ్టాయింపును మాడవ ఆర్డర్ నిబంధనల వరకు పొడిగించారు. మరియు ఇతర వికవర్ణ అబెర్రే షన్లకు అవకాశం కర్పించారు.

సీడెల్ ప్రకారం, లెన్స్ సిస్టమ్ ద్వొరొ ఉత్పత్తి చేయాబడిన వస్తువు యొక్క xy తలం లో పర్పడిన చిత్రం యొక్క స్థానం క్రింద ఇవ్వబడింది.

 $\Delta P_{nx} = A_1(\rho S \phi) + B_1(\rho^3 S \phi) + B_2 h_o \rho^2 S(2\phi) + (B_3 + B_4) h_o^2(\rho S \phi)$ మలయు

$$\Delta P_{ny} = A_2 h_o + A_1 (\rho C \phi) + B_1 (\rho^3 C \phi) + B_2 h_o \rho^2 [2 + C(2\phi)] + (3B_3 + B_4) h_o^2 (\rho C \phi) + B_5 h_o^3$$

ఇక్కడ అధ్యయనం  $h_o$  ఎత్తులో ఉన్న వస్తువు కోసం నర్వహించుడుతుంబ్ స్థూపాకార కొఆల్డినేట్ వ్యవస్థ . $(
ho,\phi,z)$  లో

పైన పేర్కొన్నదానిలో, .A<sub>1</sub> ట్రాన్స్వర్స్ ఊళోకస్ అబెర్రేషన్**కు సంబంభించిన గుణకం మరియు ఇమేశ్** ప్రైన్లో A<sub>2</sub> పార్శ్వ మాగ్నిఫికేషన్*తో వ్వ*వడాలస్తుంది. నిబంధనలు B<sub>1</sub>, B<sub>2</sub>, B<sub>3</sub>, B<sub>4</sub>, మరియు B<sub>5</sub> వరుసగా గోళాకార అబెర్రేషన్, కోమా, ఆస్టిగ్గాటిజిం, ఫీల్డ్ /పెట్ట్వాల్ వక్రత మరియు వక్రీకరణ యొక్క సీడెల్ ప్రైమర్ రే అబెర్రేషన్ కోఎఫీషియంట్స్**గా సూచిస్తారు** 

హైయర్ ఆర్డర్ బద్దుబాట్లు కూడా పలగణనలోకి తీసుకుంటే, వాలుగా ఉండే గోళాకార అచెర్రేషన్, పిస్టన్ మొదలైన రకాల అచెర్రేషన్లను గమనించవచ్చు. అథ్వాయం యొక్క తరువాతి భాగంలో, వివిథ రకాల అవకతవకలకు వివరణ మలయు వొటిలో కౌల్నింటిల తగ్గించే పద్ధతుల గులంచి వివరంగా చల్చించుడింబి.

రెండు వేర్వేరు మాధ్యమాలను వేరుచేసే సలహద్దుపై కాంతి పడినష్పడు, అబ ప్రతిణంఇంచవచ్చు లేదా ప్రసారం చేయబడుతుంబ లేదా పాక్షికంగా ప్రతిఇంఇస్తుంబ మలయు పాక్షికంగా ప్రసారం చేయబడుతుంబి.

ప్రతిణంబం మలియు వక్రీభవన నియమాలు క్రింది వొటిలో పేర్కొనబడ్డాయి

Then time of travel from A to B is given by,

$$T = \frac{AO}{c} + \frac{OB}{c}$$
$$T = \frac{S}{V} = \frac{\sqrt{x^2 + y_1^2}}{c} + \frac{\sqrt{(x_2 - x)^2 + y_2^2}}{c}$$

This time of travel must be independent of point of reflection (*x*)  $dT = 1 \quad 2x \quad 1 \quad 2(x_2 - x) \times (-1)$ 

$$ie; \frac{dx}{dx} = 0 \implies \frac{1}{c} \frac{1}{2\sqrt{x^2 + y_1^2}} + \frac{1}{c} \frac{1}{2\sqrt{(x_2 - x)^2 + y_2^2}} = 0$$
$$\implies \frac{x - 0}{\sqrt{x^2 + y_1^2}} - \frac{x_2 - x}{\sqrt{(x_2 - x)^2 + y_2^2}} = 0 \implies \sin i - \sin r = 0$$
$$\implies \sin i = \sin r \quad or \qquad i = r$$

## Fermat Principle of least time : Refraction Laws

- 1. Incident Ray, Refracted ray and Normal to the refracting surface lie in the same plane.
- 2. The path taken by the light ray is decided by the least time. This is because velocity changes during refraction, frequency has to remain constant to keep the wave connected across the boundary. If frequency varies across the boundary, wave on either side of the boundary will have different oscillation rates and gets disconnected. From the least action principle, since frequency remains constant, the complementary part of frequency or energy being time, leads to the least time path to be the best path.



**Fig: Refraction** 

#### 4.1 Introduction

#### ఫెర్కొ ప్రిన్సిపల్ ఆఫ్ లీస్ట్ పాత్: లఫ్లెక్షన్ లొస్ ఆఫ్ లైట్

- సంఘటన రే, లఫ్లెక్టింగ్ కిరణం మలయు లఫ్లెక్టింగ్ ఉపలతలంపై లంబం ఒకే తలం లో ఉంటాయి.
- 2. పతన కోణం పరొవర్తన కోణం వలె ఉంటుంది.
- 3. కాంతి కిరణం తీసుకునే మార్గం అతి తక్కువ దూరం ద్వారొ నిర్ణయించబడుతుంది. ఎందుకంటే అదే మాధ్యమంలో లెఫ్లెక్టింగ్ సమయంలో వేగం స్థిరంగా ఉంటుంది, చర్య వేలయుబల్లో మొమెంటం కోసం పలఫూరకరమైన భాగం స్థానం లేదొ దూరం. అందువల్ల తక్కువ దూరం లేదొ తక్కువ మార్గం పొడపు పల్థితి ఉత్తమ మార్గొన్ని నిర్ణయిస్తుంది.

కాంతి కిరణం AOను పలిగజించగలరు , అబి మృదువైన లెఫ్లెక్టింగ్ ఉపలితలంపై పడి, xy ప్లేన్లో OB వలె తిలిగి అదే మాధ్యమంలోకి ప్రతిణంణస్తుంబి. శాత్రం యొక్క బిగువ ఎడమ మూలలో మూలొన్ని ఉంచడం ద్వొరొ, A, O, B యొక్క కోఆల్డివేట్లు వరుసగా (0, y<sub>1</sub>), .(x, 0), (x<sub>2</sub>, y<sub>2</sub>) ఇవ్వబడ్డాయి.. పతన కోణం *i* మలియు ప్రతిణంబం యొక్క కోణం *r* వరుసగా ఉండనివ్వండి

అప్పడు A నుండి B వరకు ప్రయాణ సమయం,

$$T = \frac{AO}{c} + \frac{OB}{c}$$
$$T = \frac{S}{V} = \frac{\sqrt{x^2 + y_1^2}}{c} + \frac{\sqrt{(x_2 - x)^2 + y_2^2}}{c}$$

ఈ ప్రయాణ సమయం తప్పనిసరిగా రిప్లైక్టింగ్ పాయింట్ (x) నుండి స్పతంత్రంగా ఉండొరి

$$ie; \frac{dT}{dx} = 0 \implies \frac{1}{c} \frac{2x}{2\sqrt{x^2 + y_1^2}} + \frac{1}{c} \frac{2(x_2 - x) \times (-1)}{2\sqrt{(x_2 - x)^2 + y_2^2}} = 0$$
$$\implies \frac{x - 0}{\sqrt{x^2 + y_1^2}} - \frac{x_2 - x}{\sqrt{(x_2 - x)^2 + y_2^2}} = 0 \implies \sin i - \sin r = 0$$
$$\implies \sin i = \sin r \quad or \qquad i = r$$

అతి తక్కువ సమయం యొక్క ఫెర్కొ సూత్రం : వక్రీభవన చట్టాలు

- సంఘటన రే, వక్రీభవన కిరణం మరియు వక్రీభవన ఉపరితలం నుండి లంబం ఒకే తలం లో ఉంటాయి.
- 2. కాంతి కిరణం శీసుకునే మార్గం అతి తక్కువ సమయం ద్వారా నిర్ణయించబడుతుంది. ఎందుకంటే వక్రీళవనం సమయంలో వేగం మారుతుంది, తరంగాన్ని సలహద్దు అంతటా కనెక్ట్ చేయడొనికి ఫ్రీక్వెన్సీ ఫ్లిరంగా ఉండారి. సలహద్దు అంతటా ఫ్రీక్వెన్సీ మారుతూ ఉంటే, సలహద్దుకు ఇరువైపులా ఉన్న వేప్ వేర్వేరు డోలన రేట్లు కరిగి ఉంటుంది మరియు డిస్ కనెక్ట్ అవుతుంది. తక్కువ చర్య సూత్రం నుండి, ఫ్రీక్వెన్సీ ఫ్లిరంగా ఉంటుంది కాబట్టి, ఫ్రీక్వెన్సీ లేదొ శక్తి యొక్క పరిపూరకరమైన భాగం సమయం, ఉత్తమ మార్గంగా ఉండటానికి తక్కువ సమయ మార్గొనికి దారిశీస్తుంది.

రెండు మీడియా 1 మరియు 2 లను వేరుచేసే సరిహద్దులో కాంతి కిరణ AO సంఘటనను పరిగజించగలరు మరియు మీడియం 1 మరియు మీడియం 2లో వరుసగా కాంతి వేగాలు $\vartheta_1, \vartheta_2$  ఉండొరి. OB ఉధ్భవించే కిరణంగా పరిగణించగలరు . వరుసగా సంఘటనల కోణం i మరియు వక్రీభవన కోణం r. అష్టుడు Consider a light ray AO incident on a boundary separating two media 1 and 2. Let  $\vartheta_1$  and  $\vartheta_2$  be the velocities of light in medium 1 and medium 2 respectivly. Consider *OB* to be the emergent ray. Let *i*, *r* be the angle of incidence and angle of refraction respectively. Then,

Time of travel is given by

$$T = \frac{AO}{c} + \frac{OB}{c}$$
$$T = \frac{S}{V} = \frac{\sqrt{x^2 + a^2}}{\vartheta_1} + \frac{\sqrt{(l-x)^2 + b^2}}{\vartheta_2}$$

This time of travel must be independent of point of reflection (x)

$$ie; \frac{dT}{dx} = 0 \implies \frac{1}{\vartheta_1} \frac{2x}{2\sqrt{x^2 + a^2}} + \frac{1}{\vartheta_2} \frac{2(l-x) \times (-1)}{2\sqrt{(l-x)^2 + b^2}} = 0$$
$$\implies \frac{1}{\vartheta_1} \frac{x}{\sqrt{x^2 + a^2}} - \frac{1}{\vartheta_2} \frac{l-x}{\sqrt{(l-x)^2 + b^2}} = 0 \implies \frac{\sin i}{\vartheta_1} - \frac{\sin r}{\vartheta_2} = 0$$
$$\implies \frac{\sin i}{\vartheta_1} = \frac{\sin r}{\vartheta_2} \quad or \quad \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{\vartheta_1}{\vartheta_2}$$

This is the famous Snell's law of refraction.

## Snell's Law of refraction

Some salient features of Snell's law:



Fig: Snell's law.

To keep the incident ray and refracted ray connected, the two waves must have same frequency at the boundary. Then, ప్రయాణ సమయం

$$T = \frac{AO}{c} + \frac{OB}{c}$$

### 4.1 Introduction

స్నెల్ యొక్క వక్రీభవన లయమం

స్మెల్ నియమం యొక్క కొన్ని ముఖ్యమైన లక్షణాలు:

పతన కిరణాన్ని మరియు పక్రీభవన కిరణాన్ని కనెళ్ట్ చేయడానికి, రెండు తరంగాలు సరిహద్దు వద్ద ఒకే పౌనఃపున్యాన్ని కరిగి ఉండారి. అష్పుడు,

$$\frac{\sin i}{\sin r} = \frac{\vartheta_1}{\vartheta_2} = \frac{\nu\lambda_1}{\nu\lambda_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\mu_2}{\mu_1} = \mu_{21}$$

- కాంతి కిరణం దొని ఫ్జీక్వెన్సీ ద్వారా పర్గీకలించబడుతుంబి. దొని తరంగదైర్హ్యం ద్వారా కాదు. λ సలహద్దులో మార్పులు చెందుతుంబి
- ఉదా: సోడియం కాంతి తరంగదైర్ఘం గారిలో 5893Å ఉంటుంబి. గ్లాస్లో దాని తరంగదైర్ఘం ఎంత ?(n = 1.5Å)

$$\lambda_2 = \lambda_1 / \mu_{21} = 5893 / 1.5 = 3928.67 \text{\AA}$$

- వేర్వేరు తరంగడైర్హ్యం కిరణాలు వేర్వేరు వేగాలతో ప్రయాణిస్తాయి మరియు అందువల్ల విభిన్న వక్రీభవన గుణకం లు ఉంటాయి.
- \*  $\nu \downarrow \lambda \uparrow \vartheta \uparrow r \uparrow \mu \downarrow \delta \downarrow$ (ఎదుప్ర)
- <br/>  $\checkmark$   $\nu \uparrow \lambda \downarrow$   $\vartheta \downarrow$   $r \downarrow \mu \uparrow \delta \uparrow$ (స్లం)
- అష్పుడు కాంతి యొక్క ప్ రంగు తో, పదార్థం యొక్క పక్రీభవన గుణకం నిర్వాచించబడింది? ఇబి సీలం (4000Å) మరియు ఎరుపు (7000Å) తరంగదైద్ఘ్రాల సగటు అని అనుకోవచ్చు, అనగా; ఆకుపచ్చ (5500Å). కానీ సోడియం పసుపు 5893Å తో పక్రీభవన గుణకం నిర్వాచించబడింది, ఆ సమయంలో అందుబొటులో ఉన్న పొకైక ప్రకవర్ణ కాంతి మాలం అది కావచ్చు.
- 🔹 వక్రీభవన గుణకం అనేది కాంతి కిరణంలో ఉత్పత్తి చేయబడిన విచలన δ గుణకం .
- ఫలితం న్యూటన్ యొక్క కార్పస్కులర్ సిస్టాంత అంచనాలకు విరుద్ధంగా ఉంబి. అందువల్ల, వాస్తవానికి, అధిక శక్తి కిరణాలు మలంత విచలనం చెందుతాయి.

$$\frac{\sin i}{\sin r} = \frac{\vartheta_1}{\vartheta_2} = \frac{\nu\lambda_1}{\nu\lambda_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\mu_2}{\mu_1} = \mu_{21}$$

- A light ray is characterized by it's frequency. Not by it's wavelength.  $\lambda$  changes across the boundary.
- Eg: The wavelength of Sodium light is 5893Å in air. What is it's wavelength in Glass  $(n = 1.5\text{\AA})$ ?

$$\lambda_2 = \lambda_1 / \mu_{21} = 5893 / 1.5 = 3928.67 \text{\AA}$$

- Different wavelength rays travel with different velocities and hence will have different refractive indices.
- $\, \bullet \, \nu \downarrow \lambda \uparrow \, \vartheta \uparrow \, r \uparrow \, \mu \downarrow \, \delta \downarrow \, (\text{Red})$
- Then for what color of light, the refractive index of a material is defined? One may think that it is the average of Blue 4000Å and Red (7000Å) wavelenghs i.e.; Green (5500Å). But refractive index is defined for Sodium yellow 5893Å as that could be the only monochromatic light source available at that time.
- Refractive index is an indicator of the deviation  $\delta$  produced in the light ray.
- The result is in contradiction to Newton's Corpuscular theory predictions. Hence, in reality, the higher energy rays deviate more.
- To understand this, we must get into little more details of electromagnetic theory of refraction given by Feynmann.

## Feynman theory of refraction

- The electric field vector of light rays interact with the charges in the atom. That causes a change in velocity or refractive index.
- The electromagnetic wave causes oscillations in the charges of the material.
- Let the electric field by  $E = E_0 \exp i\omega(t z/c)$
- Consider a material of thickness  $\Delta z$  with RI = n is placed in the path of the light rays. Then the electric field changes as  $E_{observed} = E_0 \exp i\omega(t (z/c \Delta z/c + \Delta z/\vartheta))$

 $= E_0 \exp i\omega(t - (z/c - \Delta z/c + \Delta z/b))$ = E<sub>0</sub> exp iw(t - (z/c - \Delta z/c + n\Delta z/c))

• The effect of material can be separated and written as

 $E_{observed} = \exp -i\omega(n-1)\Delta z/c \ E_0 \exp i\omega(t-z/c)$ 

### 4.1 Introduction

ఓిబ్న అర్థం చేసుకోవడొ బికి, ఫేన్కౌన్ అంబించిన పక్రీళవన విద్యుదయస్కాంత సిద్ధొంతం గులించి మనం కొంచెం ఎక్కువ వివరొలను పొందొలి.

#### ఫేన్డౌన్ వక్రీభవన సిద్దొంతం

- కాంతి కిరణాల యొక్క విద్యుత్ క్లేత్ర వెక్టర్ అణుఫులోని ఛౌర్జీలతో ఇంటరొక్షన్ చెందుతుంది. ఇది వేగం లేదొ పక్రీభవన గుణకం లో మార్పుకు కారణమఫుతుంది.
- విద్యుదయస్థాంత తరంగం పదార్థం యొక్క ఛార్జీలలో డోలనాలను కరిగిస్తుంది.
- ఐద్యుత్ క్షేత్రం  $E = E_0 \exp i\omega(t z/c)$
- కాంతి కిరణాల మార్గంలో ఉంచబడిన Δz మందంతో కూడిన RI = n పదార్థాన్ని పలగణించగలరు. అప్పడు విద్యుత్ క్లేత్రం ఇలా పారుతుంబ

$$E_{observed} = E_0 \exp i\omega(t - (z/c - \Delta z/c + \Delta z/\vartheta))$$
  
=  $E_0 \exp i\omega(t - (z/c - \Delta z/c + n\Delta z/c))$ 

పదార్థం యొక్క ప్రభావాన్ని వేరు చేసి ఇలా ప్రాయవచ్చు

$$E_{observed} = \exp -i\omega(n-1)\Delta z/c \ E_0 \exp i\omega(t-z/c)$$

$$\Delta z$$
 చొలా సిన్నబి కాటట్టి, ప్రాయవచ్చు $\exp{-i\omega(n-1)\Delta z/c} = 1 - i\omega(n-1)\Delta z/c$ 

:: 
$$E_{observed} = E_0 \exp i\omega(t - z/c) - (i\omega(n-1)\Delta z/c)E_0 \exp i\omega(t - z/c)$$
  
పరేపిత క్రితాలు ఇల్ లెక్నించపచ్చు.

 $E_{induced} = -\frac{N\Delta zq}{2\epsilon_0 c} Velocity of charges|_{at t-z/c}$  ఇక్కడ N ఫౌర్ట్ సాంద్రత ఉంది.

కాంతి యొక్క విద్యుత్ క్షేత్రం పదొర్థంలో సాధారణ హార్కోనిక్ డోలనాలను కరిగిస్తుంది.

$$m\left(\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x\right) = F = qE_0 \exp i\omega t$$

- $\blacktriangleright$  ఈ సమీకరణం యొక్క పలష్కారం $x=x_0\exp{i\omega t}$
- పై సమీకరణంలో బీనిని తిరిగి భర్తీ చేస్తే, మనకు లాభస్తుంబి

$$x = \frac{qE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2)} \exp i\omega t \implies \text{Velocity of Charges }|_{at \ t - \frac{z}{c}}$$
$$= \left[i\omega \frac{qE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2)}\right] \exp(i\omega \left(t - \frac{z}{c}\right))$$

$$E_{induced} = -\frac{N\Delta zq}{2\epsilon_0 c} \left[i\omega \frac{qE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2)} \exp(i\omega \left(t - \frac{z}{c}\right))\right]$$

- పదొర్థంలో సి ఛార్జీల డోలనొల సహజ పౌనఃపున్యం ఇక్కడ ఉంది. ω<sub>0</sub>
- $\blacktriangleright$  తో పోల్ఫ్ చూస్తే, మనకు లభిస్తుంబ $E_{induced} = -(i\omega(n-1)\Delta z/c)E_0 \exp i\omega(t-z/c)$

$$n = 1 + \frac{Nq^2}{2\epsilon_0 m(\omega_0^2 - \omega^2)}$$

ఈ ఫంక్షన్ యొక్క ప్రవర్తనను క్రింద చూపిన విధంగా కొన్ని సాధారణ విలువల కోసం అధ్యయనం చేయవచ్చు. Since  $\Delta z$  is very small, one can write  $\exp -i\omega(n-1)\Delta z/c = 1 - i\omega(n-1)\Delta z/c$ 

$$\therefore E_{observed} = E_0 \exp i\omega(t - z/c) - (i\omega(n-1)\Delta z/c)E_0 \exp i\omega(t - z/c)$$

• Induced field can be calculated as  $E_{induced} = -\frac{N\Delta zq}{2\epsilon_0 c} Velocity of charges|_{at t-z/c}$ Here N is charge density.

• The electric field of light causes simple harmonic oscillations in the material.

$$m\left(\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x\right) = F = qE_0 \exp i\omega t$$

- The solution of this equation is  $x = x_0 \exp i\omega t$
- Substituting this back into the above equation, we get

$$x = \frac{qE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2)} \exp i\omega t \implies Velocity of Charges |_{at t - \frac{z}{c}}$$
$$= [i\omega \frac{qE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2)}] \exp(i\omega \left(t - \frac{z}{c}\right))]$$
The induced field near becomes:

► The induced field now becomes:

$$E_{induced} = -\frac{N\Delta zq}{2\epsilon_0 c} \left[i\omega \frac{qE_0}{m(\omega_0^2 - \omega^2)} \exp(i\omega \left(t - \frac{z}{c}\right))\right]$$

• Here  $\omega_0$  is the natural frequency of oscillations of the charges in the material.

• Comparing with 
$$E_{induced} = -(i\omega(n-1)\Delta z/c)E_0 \exp i\omega(t-z/c)$$
, we get  
 $n = 1 + \frac{Nq^2}{c}$ 

$$= 1 + \frac{1}{2\epsilon_0 m(\omega_0^2 - \omega^2)}$$

The behaviour of this function can be studied for some general values as shown below.

## 4.1 Introduction







Some salient observations of Feynman equation for refractive index:

- For most transparent materials like air, hydrogen gas etc., the natural frequency is in UV range.
- i.e;  $\omega_0 \gg \omega$ , so refractive index is constant for all visible light frequencies or all colours travel with same velocity.
- Crown glass and flint glass also exhibit constant RI for all visible light frequencies, the reason they are used for lens preparation.
- ✤ If Graphite is shone with x-Rays, then  $ω ≫ ω_0$  Then also RI is constant. That is why Carbon is transparent to X-rays.
- ✤ For free electron gas,  $ω_0 = 0$  then n < 1. ie, light travels faster than *c*. This is actually phase velocity.
- ✤ If  $ω_0$  is comparable to ω, ie;  $ω_0 ≥ ω$  then Refractive Index increases with rise in frequency of light.
♦ When  $\omega \simeq \omega_0$  then material exhibits negative refractive index.

## Fresnel theory of reflection and refraction

When light is incident on an interface separating two different media, a part will be transmitted and a part will be reflected. In addition to reflection and transmission, polarization of light beam also takes place. To understand that, one needs to consider the electromagnetic wave model of light.

There are two types of polarizations namely S-Polarization and P-Polarization. The German word S stands for Senkrecht that means perpendicular and is associated with Electric field vector perpendicular to the plane of light ray motion. This is also called TE-Mode (Transverse Electric field mode). In German, P stands for Parallel which is associated with electric field vector parallel to the plane of the light ray motion. This is also called TM-Mode (Transverse Magnetic field mode).



Fig: Fresnel theory of reflection and refraction.

Consider a light ray which is incident at an angle  $\theta_i$  on a boundary separating two media of refractive indices  $n_1$  and  $n_2$  respectively. Let  $\theta_r$  be the angle of reflection and  $\theta_t$  be the angle of transmission or angle of refraction. Then in TE-Mode, magnetic field vector will be in the light ray plane and in TM-Mode, electric field vector will be in the light ray plane as shown above.

Boundary conditions are to be applied for E and B across the boundary. They are as given below.

1. Perpendicular component of B is continuous across the boundary.

లఫ్రాక్టిప్ ఇండెక్స్ కోసం ఫేన్డౌన్ సమీకరణం యొక్క కొన్ని ముఖ్యమైన పలిశీలనలు:

- గారి, హైడ్రోజన్ వాయువు మొదలైన చాలా పారదర్శక పదార్థాల కోసం, సహజ ఫ్రీక్వెబ్సీ UV పలభిలో ఉంటుంబి.
- అనగా; ω<sub>0</sub> ≫ ω , కాబట్టి అన్ని కనిపించే కాంతి పౌనఃపున్వెలకు వక్రీభవన గుణకం స్థిరంగా ఉంటుంబి లేదా అన్ని రంగులు ఒకే వేగంతా ప్రయాణిస్తాయి.
- శైస్ గ్లాస్ మరియు ఫ్లింట్ గ్లాస్ కూడా అన్ని కనిపించే కాంతి పౌనఃపున్యాల కోసం స్థిరమైన RIని ప్రదర్శిప్రాయి, అందుకే అవి లెన్స్ తయారికి ఉపయోగించబడతాయి.
- గ్రాఫైట్ x-కిరణాలతో ప్రకాశస్రే, అష్టుడు RI కూడా స్థిరంగా ఉంటుంబి. అందుకే కార్చన్ ఎక్స్-కిరణాలకు పారదర్శకంగా ఉంటుంబి. $\omega \gg \omega_0$
- ఉచిత ఎలక్ట్రైన్ వాయువు కోసం ω<sub>0</sub> = 0, అష్పడు < 1. అంటే కాంతి c కంటే వేగంగా ప్రయాజిస్తుంబి. ఇబి నిళానికి దశ వేగం.
- ♦ ω<sub>0</sub> త్ ω పోల్చద
  వది అయితే, అనగా; ω<sub>0</sub> ≥ ω కాంతి యొక్క ఫ్రీక్వెన్సీ పెరుగుదలతో పక్రీభవన గుణకం పెరుగుతుంబ.
- అష్పడు పదొర్థం ప్రతికూల వక్రీభవన గుణకం ను ప్రదర్శిస్తుంబి. $\omega \simeq \omega_0$

#### లఫ్లెక్షన్ మలయు వక్రీభవనం యొక్క ఫ్రైనెల్ సిద్దాంతం

రెండు వేర్వేరు మాధ్యమాలను వేరుచేసే ఇంటర్ఫేస్పై కాంతి పతనం జలినినష్టుడు, ఒక భాగం ప్రసారం చేయుబడుతుంబి మలయు కొంత భాగం ప్రతిఇంఇిస్తుంబి. లెఫ్లెక్షన్ల్ మలయు ప్రసారంతో పాటు, కాంతి ఫుంజం యొక్క థ్రువణత కూడొ జరుగుతుంబి. దొలిలి అర్థం చేసుకోవడొలికి, కాంతి యొక్క విద్యుదయస్థాంత తరంగ నమూనాను పలగణించారి.

ఎస్-పోలరైజేషన్ మరియు పి-పోలరైజేషన్ అనే రెండు రకాల ధ్రువణాలు ఉన్నాయి. ఇర్డన్ పదం S అంటే సెన్కైష్ట్ అంటే లంబంగా మరియు కాంతి కిరణ కదరిక సమతలానికి లంబంగా ఉన్న ఎలక్ట్రిక్ ఫీర్జ్ వెక్టర్*తో సం*బంధం కరిగి ఉంటుంది. దీనిని TE- హెడ్ (ట్రాన్స్వ్ ఎర్బ్ల్ క్ ఫీర్జ్ హెడ్) అని కూడొ అంటారు. ఇర్షన్లో, P అంటే సమాంతరంగా ఉంటుంది, ఇది కాంతి కిరణ చలనం యొక్క సమతలానికి సమాంతరంగా విద్యుత్ క్షేత్ర వెక్టర్తతో అనుబంధించబడుతుంది. దీనిని TM-హెడ్ (ట్రాన్స్వ్ వర్స్ మాగ్నెటిక్ ఫీర్డ్ హెడ్) అని కూడొ అంటారు.

వక్రీళవన గుణకం  $n_1, n_2$  వరుసగా కలిగిన రెండు మాధ్యమాలను వేరుచేసే సలహద్దులో ఒక కాణంలో  $heta_i$  పతనం చెందే కాంతి కిరణాబ్ని పలగణించగలరు . పరొవర్తన కోణం . $heta_r$  గా ఉండలవ్వండి మలయు  $heta_t$  ప్రసార కోణం లేదా వక్రీళవన కోణం. అష్టుడు TE–మోడ్లో, మాగ్నెటిక్ ఫీల్డ్ వెక్టర్ కాంతి కిరణాల ప్లేన్ లో ఉంటుంబి మలయు TM–హెడ్లో , ఎలక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ వెక్టర్ పైన చూపిన విధంగా లైట్ రే ప్లేన్లో ఉంటుంబి సలహద్దులో E మలయు B కోసం సలహద్దు షరతులు వల్తింపజేయుబడతాయి. అవి క్రింద ఇవ్వబడినవి.

- 1. B యొక్క లంబ భాగం సలహద్దు అంతటా నిరంతరంగా ఉంటుంది.
- 2. E యొక్క సమాంతర భాగం సలహద్దు అంతటా నిరంతరంగా ఉంటుంబి.

ఎలక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ వెక్టర్ పరంగా వివరణ సౌకర్యవంతంగా ఉంటుంబి కాబట్టి అయస్కాంత క్షేత్ర నిబంధనలను తొలగించడానికి ఎలక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ మలియు మాగ్నెటిక్ ఫీల్డ్ వెక్టర్స్ మధ్య సంబంధాన్ని ఉపయోగించార్సి ఉంటుంబి. కాబట్టి ఒకరు ఉపయోగించవచ్చు 3. Parallel component of E is continuous across the boundary.

Also one may need to use the relation between electric field and magnetic field vectors to eliminate magnetic field terms as description in terms of electric field vector is convenient. Thus one may use

$$\frac{E}{B} = c \implies B = \frac{n}{c_0}E \quad ---(1)$$

Here n is the refractive index of the medium 1.  $c_0$  is the velocity of light in vacuum. In the medium 2 with refractive index n', the equation becomes,

$$B = \frac{n'}{c_0}E \quad ---(2)$$

Activity One can also substitute  $E/B = c = \omega/k$  and  $\omega/k'$ for the second medium and get similar results in terms of wave vecor k. Arrive at that result.

#### TE - Mode:

In the TE mode, Electric field is perpendicular to the plane of propagation of light and magnetic field is in the field of propagation. The application of boundary conditions yield,

$$E_i + E_r = E_t - - - (3)$$

$$B_i \cos \theta_i - B_r \cos \theta_r = B_t \cos \theta_t - - - (4)$$
Replacing *B* with *E* using Eq. (1), (2); Eq(4) becomes
$$n(E_i \cos \theta_i - E_r \cos \theta_r) = n'E_t \cos \theta_t$$
Since angle of reflection is same as angle of incidence,
$$n \cos \theta_i (E_i - E_r) = n'E_t \cos \theta_t - - - (5)$$
Substituting Eq. (3) in the above gives,
$$n \cos \theta_i (E_i - E_r) = n'(E_i + E_r) \cos \theta_t$$
Upon rearrangement,
$$E_i(n \cos \theta_i - n' \cos \theta_t) = E_r(n \cos \theta_i + n' \cos \theta_r$$
From this the reflection coefficient is given by
$$r_s = \frac{E_r}{E_i} = \frac{n \cos \theta_i - n' \cos \theta_t}{n \cos \theta_i + n' \cos \theta_r} - - - (6)$$

To calculate transmission coefficient, one needs to eliminate  $E_r$  from Eq. (5) using Eq. (3)

$$n\cos\theta_i \left( E_i - (E_t - E_i) \right) = n' E_t \cos\theta_t$$

Upon rearranging,

$$n\cos\theta_i \ 2E_i = E_t(n'\cos\theta_t + n\cos\theta_i)$$
  
The transmission coefficient is given by

)

$$\frac{E}{B} = c \implies B = \frac{n}{c_0}E \quad ---(1)$$

మాధ్యమం 1 యొక్క వక్రిభవన గుణకం n ఇక్కడ ఉంది. శూన్యంలో కాంతి వేగం  $c_0$ . వక్రిభవన గుణకం n' తో మాధ్యమం 2లో, సమీకరణం అవుతుంది,

$$B = \frac{n'}{c_0}E \quad ---(2)$$

#### TE - హెడ్:

TE హెడ్**లో, ఎలెక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ కాంతి మలయు అయస్కాంత** క్షేత్రం ప్రసారం యొక్క సమతలొనికి లంబంగా ఉంటుంబి. సలహద్దు షరతులను వర్తింపజేయడం,

బిని నుండి పరొవర్తన గుణకం ఇవ్వబడుతుంబ

$$r_{s} = \frac{E_{r}}{E_{i}} = \frac{n\cos\theta_{i} - n'\cos\theta_{t}}{n\cos\theta_{i} + n'\cos\theta_{r}} \quad ---(6)$$

ట్రాన్హిషన్ కోఎఫీషియంట్ను లెక్కించడొనికి, Eq నుండి  $E_r$  కాలగించారి. (5) Eq ఉపయోగించి. (3)

$$n\cos\theta_i (E_i - (E_t - E_i)) = n'E_t\cos\theta_t$$

ఫునర్వ్యవస్థీకరణపై,

$$n\cos\theta_i \ 2E_i = E_t(n'\cos\theta_t + n\cos\theta_i)$$

ప్రసార గుణకం

$$t_s = \frac{E_t}{E_i} = \frac{2n\cos\theta_i}{n\cos\theta_i + n'\cos\theta_t} \quad ---(7)$$

#### TM హెడ్:

ఈ హెడ్**లో అయస్కాంత క్షేత్రం కాంతి ప్రసారం యొక్క** సమతలొనికి లంబంగా ఉంటుంబి మరియు విద్యుత్ క్షేత్రం ప్రసారం యొక్క తలం లో ఉంటుంబి. సరిహద్దు షరతులను వర్తింపశేయడం,

$$E_i \cos \theta_i + E_r \cos \theta_i = E_t \cos \theta_t - - - (8)$$
  
 $B_i - B_r = B_t - - - (9)$   
Eqp ఉపయోగించడం. (1) మలయు Eq. (2), Eqలో B ఫ్రీల్డ్ ని E ఫ్రీల్డ్ గా మార్చవచ్చు. (9) ఈ విధంగా,

$$n(E_i - E_r) = n'E_t - - - (10)$$

Eq నుండి  $E_t$  తొలగించడం. (8) మలియు Eq. (10), ఇస్తుంబ

$$(E_i + E_r)\cos\theta_i = \frac{n}{n'}(E_i - E_r)\cos\theta_t$$

పునర్వ్వవస్థీకరణ తరువొత,

$$E_i(n\cos\theta_t - n'\cos\theta_i) = E_r(n\cos\theta_t + n'\cos\theta_i)$$

$$t_s = \frac{E_t}{E_i} = \frac{2n\cos\theta_i}{n\cos\theta_i + n'\cos\theta_t} \quad ---(7)$$

#### TM Mode:

In this mode magnetic field is perpendicular to the plane of light propagation and electric field is in the plane of propagation. Applying the boundary conditions, one obtains

$$E_i \cos \theta_i + E_r \cos \theta_i = E_t \cos \theta_t \quad --- (8)$$
$$B_i - B_r = B_t \quad --- (9)$$

Using Eq. (1) and Eq. (2), one may convert B field into E field in Eq. (9). Thus,

$$n(E_i - E_r) = n'E_t - - - (10)$$

Eliminating  $E_t$  from Eq. (8) and Eq. (10), gives

$$(E_i + E_r) \cos \theta_i = \frac{n}{n'} (E_i - E_r) \cos \theta_t$$

Upon rearrangement,

 $E_i(n\cos\theta_t - n'\cos\theta_i) = E_r(n\cos\theta_t + n'\cos\theta_i)$ From this the reflection coefficient is

$$r_p = \frac{E_r}{E_i} = \frac{n\cos\theta_t - n'\cos\theta_i}{n\cos\theta_t + n'\cos\theta_i} \quad --- (11)$$

Eliminating  $E_r$  from Eq. (8) and Eq. (10) yields,

$$E_i \cos \theta_i + \left(\frac{nE_i - n'E_t}{n}\right) \cos \theta_i = E_t \cos \theta_t$$

Upon rearranging,

$$2nE_i\cos\theta_i - n'E_t\cos\theta_i = nE_t\cos\theta_t$$

Thus the transmission coefficient for P-polarized wave is given by

$$t_p = \frac{E_t}{E_i} = \frac{2n\cos\theta_i}{n\cos\theta_t + n'\cos\theta_i} \quad --- (12)$$

When  $\theta_i = 90^\circ$ , transmission coefficient becomes zero.

When  $\tan \theta_i = n'/n$ ,  $r_p = 0$ . This condition is called Brewster law.

బీఐ నుండి పరొవర్తన గుణకం

$$r_p = \frac{E_r}{E_i} = \frac{n\cos\theta_t - n'\cos\theta_i}{n\cos\theta_t + n'\cos\theta_i} \quad ---(11)$$

Eq నుండి  $E_r$  తొలగించడం. (8) మలయు Eq. (10) బగుబడి,

$$E_i \cos \theta_i + \left(\frac{nE_i - n'E_t}{n}\right) \cos \theta_i = E_t \cos \theta_t$$

ఫునర్వ్యవస్థీకరణపై,

 $2nE_i\cos heta_i - n'E_t\cos heta_i = nE_t\cos heta_t$  అందువలన P-పోలరైళ్ల్ వేప్ కోసం ప్రసార గుణకం ద్వారా ఇవ్వుండుతుంబ

$$t_p = \frac{E_t}{E_i} = \frac{2n\cos\theta_i}{n\cos\theta_t + n'\cos\theta_i} - - - (12)$$

ఎప్పడు , ప్రసార గుణకం సున్నా అవుతుంబి. $heta_i=90^\circ$ ఎప్పడు , .ఈ పలిస్థితిని బ్రూస్టర్ నియమం అంటారు. $an heta_i=n'/nr_p=0$ 

రెండు మాధ్యమాలను వేరుచేసే పొదైనా ఇంటర్ఫేస్లో లంబ పతనం జలిగినష్పడు, దొదొళ్ళ అన్ని సందర్ళొల్లో ఒక భాగం ప్రసారం చేయబడుతుంది మలయు ఒక భాగం ప్రతిణంణస్తుంది. అరుదైన మాధ్యమం నుండి తెలికపాటి సంఘటనలు సంభవించినష్పుడు ఒక ప్రత్యేక సందర్భం తరెత్తుతుంది. ఆ సందర్ళంలో, కాంతి వక్రీళవనం తర్వొత లంబం నుండి దూరంగా వంగి ఉంటుంది. అనగా, పక్రీళవన కోణం పతన కోణం కంటే పెద్దది. అందువల్ల పతన కోణం పెలిగే కొద్దీ, వక్రీళవన కోణం ఆ తీవ్రత వద్దకు వచ్చే సంఘటన కంటే మెందుగానే 90° చేరుకుంటుంది. ఇది వక్రీళవన కోణం కేవలం సమానంగా మారే పతన క్లిష్టమైన కోణం అని పిలుస్తారు. పతన క్లిష్టమైన కోణం 90° దొటి, వక్రీళవన కిరణం అద్భశ్యమవుతుంది మలియు లఫ్లెక్టింగ్ కిరణం మాత్రమే ఉంటుంది. ఈ పలిస్థితిని టోటల్ ఇంటర్నల్ లఫ్లెక్లన్ (TIR) అంటారు.

కాంతి అరుదైన మాధ్యమంలో ప్రతిఖంఇంచినప్పడు, దశ మార్పు జరగదు. కానీ ఈ సందర్భంలో ఖాచ్చితమైన లెఫ్లెక్లన్ జరగనందున, కిరణం పరొవర్తన ఇందువు వద్ద చిన్న దశ మార్పును కరిగి ఉంటుంబి. ఎందుకంటే సలహద్దు వద్ద లెఫ్లెక్టింగ్ సమయంలో కాంతి తరంగం యొక్క చిన్న భొగం అరుదైన మాధ్యమంలోకి ప్రవేశిస్తుంబి.

ఇంకా, అరుదైన మాధ్యమం యొక్క మందం చాలా తక్కువగా ఉన్నష్టుడు ఒక ప్రత్యేక సందర్భం ఉంది. అటువంటి సందర్భంలో, సొరంగం పర్పడుతుంది మరియు కాంతి కిరణం మొత్తం అంతర్గత ప్రతిఇంచానికి బదులుగా అరుదైన మాధ్యమం నుండి బయటపడుతుంది. ఈ దృస్విషయాన్ని ఫ్రచ్టైబెడ్ టోటర్ ఇంటర్నల్ రెఫ్లెక్లన్ అంటారు. అంటే అసలు మొత్తం అంతర్గత రెఫ్లెక్టింగ్ కిరణం (చుక్కల రేఖ) విసుగు చెందుతుంది / భంగం చెందుతుంది మరియు పదొర్థం ద్వారా / సొరంగాలను ప్రసారం చేస్తుంది ఈ ఉపోట్టాతంతో, ఇష్టుడు అధ్యాయం యొక్క వివరణాత్మక అంశాలలోకి ప్రవేశిస్తారు



Fig: Reflection and transmission coefficients Vs. Angle of incidence



When light incidents on any interface seperating two media, a part will be transmitted and a part will be reflected, in almost all cases. A special case arises when light incidents from the rarer medium. In that case, light bends away from the normal after refraction. i.e.; angle of refraction is larger than angle of incidence. Thus as the angle of incidence increases, angle of refraction reaches 90° earlier than the angle of incidence arrives at that extreme. That is called the critical angle of incidence for which the angle of refraction just becomes equal to 90°. Beyond the critical angle of incidence, the refracted ray disappears and only reflected ray exists. This condition is called Total Internal Reflection (TIR).

When light reflects on a rarer medium, no phase change occurs. But in this case since no perfect reflection occurs, the ray will have a small phase change at the reflection point. This is because a small portion of light wave enters the rarer medium during the reflection at the boundary.

## 4.2 Monochromatic aberrations



Fig: Principle of optical fiber.

Further, there exists a special case when the thickness of the rarer medium is negligibly small. In such case, tunnelling occurs and light ray escapes out of rarer medium, instead of undergoing total internal reflection. This phenomenon is called frustrated Total Internal Reflection. That means the actual total internal reflected ray (dotted line) gets frustrated / disturbed and transmits / tunnels through the material.



Fig: Frustrated Total internal reflection (n<sub>2</sub><n<sub>1</sub>,n<sub>3</sub>).

With this introduction, one may now dive into the detailed topics of the chapter.

# 4.2 Monochromatic aberrations

Monochromatic aberrations occur due to the position of the object near the lens/mirror and due to the shape and size of the lens/mirror system. This aberration is completely independent of color/frequency/wavelength of the light source used.

There are 5 types of monochromatic aberrations. They are

- 1. Spherical aberration 2. Astigmatism 3. Coma
- 4. Field curvature 5. Image distortion.

Out of these, first three will blur the image and next two will distort its shape.

Some times defocus, piston and tilt are also considered as monochromatic aberrations. But they may be eliminated just by adjusting the position of the lens. Hence may not be considered as mainstream monochromatic aberrations.

# 4.3 Spherical aberration

The inability of a lens or mirror to focus the paraxial and marginal rays from a point monochromatic source to a single point is called spherical aberration.

Consider the angle of refraction for a given angle of incidence in degrees for a refracting surface of refractive index 1.5

i	r	$\frac{r}{i}\%$
10	6.64778	66.48
15	9.93588	66.24
20	13.1801	65.90
25	16.3644	65.46
30	19.4712	64.90
35	22.4814	64.23
40	25.374	63.43
45	28.1255	62.50
50	30.7102	61.42
55	33.1	60.18
60	35.2644	58.77
65	37.1717	57.19
70	38.7896	55.41
75	40.087	53.45
80	41.0364	51.30
85	41.6156	48.96

Thus for larger values of angle of incidence, in order to keep the ratio  $\sin i/\sin r = \mu$  fixed, r value reduces drastically. Thus when light incidents on a plane refracting surface, the rays with smaller angle of incidence focus first and the rays with larger angle of incidence focus at longer distance, i.e.; marginal rays have longer focal length than paraxial rays. This spread of focal point along the principal axis of the system is called longitudinal spherical aberration. By sign convention, paraxial rays being lesser in focal length, it is considered as negative deviation.

## 4.2 ఏకవర్ణ అబెర్రేషన్లు

## 4.2 ఏకవర్ణ అచెర్రేషన్లు

లెస్స్/అద్దం దగ్గర వస్తువు యొక్క స్థానం మలయు లెస్స్/అద్దం వ్వవస్థ యొక్క ఆకారం మలయు పలమాణం కారణంగా పెకవర్ణ అబెర్రేషన్లు సంభవిస్తాయి. ఉపయోగించిన కాంతి మాలం యొక్క రంగు/ఫ్జీక్వెన్సీ/తరంగదైర్హ్యంతో ఈ అబెర్రేషన్ ఫూల్తిగా స్వతంత్రంగా ఉంటుంబి. 5 రకాల పెకవర్ణ అబెర్రేషన్లు ఉన్నాయి. అవి

 గోళొకార అచెర్రే షన్ 2. ఆస్టిగ్గాటి సిం 3. కోమా 4. ఫీల్డ్ వక్రత 5. చిత్రం వక్రీకరణ.
 పిటిలో, మొదటి మూడు చిత్రాన్ని అస్పష్టం చేస్తాయి మరియు తదుపరి రెండు దొని ఆకారొన్ని వక్రీకలస్తాయి.

కొన్ని సార్లు ఢిఫోకస్, పిస్టస్ మరియు టిర్ట్ కూడొ మోనోక్రోమటిక్ అబెర్రేషన్లుగా పరిగణించబడతొయి. కానీ అవి కేవలం లెన్స్ స్థానొన్ని సర్దుబొటు చేయడం ద్వొరొ తొలగించబడవచ్చు. అందువల్ల ప్రధాన ప్రవంతి వికవర్ణ అబెర్రేషన్లుగా పరిగణించబడకపోవచ్చు.

## 4.3 గోళాకార అచెర్రేషన్

ఒక అందువు పికవర్ణ మాలం నుండి ఒక అందువు వరకు పారొక్సియల్ మలయు మాల్టినల్ కిరణాలను కెంబ్రికలంచడానికి లెన్స్ లేదా అద్దం అసమర్థితను గోళాకార అబెర్రేషన్ అంటారు.

పక్రీభవన గుణకం 1.5 యొక్క వక్రీభవన ఉపలితలం కోసం డిగ్రీలలో ఇచ్చిన పతన కోణం కోసం వక్రీభవన కోణాన్ని పలగణించగలరు

అందువల్ల పతన కోణం యొక్క పెద్ద విలువల కోసం, sin *i* /sin  $r = \mu$  న్ఫుత్తిని స్థిరంగా ఉంచడొనికి, r విలువ బొగా తగ్గుతుంది. ఆ విధంగా ఒక తలం వక్రీభవన ఉపరితలంపై కాంతి పతనం సంభవించినష్పుడు, చిన్న పతన కోణం ఉన్న కిరణాలు మొదట ఫోకస్ అవుతాయి మరియు పెద్ద పతన కోణం ఉన్న కిరణాలు ఎక్కువ దూరం వద్ద ఫోకస్ అవుతాయి, అనగా; ఉపాంత కిరణాలు పారొక్సియల్ కిరణాల కంటే ఎక్కువ ఫోకల్ లెన్ర్లు కరిగి ఉంటాయి. వ్యవస్థ యొక్క ప్రధాన అక్షం వెంట కేంద్ర బిందువు యొక్క ఈ వ్యొక్తిని రేఖాంశ గోళాకార అబెర్రేషన్ అంటారు. పైన్ కన్వెన్షన్ ద్వారా, పారొక్సియల్ కిరణాలు ఫోకల్ లెచ్లో తక్కువగా ఉండటం వలన, ఇది ఋణ గోళాకార అబెర్రేషన్గా పెంగణించుడుతుంది.

కుంభాకార లెన్స్ విషయంలో, దొని వక్ర ఆకారం కారణంగా, పారొక్సియల్ కిరణాల కంటే ఉపాంత కిరణాలు మొదట ఫోకస్ అవుతాయి. అందువల్ల పారొక్సియల్ కిరణాలు ఎక్కువ ఫోకల్ లెమ్హ కరిగి ఉన్న సందర్భం సానుకూల గోళొకార అబెర్రే షన్గా పలగణించబడుతుంబి.

I<sub>m</sub> మలయు I<sub>p</sub> మధ్యలో ఎక్మడో సాధ్యమైనంత ఉత్తమమైన ఫోకన్ని గమనించవచ్చు. ఇక్కడ చిత్రం ఐందుఫుకు బదులుగా వృత్తం AB రూపంలో ఉంటుంబి. బీనినే సల్మల్ ఆఫ్ రీస్ట్ కన్ఫ్రూజన్ అంటారు. గోళౌకార అభెర్రేషన్ రెండు రకాలు

- రేఖాంశ గోళాకార అచెర్రేషన్: ఇబ ఉపాంత కిరణాల ఫోకస్ పాయింట్ మరియు పారొక్సియల్ రే ఫోకస్ పాయింట్ మధ్య విధజన.
- 2. పార్స్య గోళొకార అబెర్రేషన్: ఇబి కసిసం గందరగోళం యొక్క వృత్తం యొక్క వ్యాసార్థం.

In the case of convex lens, because of its curved shape, marginal rays focus first than the paraxial rays. Thus the case where paraxial rays have longer focal length is considered to be positive spherical aberration.



Fig: Spherical aberration in convex lens.

Somewhere in between  $I_m$  and  $I_p$  best possible focus may be observed at *AB*. Here the image will be in the form of a circle instead of a point. This is called circle of least confusion.

Spherical aberration is of two types

- 3. Longitudinal spherical aberration: It is the seperation between marginal rays focus point and paraxial ray focus point.
- 4. Lateral spherical aberration: It is the radius of the circle of least confusion.

# 4.4 Minimization of Spherical aberration

The spherical aberration can be minimized by using the following methods.

1. **By using stops:** Proper size of opaque materials are used to block either the marginal rays or the paraxial rays from incidenting on the lens/mirror system. Then sharp image will be formed at the paraxial focus point or marginal point respectively. The only problem with this method is that the image formed will be of lower intensity as majority of the light rays are blocked.

4.4 గోళాకార అబెర్రేషన్ యొక్క కనిష్టీకరణ

# 4.4 గోళొకార అచెర్రేషన్ యొక్క కనిష్టీకరణ

కింబి పద్ధతులను ఉపయోగించడం ద్వోరొ గోళొకార అచెర్రే షన్ను తగ్గించవచ్చు.

- స్టాప్లను ఉపయోగించడం ద్వొరొ:లెస్స్/మిర్రర్ సిస్టమ్పై పతనం చెందే మాల్టనల్ కిరణాలు లేదొ పారొక్సియల్ కిరణాలను నిరోథించడానికి అపారదర్శక పదొర్థాల సరైన పరిమాణం ఉపయోగించుడుతుంది. అప్పడు ఉత్తమమైన చిత్రం వరుసగా పారొక్సియల్ ఫోకస్ పాయింట్ లేదొ మాల్టనల్ పాయింట్ వద్ద పర్పడుతుంది. ఈ పద్ధితిలో ఉన్న పొరైక సమస్య పిమిటంటే, మెళొలటీ కాంతి కిరణాలు నిరోథించుడినందున పర్పడిన చిత్రం తక్కువ తీవ్రతతో ఉంటుంది.
- 2. కుంభాకార-ఫుటాకార రెస్స్ డబుల్ ఉపయోగించడం ద్వారా:కుంఛాకార కటకం ద్వారా ఉత్పత్తి చేయబడిన గోళాకార అచెర్రేషన్ సానుకూల సంకేతం మలయు ఫుటాకార కటకం ద్వారా ఉత్పత్తి చేయబడినబి ప్రతికూల సంకేతం. అందువల్ల కుంభాకార కటకం మలయు ఫుటాకార కటకం యొక్క సలఅయిన కలయిక ద్వంద్వంగా పిర్పడటానికి ఉపయోగించబడుతుంబి, ఇబి గోళాకార అచెర్రేషన్ను తాలగించగలదు.
- 3. దూరంతో వేరు చేయుబడిన ప్లా నో-కుంఛా కార కటకములను ఉపయోగించడం ద్వారా: రెండు ప్లా నో-కుంభా కార కటకములు వొటి ఫోకల్ లెస్ట్ యొక్క వ్యత్యా ఫాలికి సమానమైన దూరంతో వేరు చేయుబడినప్పడు, కలయిక గోళా కార అబెర్రే షన్ను తొలగిస్తుంబి. రెండు ప్లా నో-కుంభా కార లెన్స్లేలను L<sub>1</sub>, L<sub>2</sub> పలగణించగలరు , వొటి కుంభా కార ఉపలతలం మలింత సమాంతర ఫుంళా నికి ఎదురుగా, d దూరంతో వేరుచేయుబడి ఉంటుంబి. లెట్ ములయు పొల ఫోకల్ లెంగ్త్ లు.f<sub>1</sub>, f<sub>2</sub>.

సమాంతర ఫుంజం AB పతనంను పలగణించగలరు.  $L_1$  ద్వారా ఉత్పత్తి చేయబడిన ఐచలనం  $\delta$  మలయు  $L_2$  వద్ద ఉత్పత్తి చేయబడినబి కూడా  $\delta$  ఉండలవ్వండి.

BC కిరణం  $L_2$  లేనష్పడు సరళ రేఖ  $F_1$  వెంట ప్రయాణించాలి. కానీ లెన్స్  $L_2$  కారణంగా, ఇబి  $F_2$  ఫోకస్ కేంబ్రికలించుడుతుంబి.

రేఖా చిత్రం నుండి సరళ రేఖ  $BCF_1$  నుండి,

 $\angle CBD = \angle CF_1F_2 = \delta$ 

అష్పడు త్రిభుజం Δ*CF*1F2 నుండి , రెండు కోణాలు సమానంగా ఉంటాయి కాబట్టి (ఇది మేము చేసిన ఊహ),

 $\angle F_2 CF_1 = \angle CF_1 F_2 \implies CF_2 = F_2 F_1$  అలొగే  $CO_2$  చిన్నది కాబట్టి,  $O_2 F_2 \simeq CF_2$  ప్రొయవచ్చు. మరో మాటలో చెప్పాలంటే,  $O_2 F_1$  మధ్య సిందువు  $F_2$  అవుతుంది. ముగింఫులో,

$$O_2 F_2 = F_2 F_1 = \frac{f_1 - d}{2}$$



#### Fig: Spherical aberration minimization using stops.

4. **By using convex-concave lens doublet:** The spherical aberration produced by a convex lens is of positive sign and that produced by the concave lens is of negative sign. Thus a suitable combination of convex lens and concave lens may be used to form a doublet which can eliminate spherical aberration.



Fig: Convex - Concave doublet

5. **By using plano-convex lenses separated by a distance:** 

When two plano-convex lenses separated by a distance which is equal to the difference of their focal length, the combination eliminates the spherical aberration.



Fig: Plano-convex lenses separated by a distance

Consider two plano-convex lenses  $L_1$ ,  $L_2$  with their convex surface facing the more parallel beam, separated by a distance *d*. Let  $f_1$  and  $f_2$  be their focal lengths.

## 4.4 గోళాకార అబెర్రేషన్ యొక్క కనిష్టీకరణ

 $L_1$  ద్వొరొ  $F_1$  వద్ద పర్పడిన చిత్రం  $L_2$  వద్ద ఒక వస్తువుగా పనిచేస్తుంచి మరియు  $F_2$  వద్ద వర్ష్మవల్ చిత్రొన్ని రాపొంచిస్తుంది. కాబట్టి లెన్స్ సమీకరణొన్ని ఉపయోగించడం ద్వారొ,

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f} \Longrightarrow -\frac{1}{O_2 F_1} + \frac{1}{O_2 F_2} = \frac{1}{f_2}$$
$$\Rightarrow -\frac{1}{f_1 - d} + \frac{2}{f_1 - d} = \frac{1}{f_2} \Rightarrow f_1 - d = f_2$$
$$\Rightarrow d = f_1 - f_2$$

ఈ విథంగా రెండు లెన్స్ల్ మధ్య విభజన వొటి ఫోకల్ రెంగ్త్ వ్యత్యాసానికి సమానంగా ఉన్నష్టుడు, వొటి ద్వొరొ ఉత్పత్తి చేయుబడిన విచలనం సమానంగా మారుతుంది. అన్ని పక్రీళవన ఉపలతలాల వద్ద ఉత్పత్తి చేయుబడిన విచలనం సమానంగా ఉంటే, లెన్స్ యొక్క ప్రతి వక్రీళవన ఉపలతలం వద్ద ఉత్పత్తి చేయుబడిన సానుకూల మరియు ప్రతికూల అచెర్రేషన్లు రద్దు చేయబడితాయి.

4. ఆకార కారకం:లెన్స్ ఆకారం, మరో మాటలో చెప్పాలంటే లెన్స్ యొక్క ప్రతి వక్రీభవన ఉపలితలం యొక్క వక్రత, లెన్స్ ఉత్పత్తి చేసే గోళాకార అబెర్రేషన్ను ప్రభావితం చేస్తుంది. పతన మరియు ఉద్భవించే కిరణాలలో మరింత సమాంతర ఫుంజం వైపు వక్రత ఎక్కువగా ఉండొరి.

ఉదా: టెరిస్కోప్ యొక్క ఆభ్జెక్ట్ లెన్స్ప్ సుదూర వస్తువు నుండి కాంతి కిరణాలు పడడాన్ని పలిగజించగలరు . సమతల ఉపలితలం పతన ప్లేన్ టిమ్ను ఎదుర్కొన్నట్లయితే, సమతలం ఉపలితలం వద్ద ఎటువంటి విచలనం జరగదు మరియు మొత్తం విచలనం వక్ర ఉపలితలం వద్ద ఉంటుంబి. అందువల్ల ఉత్పన్నమయ్యే సానుకూల మరియు ప్రతికూల అబెర్రేషన్లు అసమానంగా ఉంటాయి. వక్ర ఉపలితలం పతన ప్లేన్ ఫుంళానికి ఎదురుగా ఉంటే, సానుకూల మరియు ప్రతికూల గోళాకార అబెర్రేషన్లు మరింత సమానంగా పంపిణీ చేయుడతాయి.

లెన్స్ యొక్క ఆకృతి కూడా ఉపయోగించిన పదార్థం యొక్క వక్రీభవన గుణకం ద్వారొ నిర్ణయించబడుతుంది. కింది షరతు సంతృప్తి చెందినట్లయితే రెండు ఉపలితలాల ద్వారొ ఉత్పత్తి చేయబడిన విచలనం సమానంగా పంపిజీ చేయబడుతుంది.

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{2\mu^2 - \mu - 4}{\mu(2\mu + 1)}$$

అందువలన  $\mu = 1.5$  ఉంటే  $R_1/R_2 = -1/6$  ,  $\dot{\mu} = 1.686$  ఉంటే  $R_1/R_2 = 0$ , . అందువల్ల, మొదటి సందర్భంలో లెన్స్ వక్రత యొక్క అసమాన రేడియాలతో డబుల్ కుంభాకారంగా ఉండొలి; రెండవ సందర్భంలో అది తప్పలసలగా ప్లానో-కుంభాకార లెన్స్ అయి ఉండొలి

2. అర్లసంబంథ GRIN లెన్స్ ఉపయోగించడం ద్వారా:వక్రీభవన కోణంలో పెరుగుదల తక్కువగా మలయు పతన కోణం పెరుగుదలతో తక్కువగా ఉన్నందున గోళొకార అచెర్రేషన్ ఉత్పత్తి అవుతుంబి. లెన్స్ యొక్క వక్రీభవన గుణకం కూడొ తదనుగుణంగా కేంద్రం నుండి రేడియల్ గా తగ్గితే, గోళొకార అచెర్రేషన్ను తగ్గించవచ్చు. లెన్స్లేల యాక్సియల్ గ్రేడెడ్ ఇండెక్స్ లెన్స్ అంటారు. Consider a parallel beam *AB* incident on  $L_1$ . Let the deviation produced by  $L_1$  at *B* be  $\delta$  and that produced by  $L_2$  at *C* also be  $\delta$ .

In the absence of  $L_2$  the ray has to travel along the straight line  $BCF_1$ . But because of lens  $L_2$ , it will be focused at  $F_2$ . From the diagram since  $BCF_1$  is a straight line,

Igrain since 
$$DCT_1$$
 is a straight in

$$\angle CBD = \angle CF_1F_2 = \delta$$

Then from the triangle  $\Delta CF_1F_2$ , since two angles are equal (This is an assumption we made),

$$\label{eq:cf1} \begin{split} & \angle F_2 CF_1 = \angle CF_1 F_2 \implies CF_2 = F_2 F_1 \\ \text{Also since } CO_2 \text{ is negligibly small, one can write } O_2 F_2 \simeq CF_2 \\ \text{. In otherwords, } F_2 \text{ becomes the mid point of } O_2 F_1. \\ \text{In conclusion,} \end{split}$$

$$O_2 F_2 = F_2 F_1 = \frac{f_1 - d}{2}$$

The image formed by  $L_1$  at  $F_1$  acts as an object for  $L_2$  and forms a virtual image at  $F_2$ . Thus by using the lens equation,

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f} \Longrightarrow -\frac{1}{O_2 F_1} + \frac{1}{O_2 F_2} = \frac{1}{f_2}$$
$$\Rightarrow -\frac{1}{f_1 - d} + \frac{2}{f_1 - d} = \frac{1}{f_2} \Rightarrow f_1 - d = f_2$$
$$\Rightarrow d = f_1 - f_2$$

Thus when the separation between the two lenses is equal to the difference of their focal lengths, the deviation produced by them will become equal. If the deviation produced at all refracting surfaces is equal, the positive and negative aberrations produced at each refracting surface of the lens will get cancelled.

6. Shape factor: The shape of the lens, in otherwords the curvature of each refracting surface of the lens, will affect the spherical aberration produced by the lens. The curvature should be higher towards the more parallel beam in the incident and emergent rays.

Eg: Consider light rays from distant object fall on the object lens of telescope. If the plane surface faces the incident plane beam, no deviation occurs at the plane surface and entire deviation is at the curved surface. Thus the positive and the negative aberrations produed are unequal. If the curved surface faces the incident plane beam, the positive and negative spherical aberrations are more evenly distributed.



Fig: Spherical aberration and lens shape.

The shape of the lens is also decided by the refractive index of the material used. The deviation produced by the two surfaces will be evenly distributed if the following condition is satisfied.

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{2\mu^2 - \mu - 4}{\mu(2\mu + 1)}$$

Thus if  $\mu = 1.5$ ,  $R_1/R_2 = -1/6$ , if  $\mu = 1.686$ ,  $R_1/R_2 = 0$ . Therefore, in the first case the lens must be double convex with uneven radii of curvature; whereas in the second case it must be a plano-convex lens.

7. By using axial GRIN lens: Spherical aberration is produced as the increment in angle of refraction is lower and lower with a rise in angle of incidence. If the refractive index of the lens also reduces accordingly away from the centre radially, spherical aberration can be minimized. The lens is called the axial graded index lens.

# 4.5 Coma

Coma is a monochromatic optical aberration in which a point object lies off the axis and the image will be formed in the shape of a comet.



#### Fig: Coma optical aberration.

This is an extension of the spherical aberration in the sense that the focus point of marginal rays and paraxial rays differs. The only difference is that the point object lies off the axis in coma and on the axis in the spherical aberration.

If spherical aberration is zero, first order coma will also be zero. Still higher order terms will contribute to higher order coma aberration.

Abbe's sine condition gives a mathematical relation to eliminate first order Coma aberration. The relation is given by

$$\mu_1 y_1 \sin \theta_1 = \mu_2 y_2 \sin \theta_2$$

here  $y_1$  and  $y_2$  are the heights of the object and image from the optical axis respectively. Satisfying this condition will also eliminate the spherical aberration.

Other options to reduce comatic aberration are same as that for spherical aberration. i.e.; by using stops, by using plano-convex lenses separated by a distance, by adjusting the radii of curvature of the lenses, by using a combination of convex and concave lens etc.

# 4.6 Astigmatism

Astigmatism is an off-axis monochromatic optical aberration where the optical system has different magnifications or focal lengths along horizontal and vertical directions.



Fig: Astigmatism

This arises due to the variation in the radius of curvature of the refracting surfaces in the horizontal and vertical directions. The horizontal plane is called Sagittal plane and the vertical plane is called as Meridional plane.



Fig: Original, Sagittal and Meridional focused image.

Here Sagittal image will be in the shape of a horizontal ellipse and Meridional image will be in the shape of a vertical ellipse. The distance between these two is called the Astigmatic difference. In between those two images a best possible image in the circular shape may be found.

Astigmatism can be eliminated by using stops.



Fig: Stops to eliminate Astigmatism.

The Astigmatic difference for convex lens is positive and that for concave lens is negative. Hence a suitable combination of convex and concave lenses may eliminate the astigmatic aberration.

The condition for convex – concave lens system for the correction of astigmatic difference is given by "Petzval condition", which is stated as

$$\frac{1}{n_1 f_1} + \frac{1}{n_2 f_2} = 0 \quad or \quad n_1 f_1 + n_2 f_2 = 0$$

here  $n_1$ ,  $n_2$  are the refractive indices and  $f_1$ ,  $f_2$  are the focal lengths of the convex and concave lenses respectively.

The image will be formed in a plane that lies in between sagittal image and meridional image. The plane is called Petzval plane. This Astigmatic correction is highly essential in wide angle photography.

# 4.7 Field curvature

The defect in a lens system while forming the image of a flat object in a curved shape is called the field curvature aberration.



Fig: Field curvature aberration.

This defect arises due to the curved shape of the lenses and mirrors used in the optical systems.

This can be eliminated by using a combination of convex and concave lens system that satisfies the Petzval condition.

$$n_1 f_1 = -n_2 f_2$$

Alternative option is to use curved optical sensors in the image recording system.

### 4.5 **కోమా**

#### 4.5 కోమా

కోమా అనేబి హెనోక్రోమటిక్ ఆస్టికల్ అభెర్రేషన్, బీనిలో పాయింట్ ఆభ్టెక్ట్ అక్షం నుండి దూరంగా ఉంటుంబి మలయు చిత్రం కామెట్ ఆకారంలో పర్పడుతుంబి.

ఉపాంత కిరణాలు మలయు పారొక్సియల్ కిరణాల ఫోకస్ పాయింట్ ఇన్నంగా ఉంటుంబ అనే కోణంలో ఇబి గోళాకార అచెర్రేషన్ యొక్క పొడిగింఫు. ఒకే తేడా ఏమిటంటే, కోమాలో పాయింట్ ఆభ్టెక్ట్ అక్షం నుండి దూరంగా ఉంటుంబి మలయు గోళాకార అచెర్రేషన్లో అక్షం మీద ఉంటుంబి.

గోళొకార అచెర్రే షన్ సున్నా అయితే, మొదటి ఆర్డర్ కోమా కూడొ సున్నా అవుతుంది. ఇష్పటికీ అధిక ఆర్డర్ నిబంధనలు అధిక ఆర్డర్ కోమా అచెర్రేషన్కు దోహదం చేస్తాయి.

అచ్చే యొక్క సైస్ కండిషన్ మొదటి ఆర్డర్ కోమా అచెర్రేషన్ను తొలగించడొనికి గణిత సంబంధొన్ని అంబస్తుంది. సంబంధం ద్వారా ఇవ్వబడింది

 $\mu_1 y_1 \sin \theta_1 = \mu_2 y_2 \sin \theta_2$ 

ఇక్కడ  $y_1$  మలియు  $y_2$  ఆహ్టికల్ అక్షం నుండి వస్తువు మలియు చిత్రం యొక్క ఎత్తులు వరుసగా ఉంటొయి. ఈ పలిస్థితిని సంతృప్తి పరచడం వలన గోళౌకార అచెర్రేషన్ కూడొ తొలగిపోతుంది.

కోహటిక్ అచెర్రేషన్న్ తగ్గించడొనికి ఇతర ఎంపికలు గోళొకార అచెర్రేషన్కు సమానంగా ఉంటొయి. అనగా; స్టాప్లను ఉపయోగించడం ద్వారొ, దూరంతో వేరు చేయుబడిన ప్లానో-కుంభాకార కటకాలను ఉపయోగించడం ద్వారొ, లెన్స్ల్ వక్రత యొక్క రేడియాలను సర్దుబొటు చేయడం ద్వారొ, కుంభాకార మరియు ఫుటొకార లెన్స్ల్ కలయికను ఉపయోగించడం ద్వారొ మొదలైనఐ.

## 4.6 ఆస్టిగ్డాటిజం

ఆస్టిగ్గాటిఇం అనేది ఆఫ్-యాక్సిస్ హెనోక్రామాటిక్ ఆస్టికల్ అచెర్రేషన్, ఇక్కడ ఆస్టికల్ సిస్టమ్ క్లితిఇ సమాంతర మరియు నిలువు దిశలలో విథిన్న మాగ్నిఫికేషన్లు లేదా ఫోకల్ లెంగ్త్రీలను కరిగి ఉంటుంది. క్లితిజ సమాంతర మరియు నిలువు దిశలలో వక్రీళవన ఉపరితలొల వక్రత యొక్క వ్యాసార్థంలో వైవిధ్యం కారణంగా ఇది ఫుడుతుంది. క్లితిజ సమాంతర సమతలొన్ని సాగిట్టల్ ప్లేస్ అని మరియు నిలువు సమతలాన్ని మెరిడియోనల్ ప్లేస్ అని పిలుస్తారు.

ఇక్కడ సాగిట్టల్ చిత్రం జ్లితిజ సమాంతర బిర్ఘవృత్తాకారంలో మలయు మెలడియోనల్ చిత్రం నిలువు బిర్ఘవృత్తాకార ఆకారంలో ఉంటుంబి. ఈ రెండింటి మధ్య దూరొన్ని ఆస్టిగ్నాటిక్ తేడొ అంటారు. ఆ రెండు చిత్రెల మధ్య వృత్తాకార ఆకారంలో సాధ్యమైనంత ఉత్తమమైన చిత్రం కనుగొనవచ్చు.

స్టాప్లను ఉపయోగించడం ద్వోరొ ఆస్టిగ్నాటిజం తొలగించబడుతుంది.

కుంభాకార లెస్స్**కు ఆస్టిగ్గాటిక్ వ్యత్కెసం సానుకూలంగా ఉంటుం**బి మలయు ఫుటాకార లెస్స్**కు** ప్రతికూలంగా ఉంటుంబి. అందువల్ల కుంభాకార మలయు ఫుటాకార కటకాల యొక్క సరైన కలయిక ఆస్టిగ్నాటిక్ అచెర్రేషన్ను తొలగించవచ్చు.

ఆస్టిగ్మాటిక్ వ్వత్వాసాన్ని సరిచేయడొనికి కుంభొకార – ఫుటాకార లెన్స్ వ్యవస్థ యొక్క షరతు ''పెట్ట్వాల్ కండిషన్'' ద్వారా ఇవ్వుండింది, ఇది ఇలా పేర్కొనుడింది

# 4.8 Distortion

The monochromatic aberrations studied so far produce a lateral shift in the image. i.e.; the defective image will have a focus point out of the image plane. Even if all the other monochromatic aberrations like spherical aberration, coma, astigmatism, field curvature are absent and image is strictly restricted to the image plane, there is still the possibility of distortion in the image.

Distortion is a measure of the deviation produced in the image compared to the original object size multiplied by magnification.

Suppose h is the size of the object and h' = mh be the size of the image. Here m is the magnification produced by the optical system. Then distortion is defined as

$$D = \frac{h'_{observed} - h'_{expected}}{h'_{expected}}\%$$

If the lens system is circular in shape or has radial symmetry, then the distortion produced will also have radial symmetry. There are two types of such distortions. 1. Pin cushion distortion 2. Barrel distortion and the Mustache distortion results from a combination of these two.



Fig: Pin cushion, Barrel and Mustache type distortion.

In pin cushion type distortion, the magnification increases as we go away from the optic axis radially whereas in barrel type the distortion increases radially. Here pin cushion type distortion is positive and barrel type distortion is negative. Mustache type distortion is a combination of both pin cushion type and barrel type distortions.

If the optical system has no radial symmetry, i.e.; if the lenses and apertures are not circular, then two other types of distortions are

4.7 ఫిల్డ్ వక్రత

$$\frac{1}{n_1 f_1} + \frac{1}{n_2 f_2} = 0 \quad or \quad n_1 f_1 + n_2 f_2 = 0$$

ఇక్కడ,  $n_1, n_2$  వక్రీభవన గుణకం లు మలియు ,  $f_1, f_2$  వరుసగా కుంభొకార మలియు పుటాకార లెన్స్ ల భోకర్ లెంగ్త్రేలు.

చిత్రం సాగిట్టల్ ఇమేశ్ మలయు మెలడియల్ ఇమేశ్ మధ్య ఉన్న ఒక సమతలం లో ఏర్పడుతుంబి. ఆ విహనౌన్ని పెట్ట్వాల్ ప్లేన్ అంటారు. వైడ్ యాంగిల్ ఫోటోగ్రఫీలో ఈ ఆస్టిగ్నాటిక్ కరెక్షన్ చాలా అవసరం.

# 4.7 ఫ్రీల్డ్ వక్రత

వంపు ఆకారంలో ఫ్లాట్ ఆబ్జెక్ట్ యొక్క ఇమేళ్సు పర్పరుస్తున్నష్టుడు లెన్స్ సిస్టమ్లోని లోపాన్ని ఫీల్డ్ కర్వేచర్ అబెర్రేషన్ అంటారు.

ఆస్టికల్ సిస్టమ్స్**లో ఉపయోగించే లెన్స్**లు మలయు అద్దొల వక్ర ఆకారం కారణంగా ఈ లోపం తలెత్తుతుంబి.

పెట్ట్వాల్ పలిస్థితిని సంతృప్తిపలిచే కుంభాకార మరియు పుటాకార లెన్స్ వ్యవస్థ కలయికను ఉపయోగించడం ద్వారా బీనిని తొలగించవచ్చు.

$$n_1 f_1 = -n_2 f_2$$

ఇమేళ్ లకాల్డింగ్ సిస్టమ్లో కర్డ్స్ ఆస్టికల్ సెన్సొర్లను ఉపయోగించడం ప్రత్యామ్నాయ ఎంపిక.

## 

ఇష్పటివరకు అధ్యయనం చేయబడిన ఏకవర్ణ అభెర్రేషన్లు చిత్రంలో పార్య మార్పును ఉత్పత్తి చేస్తాయి. అనగా; లోపభూయిష్ట చిత్రం ఇమేజ్ ప్లేన్ నుండి ఫోకస్ పాయింట్సు కలిగి ఉంటుంది. గోళాకార అభెర్రేషన్, కోమా, ఆస్టిగ్గాటిజం, ఫీల్డ్ వక్రత వంటి అన్ని ఇతర ఏకవర్ణ అభెర్రేషన్లు లేకపోయినా మలియు ఇమేజ్ ఖచ్చితంగా ఇమేజ్ ప్లేన్కు పలిమితం చేయబడినప్పటికీ, ఇమేజ్లో వక్రీకరణకు అవకాశం ఉంబి.

వక్రీకరణ అనేబి మాగ్నిఫికేషన్ ద్వారా గుణించబడిన అసలు ఆభ్టెక్ట్ పలమాణంతో పోలిస్తే ఇమేళ్ లో ఉత్పత్తి చేయబడిన విచలనం యొక్క కౌలత.

వస్తువు యొక్క పలమాణం h మలయు చిత్రం యొక్క పలమాణం h' = mh అలి అనుకుందొం. ఆఫ్టికల్ సిస్టమ్ ద్వొరొ ఉత్పత్తి చేయబడిన మాగ్నిఫికేషన్ m ఇక్కడ ఉంబి. అష్టుడు వక్రీకరణగా లర్వచించబడింబి

$$D = \frac{h'_{observed} - h'_{expected}}{h'_{expected}}\%$$

observed. 3. Keystone distortion 4.Bowing distortion. Here the distortion may be positive or negative in both the cases.



Fig: Keystone and Bowing distortions.

The distortion of 2% or below may produce neglible deviation for normal visual inspection.

Since distortion aberration is purely geometrical, it can be eliminated by image manipulation software. However that requires a proper calibration of the defect produced by the optical system.

This can also be eliminated by using two homominiscus convex lenses placed with their convex surfaces facing outwards and placing an aperture stop in the middle as shown in the figure. The combination is called orthoscopic doublet or rapid rectilinear lens. These lenses have an added advantage in that they also eliminate field curvature.



Fig: Orthoscopic doublet

# 4.9 Chromatic aberration

The focal length of a thin lens as given by Gaussian approximation is

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

లెస్స్ వ్వవస్థ వృత్తై కారంలో ఉంటే లేదొ రేడియల్ సమరూపతను కలిగి ఉంటే, అష్పడు ఉత్పత్తి చేయుఒడిన వక్రీకరణ కూడా రేడియల్ సమరూపతను కలిగి ఉంటుంబి. ఇటువంటి వక్రీకరణలు రెండు

## 4.9 క్రో<mark>మాటిక్ అబెర్రేషన్</mark>

రకాలు. 1. పిస్ కుషన్ వక్రీకరణ 2. బొరెల్ వక్రీకరణ మరియు మీసం వక్రీకరణ ఈ రెండింటి కలయిక వలన పిర్పడుతుంబ.

పిస్ కుషన్ రకం వక్రీకరణలో, ఆస్టిక్ అక్షం నుండి రేడియర్గా దూరంగా వెళ్లనప్పడు మాగ్నిఫికేషన్ పెరుగుతుంబి, అయితే భౌరెల్ రకంలో వక్రీకరణ రేడియర్గా పెరుగుతుంబి. ఇక్కడ పిస్ కుషన్ రకం వక్రీకరణ సానుకూలంగా ఉంటుంబి మలియు భౌరెల్ రకం వక్రీకరణ ప్రతికూలంగా ఉంటుంబి. మీసం రకం వక్రీకరణ అనేబి పిన్ కుషన్ రకం మలియు భౌరెల్ రకం వక్రీకరణలు రెండింటి కలయిక.

ఆఫ్టికల్ సిస్టమ్లో రేడియల్ సమరాపత లేకుంటే, అనగా; లెన్స్**లు మలయు ఎపర్షర్లు వృత్తాకారంగా** లేకుంటే, మరో రెండు రకాల వక్రీకరణలు గమనించబడతొయి. 3. కీస్టోన్ వక్రీకరణ 4. విల్లు వక్రీకరణ. ఇక్కడ వక్రీకరణ రెండు సందర్భాల్లోనూ సానుకూలంగా లేదొ ప్రతికూలంగా ఉండవచ్చు.

2% లేదొ అంతకంటే తక్కువ వక్రీకరణ సాధొరణ దృశ్వ తనిఖీకి అతితక్కువ విచలనొన్ని కరిగిస్తుంది.

వక్రీకరణ అబెర్రేషన్ ఫూల్తిగా రేఖాగజితం కాబట్టి, ఇబ ఇమేశ్ మానిప్పులేషన్ సాఫ్ట్వేర్ ద్వొరొ తొలగించబడుతుంబి. అయితే బీనికి ఆస్టికల్ సిస్టమ్ ద్వొరొ ఉత్పత్తి చేయబడిన లోపం యొక్క సరైన క్రమాంకనం అవసరం.

రెండు హౌమోమినిస్కస్ కుంభాకార కటకములను వొటి కుంభాకార ఉపరితరాలు వెలుపరికి ఎదురుగా ఉంచడం ద్వారొ మరియు చిత్రంలో చూపిన విధంగా మధ్యలో ఎపర్చరు స్టాప్**ను ఉంచడం ద్వారొ కూడొ** బీనిని తొలగించవచ్చు. ఈ కలయికను ఆర్థోస్కోపిక్ డళుుల్ లేదొ రొపిడ్ రెక్టిరినియర్ లెన్స్ అంటారు. ఈ లెన్స్లీలు అదనపు ప్రయోజనాన్ని కరిగి ఉంటాయి, అవి ఫీల్డ్ వక్రతను కూడొ తొలగిస్తాయి.

# 4.*9 క్రో*మాటిక్ అబెర్రేషన్

గాస్సియన్ ఉళ్ఱాయింఫు ద్వొరొ అంబించబడిన సన్నలి లెన్స్ యొక్క ఫోకల్ లెస్త్

$$\frac{1}{f}=(\mu-1)\left(\frac{1}{R_1}-\frac{1}{R_2}\right)$$

బీఐ నుండి కాంతి యొక్క ఫోకల్ లెస్త్ర్ వక్రీభవన గుణకం యొక్క విలోమం వలె మారుతుందఐ మేము ఊహించాము. కాంతి యొక్క వక్రీభవన గుణకం దొఐ తరంగదైర్ఘ్రం వలె విలోమంగా మారుతుందఐ కూడొ మనకు తెలుసు. అందువల్ల తరంగదైర్ఘ్రం పెలగేకొట్ది, ఫోకల్ లెస్త్ర్ కూడొ పెరుగుతుంబి.

అందువల్ల తెల్లని కాంతి లెన్స్ గుండొ వెళుతున్నష్టుడు, అధిక తరంగదైన్ఘైలు ఎక్కువ దూరం వద్ద కేంబ్రీకలించబడతాయి. ఈ లెన్స్ లోపాన్ని క్రోమాటిక్ అభెర్రేషన్ అంటారు. from which we infer that the focal length of the light varies as the inverse of the refractive index. We also know that the refractive index of light varies inversely as its wavelength. Therefore as the wavelength increases, focal length also increases.

Thus when white light passes through a lens, higher wavelengths will get focused at longer distances. This defect of lens is called chromatic aberration.

Chromatic aberration can be classified into two types.

- 1. Longitudinal chromatic aberration: In this type, object lies on the principal axis of the lens system and the focal length shift is also along the principal axis of the system.
- 2. Lateral chromatic aberration: In this type, the object lies off the axis and the shift in focal points corresponding to various wavelegths is present in the vertical plane of the lens system.



Fig: Longitudinal and lateral chromatic aberrations.

## 4.9 క్రో<mark>మాటిక్ అబెర్రేషన్</mark>

వర్ణ విచలనొన్ని రెండు రకాలుగా వర్గీకలించవచ్చు.

- రేఖాంశ క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్: ఈ రకంలో, వస్తువు లెన్స్ సిస్టమ్ యొక్క ప్రధాన అక్షం మిద ఉంటుంబి మలయు ఫోకల్ లెంగ్త్ షిఫ్ట్ కూడా సిస్టమ్ యొక్క ప్రధాన అక్షం వెంట ఉంటుంబ.
- 2. లొటరల్ క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్: ఈ రకంలో, ఆబ్జెక్ట్ అక్షం నుండి దూరంగా ఉంటుంబ మలయు వివిధ తరంగదైెర్ఘ్యొలకు సంబంభించిన ఫోకల్ పాయింట్లలో మార్పు లెన్స్ వ్యవస్థ యొక్క నిలువు సమతలంలో ఉంటుంబి.

#### వస్తువు అనంతం వద్ద ఉన్నష్పడు రే ఖాంశ క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్:

లెన్స్ తయాలీదొరు సూత్రం ద్వొరొ అంబించబడిన వైలెట్, ఎరుపు మలయు సగటు రంగు పసుపు కోసం ఫోకల్ లెస్త్ వ్యక్తికరణ

$$\frac{1}{f_V} = (\mu_V - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad ---(1)$$
$$\frac{1}{f_R} = (\mu_R - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad ---(2)$$
$$\frac{1}{f_Y} = (\mu_Y - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad ---(3)$$

మొదటి రెండు తీసివేస్తే,

$$\frac{1}{f_V} - \frac{1}{f_R} = (\mu_V - \mu_R) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

ව්කි

$$\frac{f_R - f_V}{f_R f_V} = (\mu_V - \mu_R) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right) - - - (4)$$

విఛజన Eq. (4) Eq ద్వోరొ. (3) ఇస్తుంబ

$$\frac{f_R - f_V}{f_R f_V} \cdot f_Y = \frac{\mu_V - \mu_R}{\mu_Y - 1} = \omega \quad --- (5)$$

పైన పేర్కొన్నదొనిలో, మాధ్యమం యొక్క వ్యొక్తి శక్తి. వ్రాయడం ద్వొరొ మరింత సరళీకరణ పొందబడుతుంబి, బీని ఫరితంగా వస్తుంబి $\omega f_R f_V = f_Y^2$ 

$$f_R - f_V = \omega f_Y \quad - - - (6)$$

అందువల్ల రేఖాంశ క్రోమాటి అబెర్రేషన్ ఫూల్తిగా లెన్స్ యొక్క పదార్థం యొక్క చెదరగొట్టే శక్తి ద్వారొ నియంత్రించబడుతుంబి మలియు సగటు రంగు యొక్క ఫోకల్ లెగ్త్రేకు అనులోమానుపాతంలో ఉంటుంబి.

# Longitudinal chromatic aberration when the object is at infinity:

Focal length expression for violet, red and the mean color yellow as given by Lens maker's formula is

$$\frac{1}{f_V} = (\mu_V - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad - - - (1)$$
$$\frac{1}{f_R} = (\mu_R - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad - - - (2)$$
$$\frac{1}{f_Y} = (\mu_Y - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad - - - (3)$$

Subtracting the first two gives,

$$\frac{1}{f_V} - \frac{1}{f_R} = (\mu_V - \mu_R) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right)$$

Or

$$\frac{f_R - f_V}{f_R f_V} = (\mu_V - \mu_R) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right) - - - (4)$$

Dividing Eq. (4) by Eq. (3) gives

$$\frac{f_R - f_V}{f_R f_V} \cdot f_Y = \frac{\mu_V - \mu_R}{\mu_Y - 1} = \omega \quad --- (5)$$

In the above,  $\omega$  is the dispersive power of the medium. Further simplification is obtained by writing  $f_R f_V = f_Y^2$ , which results in

$$f_R - f_V = \omega f_Y \quad - - - (6)$$

Thus longitudinal chromati aberration is purely controlled by the dispersive power of the material of the lens and is proportional to the focal legth of the mean color.

# Longitudinal chromatic aberration when the object is at finite distance:

The Gaussian equation for this lens is given by

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

## 4.10 <mark>అక్రో మాటిజం</mark>

వస్తువు పలమిత దూరంలో ఉన్నష్పడు రేఖాంశ క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్:

ఈ లెన్స్5ి గాస్సియన్ సమీకరణం ఇవ్వఒడింబి

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

వస్తువు స్థిరమైన దూరం వద్ద ఉంచబడినష్పడు మరియు విఇన్న రంగులకు సంబంధించిన చిత్రం వేర్వేరు దూరొలలో పర్పడినష్పడు కేసును పరిగణించగలరు . అష్పడు భేదం మీద, ఒకరు పొందుతొరు*u* 

$$-\frac{1}{v^2}dv - 0 = -\frac{1}{f^2}df$$

ప్రత్వామ్నాయం , , సగటు వేగం మలయు సగటు ఫోకల్ లెస్ట్ పైన సమీకరణం అవుతుంది, $dv=v_R-v_V df=f_R-f_V v=v_Y f=f_Y$ 

$$\frac{v_R - v_V}{v_V^2} = \frac{f_R - f_V}{f_V^2}$$

కాసీ సమీకరణం ( $\sigma$ ) నుండి, పై సమీకరణం అవుతుంబి, $f_R - f_V = \omega f_Y$ 

$$\frac{v_R - v_V}{v_Y^2} = \frac{\omega f_Y}{f_Y^2}$$

ව්කි

$$v_R - v_V = \frac{\omega}{f_Y} v_Y^2$$

ఆ విధంగా వస్తువును పలమిత దూరం వద్ద ఉంచినప్పడు రేఖాంశ క్రోమాటిక్ అబెర్రేషన్ లెన్స్ యొక్క విక్షేపణ శక్తికి అలాగే సగటు రంగు యొక్క ఇమేజ్ దూరానికి నేరుగా అనులోమానుపాతంలో ఉంటుంది.

## 4.10 అక్రోమాటిజం

కనిష్ట లేదా శీరో క్రోమాటిక్ అచెర్రేషన్ ఉన్న లెన్స్ సిస్టమ్ స్థితిని అక్రోమాటిశిం అంటారు. అదే పొందే ప్రక్రియను అక్రోమటైజేషన్ అంటారు. దానిని సాధించే లెన్స్ కలయికను అక్రోమాటిక్ డబల్ట్ అంటారు.

#### రెండు లెన్స్ల్లలు కాంటాక్ట్ లో ఉన్నప్పడు:

ఫోకల్ లెంగ్త్ లు  $f_1, \; f_2 \;$ ఉన్న రెండు లెన్స్ల్ల్లు మలయు కాంటాక్ట్ లో ఉన్నష్టుడు, ఫలితంగా ఫోకల్ లెంగ్త్ Fఇవ్వబడుతుంబి

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - - - (1)$$

ఆక్రోమాటిజం అనేబి ఇన్సిడెంట్ లైట్ యొక్క తరంగదైర్ఘ్యం యొక్క మార్పులో సిస్టమ్ యొక్క ఫలిత ఫోకల్ లెస్త్ర్ మార్పులేని స్థితి.

ఈ విధంగా

$$d\left(\frac{1}{F}\right) = 0 \Rightarrow d\left(\frac{1}{f_1}\right) + d\left(\frac{1}{f_2}\right) = 0 \quad ---(2)$$

Consider the case when the object is placed at a fixed distance u and the image corresponding to different colors is formed at different distances. Then upon differentiation, one obtains

$$-\frac{1}{v^2}dv - 0 = -\frac{1}{f^2}df$$

Substituting  $dv = v_R - v_V$ ,  $df = f_R - f_V$ , mean velocity  $v = v_Y$ and mean focal length  $f = f_Y$  the above equation becomes,

$$\frac{v_R - v_V}{v_Y^2} = \frac{f_R - f_V}{f_Y^2}$$

But since  $f_R - f_V = \omega f_Y$  from equation (6), the above equation becomes,

$$\frac{v_R - v_V}{v_Y^2} = \frac{\omega f_Y}{f_Y^2}$$

or

$$v_R - v_V = \frac{\omega}{f_Y} v_Y^2$$

Thus the longitudinal chromatic aberration when the object is placed at finite distance is directly proportional both to the dispersive power of the lens as well as the image distance of the mean color.

# 4.10 Achromatism

The state of a lens system with minimal or zero chromatic aberration is called achromatism. The process of obtaining the same is called achromatization. The lens combination that achieves it is called achromatic doublet.

#### When two lenses are in contact:

When two lenses with focal lengths  $f_1$  and  $f_2$  are in contact, the resultant focal length F is given by

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - - -(1)$$

లెన్స్ మేకర్ ఫార్కులా నుండి మేము కలిగి ఉన్నాము

#### 4.10 Achromatism

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) - - - (3)$$

భేదం తరువొత, ఒకరు పొందుతారు

$$d\left(\frac{1}{f}\right) = d\mu\left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right) \quad ---(4)$$

Eq.(4)ని Eq.(3)తో భాగస్తే, ఫలితాన్ని క్రింద ఇచ్చిన విధంగా డిస్పల్సప్ పవర్ పరంగా వ్యక్తీకలించవచ్చు.

$$d\left(\frac{1}{f}\right) = \frac{d\mu}{\mu - 1}\frac{1}{f} = \frac{\omega}{f} - - - (5)$$

Eqని ప్రత్యామ్నాయం చేస్తోంది. (5) Eq. (2) ఇస్తుంది,

$$\frac{\omega_1}{f_1} + \frac{\omega_2}{f_2} = 0 \quad ---(6)$$

సమానంగా,

$$f_1 = -\frac{\omega_1}{\omega_2} f_2 - - -(7)$$

ఈ సమీకరణం రెండు లెన్స్ల్ ఫోకల్ లెంగ్త్ర్ వ్యతిరేక సంకేతాలను కలిగి ఉన్నొయని చూపిస్తుంది. అనగా; లెన్స్ల్లలో ఒకటి కుంభాకారంగా ఉంటే, మరొకటి ఫుటాకారంగా ఉండాలి. క్రోమాటిక్ అబెర్రేషన్ను తాలగించే ఈ లెన్స్ల్ కలయికను అక్రోమాటిక్ డబల్ట్ అంటారు.

#### రెండు లెన్స్ల్ చారం ద్వారా వేరు చేయబడినప్పడు:

రెండు లెన్సులు యొక్క ఫోకల్ లెంగ్త్  $f_1$ మలయు  $f_2$  దూరం d ద్వొరొ వేరు చేయబడినష్పడు, ఫలిత ఫోకల్ లెస్ట్ F బీని ద్వారా ఇవ్వబడుతుంది

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - \frac{d}{f_1 f_2} - \dots - (8)$$

ఫరిత ఫోకల్ లెస్త్త్ కాంతి మూలం యొక్క తరంగదైర్ఘ్రంలోని వైవిధ్యాల నుండి స్వతంత్రంగా ఉండొలంటే, d(1/F) తప్పనిసరిగా సున్నొకి సమానంగా ఉండొరి.

ఈ విధంగా

$$d\left(\frac{1}{F}\right) = d\left(\frac{1}{f_1}\right) + d\left(\frac{1}{f_2}\right) - \frac{d}{f_1}d\left(\frac{1}{f_2}\right) - \frac{d}{f_2}d\left(\frac{1}{f_1}\right) = 0 \quad --- (9)$$

మేము దొనిని పొందొము. అందువలన Eq. (9) అవుతుంబ $d(1/f)=\omega/f$ 

$$\frac{\omega_1}{f_1} + \frac{\omega_2}{f_2} - \frac{d}{f_1} \frac{\omega_2}{f_2} - \frac{d}{f_1} \frac{\omega_1}{f_1} = 0 - - - (10)$$
$$\frac{\omega_1}{f_1} + \frac{\omega_2}{f_2} = \frac{d(\omega_1 + \omega_2)}{f_1 f_2} \Rightarrow \omega_1 f_2 + \omega_2 f_1 = d(\omega_1 + \omega_2)$$

ව්කි

$$d = \frac{\omega_1 f_2 + \omega_2 f_1}{\omega_1 + \omega_2} - - - (11)$$

Achromatism is the condition where the resultant focal length of the system is invariant under change of wavelength of incident light.

Thus

$$d\left(\frac{1}{F}\right) = 0 \Rightarrow d\left(\frac{1}{f_1}\right) + d\left(\frac{1}{f_2}\right) = 0 \quad ---(2)$$

From lens maker's formula we have

$$\frac{1}{f} = (\mu - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) - - - (3)$$

Upon differentiation, one obtains

$$d\left(\frac{1}{f}\right) = d\mu\left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right) - - - (4)$$

Dividing Eq.(4) by Eq.(3), the result can be expressed in terms of the dispersive power as given below.

$$d\left(\frac{1}{f}\right) = \frac{d\mu}{\mu - 1}\frac{1}{f} = \frac{\omega}{f} - - - (5)$$

Substituting Eq. (5) into Eq. (2) gives,

$$\frac{\omega_1}{f_1} + \frac{\omega_2}{f_2} = 0 \quad --- (6)$$

Equivalently,

$$f_1 = -\frac{\omega_1}{\omega_2} f_2 - - - (7)$$

This equation shows that the focal lengths of both the lenses are of opposite sign. i.e.; if one of the lenses is convex, then the other one must be concave.



Fig: Achromatic doublet.

## 4.11 ఆప్టికల్ పైబర్స్ పరిచయం

ఇంకా, రెండు లెన్స్ల్లు ఒకే పదార్థంతో తయారు చేయబడినట్లయితే, అప్పడు

$$d = \frac{f_1 + f_2}{2} - - -(12)$$

ఆక్రోమాటిజం పొందేందుకు రెండు లెన్స్**లను వొటి ఫోకల్ లెంగ్త్**ల సగటుకు సమానమైన దూరంతో వేరు చేయారి.

# 4.11 ఆప్టికల్ ఫైబర్స్ పలచయం

ఫైబర్ ఆఫ్టిక్స్ అనే పదాబ్ని భారతీయ-అమెలకన్ భౌతిక శాస్త్రవేత్త నరీందర్ సింగ్ కపాల్ రూపొంబించారు. అతను ఫైబర్ ఆఫ్టిక్స్ యొక్క తండ్రిగా పలగజించబడ్డాడు. అతలి నోటెల్ బహుమతికి అర్షమైన ఆఐష్కరణ కోసం ఫోర్ఫ్ఫ్ చేత 20వ శతాబ్దపు 7 పాడలి హీరోలలో ఒకలిగా ఆయన పేరు పెట్టారు. అతలికి 2021లో మరణానంతరం భారతదేశం యొక్క రెండవ అత్యున్నత పౌర పురస్కారం పద్గబిభూషణ్ లభించింబి.

ఆస్టికల్ ఫైబర్ అనేది గ్లాస్ లేదొ ప్లాఫ్టిక్ మెటీలయల్ యొక్క పలుచని ప్రాండ్, ఇది కాంతిని దొని తీవ్రతలో ఎక్కువ నష్టం లేకుండొ దొని మాలం నుండి గమ్యస్థానొనికి తీసుకువెళుతుంది.

#### సూత్రం

ఆఫ్టికల్ ఫైబర్ మొత్తం అంతర్గత లెఫ్లెక్షన్ యొక్క సూత్రంపై పనిచేస్తుంబి; అనగా, కాంతి ఒక దట్టమైన మాధ్యమం (అభిక వక్రీభవన గుణకం మాధ్యమం) నుండి అరుదైన మాధ్యమానికి (తక్కువ వక్రీభవన గుణకం మాధ్యమం) ప్రయాజించినష్పడు మరియు పతన కోణం క్లిష్టమైన కోణం కంటే ఎక్కువగా ఉంటే, కాంతి ఫూల్తిగా అంతర్గతంగా దట్టమైన మాధ్యమంలో ప్రతిచించిస్తుంది.

#### ఆప్టికల్ ఫైబర్ యొక్క నిర్మాణం

ఆఫ్టికల్ ఫైటర్ విద్యుద్వాహక పదొర్థం యొక్క రెండు కేంబ్రీకృత ర్థూపాకార పొరలను కలిగి ఉంటుంబి, అవి కోర్ మలయు క్లాడింగ్ తరువాత రక్షణ పొరను కలిగి ఉంటాయి.

**కోర్:**ఇబి కాంతి ప్రసారం చేసే అభిక వక్రీథవన గుణకం పదార్థం. ఇబి గాజ లేదొ ప్లాస్టిక్ లేదొ రెండింటి మిశ్రమంతో తయారు చేయబడింబి. సింగిల్ హెడ్ ఫైబర్లు కోర్ వ్యాసం 5 – 10μm కలిగి ఉంటాయి. మర్టీహెడ్ ఫైబర్లు సాధారణ వ్యాసం 50μm, 62.5μm మలియు100μm . కొల్న మర్టీహెడ్ ఫైబర్లు కోర్ వ్యాసం 1000μm అంత పెద్దబిగా ఉంటాయి.

**క్లాడింగ్**:ఇబి తక్కువ వక్రీభవన గుణకం పదార్థం, ఇబి ప్రధాన పదార్థొన్ని కవర్ చేస్తుంబి మలియు మొత్తం అంతర్గత పరొవర్తనొన్ని నిర్ధొలస్తుంబి. ఇబి గాజి లేదొ ప్లాస్టిక్ లేదొ రెండింటి బుశ్రమంతో కూడొ తయారు చేయబడింబి. లంబం గా క్లాడింగ్ వ్యాసం సుమారు 125µm ప్రామాణిక పలమాణాన్ని కలిగి ఉంటుంబి.

**రక్షణ పోర**:చుట్టుపక్కల పర్వెవరణ ప్రభావాల నుండి రక్షించడానికి మొత్తం కోర్ మరియు క్లాడింగ్ నిర్మాణం రళ్ళురు లేదొ పారిమర్ పదార్థంతో కప్పళిడి ఉంటుంబి. 250µm – 1000µm నుండి రక్షణ పోర వ్యాసం పరిధులు. This combination of lenses that eliminates the chromatic aberration is called achromatic doublet.

### When two lenses are separated by a distance:

When two lenses of focal lengths  $f_1$  and  $f_2$  are separated by a distance d, the resultant focal length F is given by

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - \frac{d}{f_1 f_2} - \dots - (8)$$

For the resultant focal length to be independent of variations in wavelength of the light source, d(1/F) must be equal to zero.

Thus

$$d\left(\frac{1}{F}\right) = d\left(\frac{1}{f_1}\right) + d\left(\frac{1}{f_2}\right) - \frac{d}{f_1}d\left(\frac{1}{f_2}\right) - \frac{d}{f_2}d\left(\frac{1}{f_1}\right) = 0 \quad --- (9)$$

We have obtained that  $d(1/f) = \omega/f$ . Thus Eq. (9) becomes

$$\frac{\omega_1}{f_1} + \frac{\omega_2}{f_2} - \frac{d}{f_1} \frac{\omega_2}{f_2} - \frac{d}{f_1} \frac{\omega_1}{f_1} = 0 - - - (10)$$
$$\frac{\omega_1}{f_1} + \frac{\omega_2}{f_2} = \frac{d(\omega_1 + \omega_2)}{f_1 f_2} \Rightarrow \omega_1 f_2 + \omega_2 f_1 = d(\omega_1 + \omega_2)$$

or

$$d = \frac{\omega_1 f_2 + \omega_2 f_1}{\omega_1 + \omega_2} - - - (11)$$

Further, if both the lenses are made of the same material, then

$$d = \frac{f_1 + f_2}{2} - - - (12)$$

Thus the two lenses must be separated by a distance equal to the average of their focal lengths to obtain achromatism.

# 4.11 Introduction to Optical fibers

The term fiber optics was coined by Indian-American physicist Narinder Singh Kapany. He was considered as the father of fiber optics. He was named as one of the 7 unsung heros of 20<sup>th</sup> century by Forbes for his Nobel prize deserving invention. He was awarded

## 4.11 Introduction to Optical fibers

second highest civilian award of India, Padma Vibhushan posthumously in 2021.

An Optical fiber is a thin strand of glass or plastic material that carries light from its source to destination without much loss in its intensity.

## Principle

Optical fiber works on the principle of total internal reflection; i.e., when light travels from a denser medium ( high refractive index medium) to a rarer medium (low refractive index medium) and if the angle of incidence is more than critical angle, light will be totally internally reflected into the denser medium.



Fig: Optical fiber working principle

## Structure of Optical fiber

Optical fiber consists of two concentric cylindrical layers of dielectric material namely core and cladding followed by a protection layer.

**Core:** it is a high refractive index material in which the light transmits. It is made up of glass or plastic or a mixture of both. Single

mode fibers have core diameter of  $5 - 10\mu m$ . Multimode fibers have typical diameter of  $50\mu m$ ,  $62.5\mu m$  and  $100\mu m$ . Some multimode fibers do have a core diameter as large as  $1000\mu m$ .

**Cladding:** it is a low refractive index material which covers the core material and ensures total internal reflection. It is also made up of glass or plastic or mixture of both. Generally the cladding diameter has a standard size of about  $125\mu m$ .

**Protecting layer:** the entire core and cladding structure is covered with rubber or polymer material to protect it from surrounding environmental effects. Protective layer diameter ranges from  $250\mu m - 1000\mu m$ .



Fig: Structutre of Optical fiber.



# 4.12 Types of Optical fibers

The optical fibers are classified based on the following three criteria. 1. Based on the material used. 2. Based on the refractive index profile of core. 3. Based on the number of modes the fiber allows.

## 4.12 ఆప్టికల్ పైబర్స్ రకాలు

# 4.1*2* ఆిప్టికల్ ఫైబర్స్ రకాలు

ఆప్టికల్ ఫైబర్లు క్రింబి మూడు ప్రమాణాల ఆధారంగా వర్గీకలించబడ్డాయి. 1. ఉపయోగించిన పదార్థం ఆధారంగా. 2. కోర్ యొక్క వక్రీభవన గుణకం ప్రొఫైల్ ఆధారంగా. 3. ఫైబర్ అనుమతించే మోడ్ల సంఖ్య ఆధారంగా.

#### ఉపయోగించిన పదొర్థం ఆధారంగా:

కోర్ మలయు క్లాడింగ్ యొక్క పదొర్థంపై ఆధారపడి, ఆష్టికల్ ఫైటర్స్ రెండు వర్గాలుగా వర్గికలించుబడ్డాయి. గాజ మలయు ప్లాష్టిక్. ఇది గాజతో తయారు చేయుబడినట్లయితే (SiO2), GeO2 కూడా దొని వక్రీళవన గుణకం ను పెంచడానికి కోల్క జోడించుబడుతుంది. ఆ సందర్భంలో, కోర్ స్వచ్ఛమైన SiO2 ఉంటుంది. ఇది ప్లాష్టిక్తో తయారు చేయుబడినట్లయితే, అవసరమైన వక్రీళవన గుణకం వ్యత్యాసాన్ని నిర్వహించడానికి సరైన పదొర్థొలు ఎంపిక చేయుబడతాయి. గ్లాస్ ఫైబర్లు ఖరీదైనవి, తయారు చేయడం కష్టం కానీ అధిక .రౌద ఫ్రూఫ్ మలయు నష్టం లేనివి. అయితే, ప్లాష్టిక్ ఫైబర్లు తయారు చేయడం సులధం, చౌకైనప్పటికీ అధిక .రౌద మలయు సమాచారాన్ని ప్రసారం చేయడానికి నష్టపోయే ఛానెళ్లు.

#### మోడ్ల సంఖ్య ఆధొరంగా:

తరంగదైర్ఘ్యైల మోడ్ల సంఖ్యపై ఆధారపడి, కేబుల్ అనుమతిస్తుంది, ఆఫ్టికల్ ఫైబర్లు రెండుగా వర్గికలించబడతాయి: సింగిల్ మోడ్ మలయు మర్టీ మోడ్.

సింగిల్ మోడ్ ఫైబర్ ఒక తరంగదైర్ఘ్యాల్ని మాత్రమే అనుమతిస్తుంబి, అయితే మల్టీమోడ్ ఫైబర్ ఒకటి కంటే ఎక్కువ కాంతి తరంగదైర్ఘ్యొలను ప్రయాజించేలొ చేస్తుంబి.

సింగిల్ మోడ్ ఫైబర్ యొక్క కోర్ ఇరుకైనది, అయితే మర్టీమోడ్ ఫైబర్ కోసం ఇది వెడల్పుగా ఉంటుంది.

సింగిల్ హెడ్ ఫైటర్లో .రొద స్థాయిలు మరియు నష్టాలు చొలొ తక్కువగా ఉంటొయి, ఇక్కడ బహుళ తరంగదైన్ఘైల ఉనికి కారణంగా మర్టీహెడ్ ఫైబర్లో అవి చొలొ ఎక్కువగా ఉంటొయి.

సింగిల్ మోడ్ ఫైబర్లు ఎక్కువ నష్టం లేకుండొ కొన్ని కిలోమీటర్ల వరకు సమాచొరొన్ని ప్రసారం చేయగలఫు, అయితే మర్టీమోడ్ ఫైబర్లు ఎక్కువ సమాచారం కోల్పోకుండొ కొన్ని మీటర్లు మాత్రమే ప్రసారం చేయగలఫు.

సింగిల్ మోడ్ ఫైబర్లు సుదూర కమ్యూలికేషన్ ఛొనెల్ల కోసం ఉపయోగించబడతొయి, అయితే మర్టీమోడ్ ఫైబర్లు LAN (లోకల్ ఏలయా నెట్ వర్క్) కమ్యాలికేషన్ కోసం ఉపయోగించబడతొయి

మర్టీహెడ్ స్టెప్ ఇండెక్స్ ఫైటర్ విషయంలో, అన్ని తరంగాలు కోర్ మరియు క్లాడింగ్ సరిహద్దులో ప్రతిఇంఇస్తాయి కానీ వేర్వేరు ప్రదేశాలలో లేదొ పతనల యొక్క విఇన్న కోణొల్లో ప్రతిఇంఇస్తాయి. మర్టీహెడ్ గ్రేడెడ్ ఇండెక్స్ ఫైటర్లో, వివిధ హెడ్లు ప్రైరల్ పాత్లలో కోర్ మధ్య నుండి వేర్వేరు దూరొల్లో ప్రతిఇంఇస్తాయి.
### Based on material used:

Depending on the material of core and cladding, optical fibers are classified into two categories. Glass and plastic. If it is made of glass  $(SiO_2)$ ,  $GeO_2$  also will be added to the core to increase its refractive index. In that case, core will be of pure  $SiO_2$ . If it is made up of plastic, proper materials are chosen to maintain the required refractive index difference. Glass fibers are costly, difficult to manufacture but are highly noise proof and lossless. Whereas, plastic fibers are easy to manufacture, cheap but highly noisy and lossy channels to transmit information.

### Based on number of modes:

Depending on the number of modes of wavelengths, the cable allows, the optical fibers are classified into two: Single mode and multi mode.

Single mode fiber allows only one wavelength, whereas multimode fiber allows more than one wavelength of light to travel.

The core of single mode fiber is narrow, whereas for multimode fiber it is wider.

Noise levels and losses are very low in single mode fiber where as they are very high in the multimode fiber due to the presence of multiple wavelengths.

Single mode fibers can transmit information up to a few kilometers without much loss, whereas multimode fibers could transmit only a few meters without much loss of information.

Single mode fibers are used for long distance communication channels, whereas multimode fibers are used for LAN ( local area network) communication.



Fig: Single mode, multimode optical fibers.

# 4.13 ఆప్టికల్ పైబర్లలో కిరణాలు మరియు మోడ్లు

స్టెప్ ఇండెక్స్ ఫైటర్ ఐషయంలో, ఐఖన్న మోడ్లు వేర్వేరు వేగాలతో ప్రయాణిస్తాయి, ఇబి ఇంటర్– హెడల్ డిస్పర్షన్కు దొలితీస్తుంబి. అయితే గ్రేడెడ్ ఇండెక్స్ ఫైటర్లో అబ్ని మోడ్లు ఒకే సరళ వేగంతో ప్రయాణిస్తాయి.

స్టెప్ ఇండెక్స్ ఫైబర్ల ఐషయంలో, ఐఐధ మోడ్ల మధ్య వేగ వ్యత్యాసాల కారణంగా .రొద స్థాయిలు ఎక్కువగా ఉంటాయి. బీఐకి ఐరుద్ధంగా, గ్రేడెడ్ ఇండెక్స్ ఫైబర్లో, అబ్న మోడ్లు ఒకే వేగంతో ప్రయాణిస్తాయి కాబట్టి .రొద స్థాయిలు తక్కువగా ఉంటాయి.

## 4.13 ఆప్టికల్ ఫైబర్లలో కిరణాలు మలియు హెడ్లు

కోర్ యొక్క వ్యాసం చాలా చిన్నగా ఉన్నష్టుడు, క్లాడింగ్ ఇంటర్ఫేస్పే ఎలాంటి ప్రతిచించాలు లేకుండొ కోర్ అంతటా ఒక వేప్ మాత్రమే ప్రయాజించగలదు. ఆ సందర్భంలో లాంచింగ్ కోణం సున్నా. కోర్ తగినంత పెద్ద వ్యాసం కరిగి ఉంటే, అష్టుడు కిరణాలు సున్నా డిగ్రీల కంటే ఇతర వద్ద కూడొ ప్రారంభించబడవచ్చు. అష్పడు కిరణాలు ఇతర చివరను చేరుకోవడానికి బహుళ మొత్తం అంతర్గత ప్రతిచించాలను ఎదుర్కొంటాయి. అలాంటష్టుడు, సున్నా మరియు గరిష్ట లాంచింగ్ కోణాల మధ్య, ప్రతి అంతర్గత లెఫ్లెక్షన్ కోసం నిర్కొణాత్గక శోక్యానికి పాత్రెంగ్స్ షరతును సంతృప్తిపరిచే తరంగదైర్హ్యంపై ఆధారపడి నిర్దిష్ట లాంచింగ్ కోణాలు మాత్రమే అనుమతించుడతాయి. అందువల్ల ఒకే తరంగదైర్హ్యంపై ఆధారపడి నిర్దిష్ట ప్రయోగించవచ్చు.

ఆఫ్టికర్ ఫైబర్ వెంట కాంతి ప్రసారం సమయంలో, కాంతి యొక్క విద్యుత్ క్లేత్రం ప్రసార తలం లో లేగొ ప్రసార సమతలానికి లంబంగా ఉండవచ్చు. వొటికి వరుసగా TM (ట్రొన్స్వేర్స్ మాగ్నెటిక్) మరియు TE (ట్రొన్స్వేర్స్ ఎలక్ట్రిక్) హెడ్లుగా పేరు పెట్టారు. కొన్ని సార్లు TE మరియు TM హెడ్ల కలయిక ఉండవచ్చు. వొటిని హైబ్రిడ్ ఎలక్ట్రిక్ మాగ్నెటిక్ హెడ్స్ (HEM) అంటారు. రెండు ఎలక్ట్రిక్ (E) లేగొ అయస్కాంత (H) ఫ్రీల్డ్ లలో ఏబి ప్రబలంగా ఉందో బట్టి వొటికి HE మరియు EH హెడ్లుగా పేరు పెట్టారు. ఈ అనేక సంఖ్షామానాలకు బదులుగా, అవి కేవలం LP (లీనియర్లీ పోలరైజ్డ్) మోడ్లుగా సూచించబడతాయి.

ఆస్టికర్ ఫైబర్లు ర్థుపాకారంగా ఉన్నందున, కాంతి ఫుంజం క్రాస్-సెక్షన్ వృత్తా కార సమరాపతను కరిగి ఉంటుంబి. అందువల్ల వొటి*సి l, m* సిరీస్లో రెక్కించడం మరింత సౌకర్యవంతంగా ఉంటుంబి. ఇక్కడ *m* ఫుంజం విడిపోయే కేంబ్రీకృత వృత్తాల సంఖ్యను సూచిస్తుంబి మరియు *l ఆ* సర్మిల్లలకు చేసిన సెక్టోలియల్ ఇన్స్టేషన్ల సంఖ్యను సూచిస్తుంబి. బగువ చిత్రం ఆస్టికల్ ఫైబర్లలో ఉత్పత్తి చేయబడిన  $LP_{lm}$  నమానా హెడ్లను సూచిస్తుంబి. ఉదాహరణకు  $LP_{32}$  హెడ్లో మాడు సెక్టోలియల్ ఇన్స్ట్రేషన్లతో రెండు సల్మల్ లు ఉంటాయి.

### Based on refractive index profile of core:

Depending on the refractive index of core material, optical fibers are classified into two. Step index and graded index.

In step index fiber, refractive index remains constant throughout the core and drops suddenly at the core cladding boundary. In graded index fiber, refractive index reduces gradually from the centre of the core towards the cladding.



Fig: Step index and graded index optical fibers.

In the case of multimode step index fiber, all waves will get reflected at the core and cladding boundary but at different locations or different angles of incidence. In multimode graded index fiber, different modes will reflect at different distances from the center of the core in spiral paths.

In the case of step index fiber, different modes will travel with different velocities, which leads to inter-modal dispersion. Whereas in graded index fiber all modes will travel with same linear velocity.



Fig: Multimode step index fiber, multimode graded index fiber.

In the case of step index fibers, noise levels are high due to velocity differences between different modes. In contrast, in graded index fiber, noise levels are less as all modes will travel with the same velocity.

# 4.13 Rays and Modes in optical fibers

When the diameter of core is very small, only one wave will be able to travel across the core without any reflections on the cladding interface. In that case the launching angle is zero. If the core has sufficiently larger diameter, then rays may be launched at other than zero degrees as well. Then the rays will suffer multiple total internal reflections to reach the other end. In that case, between zero and maximum possible launching angles, only specific launching angles are allowed depending on the wavelength which satisfies the pathlength condition for constructive interference for each internal reflection. Thus one can launch waves of the same wavelength at different launching angles or different wavelength waves at different launching angles. The one that travels along the axis of the fiber is called the zeroth order mode and the others with rising launching angle are denoted with higher order serial numbers.



Fig: Modes in Optical fiber.

During the transmission of light along the optical fiber, electric field of light may be in the plane of transmission or perpendicular to the plane of transmission. They are named as TM (Transverse Magnetic) and TE (Transverse Electric) modes respectively. Some times there may be a combination of TE and TM modes. They are called Hybrid electric magnetic modes (HEM). They are named as HE and EH modes depending on which of the two electric (E) or magnetic (H) fields is dominant. Instead of these many notations, they are simply denoted as LP (Linearly Polarized) modes.

Since the optical fibers are cylindrical, the light beam cross-section will have circular symmetry. Hence it is more convenient to number them in l, m series. Here m denotes the number of concentric circles the the beam splits into and l denotes the number of sectorial insitions made to those circles. The picture below denotes the sample  $LP_{lm}$  modes produced in optical fibers. For example  $LP_{32}$  mode will have two circles with three sectorial insitions.

l = 0, m = 1	l = 0, m = 2	l = 0, m = 3
		0
l = 1, m = 1	l = 1, m = 2	l = 1, m = 3
	$(\bullet)$	
l = 2, m = 1	l = 2, m = 2	l = 3, m = 2

#### Fig: Linearly Polarized (*LP*<sub>lm</sub>) modes of light in optical fibers.



4.14 పైబర్ ఆప్టిక్ కమ్యూనికేషన్ సిస్టమ్

# 4.14 ఫైబర్ ఆఫ్టిక్ కమ్వానికేషన్ సిస్టమ్

ఆప్టికల్ ఫైబర్ కమ్యానికేషన్ సిస్టమ్ తప్పనిసరిగా మాడు భొగాలను కరిగి ఉంటుంది, అవి,

(ఎ) ట్రాన్స్మ్ మిటర్ (ఐ) లపీటర్ మలయు (సి) లస్టీవర్.

ట్రాన్స్మ్ మిటర్లో మాడ్యులేటర్, ఎన్కోడర్, లైట్ సోర్స్, డ్రైవ్ సర్మూట్లు మరియు కప్లర్లు ఉంటాయి. సరళంగా చెప్పాలంటే, ఫైబర్ ఆస్టిక్ సిస్టమ్ ఒక ఎలక్ట్రికల్ సిగ్నల్**ను ఎన్కోడర్ ద్వారా బైనరి డేటాగా** మారుస్తుంబ.

**క్రొల్లెటర్**:ట్రాస్స్మ్ మిటర్ జీ కోడర్ అని పిలువబడే డిజిటర్ (A/D) కన్వర్టర్ అనరాగ్ మరియు కాంతి మూలం ఉంటాయి. A/D కన్వర్టర్ అనేది వాయిస్ లేదా పిడియో (TV) సిగ్నల్ వంటి నిరంతర అనలాగ్ సిగ్నల్లను డిజిటల్ పల్స్ల్ శ్రే జిగా మార్చడొనికి ఉపయోగించబడుతుంది. ఈ చైనరి డేటా ఎలక్టికల్ పల్స్ యొక్క స్ట్రీమ్గా వస్తుంది మరియు ఈ పల్స్ల్లు మాడ్యులేటింగ్ లైట్ సోర్స్ ద్వారా ఆస్టికల్ పవర్ యొక్క పల్స్ల్లుగా మార్ఘ బడతాయి. కాంతి మాలం ఒక కాంతి -ఉద్గొర డయోడ్ (LED) లేదా ఒక ఇంజెక్షన్ లేళుర్ డయోడ్ (ILD). అప్పడు, డ్రైవ్ సర్యూట్ నేరుగా ఎన్కోడ్ చేయబడిన డిజిటల్ సిగ్నల్ తో కాంతి తీవ్రతను మాడ్యులేట్ చేస్తుంది. ఈ డిజిటల్ ఆస్టికల్ సిగ్నల్ ఆస్టికల్ ఫైబర్ కే బుల్ లోకి ప్రారంథించబడింది. కాంతి-ఫుంజం పల్లు, కప్టర్లలను ఉపయోగించి ఫైబర్ ఆస్టిక కే కే బుల్ లోకి మృదువుగా ఉంటాయి, అక్కడ అవి చాలా దూరం వరకు ప్రసారం చేయబడతాయి.

లపీటర్: లపేటర్లుసిగ్నల్ బలొబ్ని కొనసాగించడానికి ఆప్టికల్ ఫైబర్ సిస్టమ్లో నిర్దిష్ట దూరం తర్వొత ఉపయోగించబడతాయి. మునుపటి వ్యవస్థులలో, లపేటర్ దశ ఆప్టికల్ సిగ్నల్నను ఎలక్ట్రిక్ సిగ్నల్గా మార్చడం, దొనిని పెంచడం మరియు ఎలక్ట్రికల్ సిగ్నల్నను ఆప్టికల్ సిగ్నల్గా మార్చడం. ఇది చాలా శక్తి డిమాండ్ ప్రక్రియ. దొని కోసం అభివృద్ధి చేయబడిన ఆధునిక ప్రత్యామ్నాయం ప్రత్యక్ష ఆప్టికల్ యాంప్లిఫికేషన్స్ కరిగి ఉంటుంది. తక్కువ తరంగదైర్హ్యం మరియు అధిక శక్తి లేజర్సు పంపింగ్ లేజర్గా ఉపయోగించడం మరియు ఎల్ఛయం రకమైన అరుదైన భూమి పదొర్థాలతో ఫైబర్సు డాపింగ్ చేయడం ద్వారా ఇది సాధించబడుతుంది. వేప్ లెంగ్స్ డివిజన్ మల్టీప్లెక్సింగ్ (WDM) ద్వారా ఉత్పన్నమయ్యే సంక్లిష్ణ సంకేతాలను నిర్వహించడానికి ఇది అత్యంత అనుకూలమైన పద్ధితి. చెవరగా, ఆప్టికల్ ఫైబర్ చివలలో, సిగ్నల్ లిస్పేవర్కు అందించబడుతుంది.

లస్షీవర్:లస్టీవర్లో లైట్ డిటెక్టర్ లేదా ఫోటోసెల్ మరియు డీకోడర్ ఉంటాయి. లైట్ డిటెక్టర్ చాలా తరచుగా PIN (p-type-intrinsic-n-type) డయోడ్ లేదొ APD (అవొలాంచ్ ఫోటోడియోడ్) గా ఉంటుంబి. లైట్ డిటెక్టర్, స్వీకరించే మూలకం వలె పనిచేస్తుంబి, అందుకున్న కాంతి పల్లను తిరిగి విద్యుత్ ప్రవోహం యొక్క పల్లుగా మారుస్తుంబి. ఎలక్ట్రికల్ ప్లస్లేలు విస్తరించబడ్డొయి మరియు తిరిగి డిజిటల్ రూపంలోకి మార్చబడతాయి, ఇవి D/A కన్వర్టర్ (డిజిటల్ నుండి అనలాగ్ కన్వర్టర్) వంటి డికోడర్కు అంబించబడతాయి, ఇక్కడ అసలు పొయిస్ లేదా పిడియో ఫునరుద్ధరించబడుతుంబి.

# 4.14 Fiber Optic communication system



Fig: Optical fiber communication system.

Optical fiber communication system essentially consists of three parts namely,

(a) Transmitter (b) Repeater and (c) Receiver.

The Transmitter includes modulator, encoder, light source, drive circuits and couplers. Simply put, the fiber optic system converts an electrical signal into binary data by an encoder.

**Transmitter:** The transmitter consists of an analog to digital (A/D) converter called a decoder, and a light source. The A/D converter is used to convert continuous analog signals such as voice or video (TV) signals into a series of digital pulses. This binary data comes out as a stream of electrical pulses and these pulses are converted into pulses of optical power, by the modulating light source. The light source is either a light-emitting diode (LED) or an injection laser diode (ILD). Then, the drive circuit directly modulates the intensity of the light with the encoded digital signal. This digital optical signal is launched into the optical fiber cable. The light-beam pulses are then fed into a fiber-optic cable using couplers, where they are transmitted over long distances.

**Repeater: Repeaters** are used after certain distance in the optical fiber system to keep up the signal strength. In earlier systems the repeater stage consisted of a conversion of optical signal into electric signal, followed by boosting it and then conversion of

### 4.15 పైటర్ ఆప్టిక్ కమ్యూనికేషన్ యొక్క ప్రయోజనాలు

# 4.15 ఫైబర్ ఆప్టిక్ కమ్యానికేషన్ యొక్క ప్రయోజనాలు

- అక్యంత విస్తృత చ్యాండ్ వెడల్పు 1mm OFC కే బుల్ ద్వొరొ దొదాపు 50,000 కాల్ లను ప్రసారం చేయవచ్చు.
- OFC సిస్టమ్ పలమాణంలో చిన్నవి, బరువులో తేరికైనవి మలయు సౌకర్యవంతమైన ఇంకా బలంగా ఉంటాయి.
- సమాంతర ఫైబర్స్ మధ్య ఎటువంటి క్రాస్ టొక్ ఉండదు.
- OFC వ్వవస్థలు EMI (విద్యుదయస్థాంత శోక్యం) మరియు RFI (రే డియో ఫ్రీ క్వెన్సీ శోక్యం) నుండి నిరోధక శక్తిని కరిగి ఉంటాయి.
- 5. అవి తక్కువ ఖర్చుతో సిగ్నల్ లను అందించగల సామర్థ్యం కూడుకున్నవి.
- c. OFC వ్వవస్థ అత్యంత సురక్షితమైన కమ్యాలికేషన్ వ్వవస్థ.
- 7. వొరు యూనిట్ పోడవుకు తక్కువ నష్టాన్ని కరిగి ఉంటారు. రొగి కే బుల్ లకు ప్రతి 2 కిమీ వద్ద లపీటర్లు అవసరం అయితే ప్రతి 100 కిమీ వద్ద OFC లపీటర్లను ఇన్హోల్ చేయవచ్చు.
- 8. OFC వ్వవస్థలు ఉష్ణాగ్రత మరియు తుష్పకు నిరోధకతను కరిగి ఉంటాయి. కరినమైన వొతావరణాలకు అనుకూలం.
- 9. అభిక వోల్టేళ్ లేదొ మంటలను రే కెత్రించే పలకరొలను కరిగి లేనందున అవి ప్రమాదకరం కాదు.
- 10. అవి మలింత నమ్మదగినవి మలియు నిర్వహించడం సులభం.
- OFC సిస్టమ్లలో ఉపయోగించే మెటీలయల్లలో ఎక్కువ భాగం పర్ఫొవరణ అనుకూలమైనవి.

### For Further reading:



electrical signal into optical signal. This is highly energy demanding process. Modern alternative developed for it consists of direct optical amplification. This is achieved by using a lower wavelength and high power laser as pumping laser and doping the fiber with erbium kind of rare earth materials. This is most convenient method to handle the complex signals generated by Wavelength Division Multiplexing (WDM). Finally, at the end of the optical fiber, the signal is fed to the receiver.

**Receiver:** The receiver includes a light detector or photocell and a decoder. The light detector is very often either a PIN (p-type-intrinsic-n-type) diode or an APD (avalanche photodiode). The light detector, acting as the receiving element, converts the received light pulses back to pulses of electrical current. The electrical pluses are amplified and reshaped back into digital form that is fed to a decoder such as a D/A converter (digital to analog converter), where the original voice or video is recovered.

# 4.15 Advantages of Fiber optic communication

- 1. Extremely wide band width Nearly 50,000 calls can be transmitted by 1mm OFC cable.
- 2. OFC systems are smaller in size, lighter in weight and flexible yet strong.
- 3. There will be no cross talk between parallel fibers.
- 4. OFC systems are immune to EMI (electromagnetic interference) and RFI (Radio frequency interference).
- 5. They are cost effective- potential of delivering signals at low cost.
- 6. OFC system is a highly secure communication system.
- They have low loss per unit length. Copper cables need repeaters at each 2km whereas OFC repeaters can be installed at each 100km.
- 8. OFC systems are resistant to temperature and corrosion. Suitable to harsh environments.
- 9. They are not hazardous as they do not involve any high voltage or fire provoking equipment.
- 10. They are more reliable and easy to maintain.
- 11. Majority of the materials used in OFC systems are environmental friendly.

# Solved Problems and Exercises

1. Find the longitudinal chromatic aberration in white light for a biconvex lens whose focal length for yellow light is 20cm and dispersive power is 0.068

Sol: For a lens , we have dispersive power  $\omega = \frac{f_r - f_v}{f_y}$ 

Here  $f_r$  and  $f_v$  are focal lengths of red and violet colours ;  $f_y$  is the focal length of mean colour ie yellow colour

- □ Longitudinal chromatic aberration  $f_r f_v = \omega f_y = 0.068 \times 20 = 1.36 \ cm$
- 2. Calculate the focal length of the lens with dispersive power 0.031 placed in contact with a convex lens of focal length 84cm and dispersive power 0.021 to make a achromatic doublet.

Sol: The condition for achromatism is 
$$\frac{\omega_1}{f_1} + \frac{\omega_2}{f_2} = 0 - (1)$$
  
 $\frac{1}{f_2} = -\frac{\omega_1}{\omega_2 f_1} = -\frac{0.021}{0.031 \times 84} = -\frac{0.021}{2.604}$   
 $\Box f_2 = -124 cm$ 

3. Find the focal length of the concave lens of a convex-concave system which satisfies the conditions for minimum Astigmatc difference. The focal lengths of convex lense is 15cm and ratio of refractive indices of convex and concave are 1.5

Sol: We have the Condition for correction of astimatic difference is

$$\frac{1}{n_1 f_1} + \frac{1}{n_2 f_2} = 0 - (1) \text{ Petzval condition}$$

$$\square \quad \frac{n_1}{n_2} = -\frac{f_2}{f_1} \text{ and given focal length of convex lens } f_1 = 15cm, \quad \frac{n_1}{n_2} = 1.5$$

$$\square \quad \text{From (1) focal length of concave leng } f_1 = -\frac{n_1}{n_1} \times f_1 = 1.5$$

□ From (1), focal length of concave lens 
$$f_2 = -\frac{n_1}{n_2} \times f_1 =$$
  
1.5 × 15 = 22.5*cm*

 Calculate dispersive powers of lenses of an achromatic doublet having focal length 20cm.Refractive indices of red and blue colours for first and second lenses are 1.522, 1.514 and 1.629, 1.612 respectively

Sol: Dispersive power of first lens is  $\omega_1 = \frac{n_b - n_r}{n-1} = \frac{1.522 - 1.514}{1.518 - 1} = 0.0154$ 

where n is average of given two colours for first lens  $n_1 = \frac{1.522+1.514}{2} = \frac{3.036}{2} = 1.518$ 

Dispersive power of second lens is  $\omega_2 = \frac{n'_b - n'_r}{n_2 - 1} = \frac{1.629 - 1.612}{1.621 - 1} = 0.0274$ 

where n is average of given two colours for second lens  $n_1 = \frac{1.629+1.612}{2} = \frac{3.241}{2} = 1.621$ 

5. Find the separation between lenses of a doublet which satisfies the conditions for achromatism and minimum spherical aberration. The focal lengths of one of the lenses is10cm

Sol: We know that condition for achromatism is  $t = \frac{f_1 + f_2}{2}$ 

And also condition for minimum spherical aberration is  $t = f_1 - f_2$ 

$$\Box \quad f_1 - f_2 = \frac{f_1 + f_2}{2} \Rightarrow f_1 = 3f_2$$

- □ If  $f_1 = 10cm$  then  $f_2 = 3.33cm = > t = 6.67cm$
- □ If  $f_2 = 10cm$  then  $f_1 = 30cm => t = 20cm$
- 6. To get free from chromatic aberration, a telescope objective is made with an achromatic doublet for the two colours of dispersive powers 0.0154 and 0.0242 respectively for two lenses of the doublet.Calculate focal lengths of two lenses for mean colour if the focal length of telescope objective s 100cm.

Sol : The condition for achromatism is  $\frac{\omega_1}{f_1} + \frac{\omega_2}{f_2} = 0 - (1)$ 

$$\Box \quad \frac{1}{f_2} = -\frac{\omega_1}{\omega_2 f_1} = -\frac{0.0154}{0.0242f_1} = -\frac{0.6363}{f_1} - -(2)$$

and also we have  $\frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F}$  -----(3)

$$\Box \quad \frac{1}{f_1} - \frac{0.0154}{0.0242f_1} = \frac{1}{100} \Rightarrow f_1 = 36.36cm$$
$$\Box \quad \text{From (2),} \quad \Rightarrow f_2 = -57.15cm$$

7. Find the critical angle for the light ray incident on a glass-air interface .Refractive index of glass is 1.48

Sol: We have the critical angle for light traveling in the glass is

$$\phi_c = \frac{n_2}{n_1} = \sin^{-1} 0.676 = 42.5^0$$

8. An optical fiber has a core with a refractive index of 1.5 and a cladding with a refractive index of 1.4. Calculate the critical angle of the fiber.

Sol: Acceptance angle = sin-1(n2 / n1)

Substituting the values for n1 = 1.5 and n2 = 1.4,

we can get,

Critical angle =  $\sin -1(1.4 / 1.5)$ 

= sin-11 0.93 = 69o

9. An Optical fiber has a core material of refractive index 1.5 and the cladding material of refractive index 1.45 and light is launched into it in air. Calculate its numerical Aperture.

Sol: Given that n1=1.5 and n2=1.45

We know that NA= 
$$\sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$
  
NA=  $\sqrt{1.5^2 - 1.45^2}$   
NA=  $\sqrt{2.25 - 2.1025}$   
NA=  $\sqrt{0.1475} = 0.38$ 

10. Calculate acceptance angle for the fiber in the water. It has core and cladding with refractive indices as 1.61 and 1.59 respectively.

Sol: Given 
$$n_1 = 1.61$$
 and  $n_2 = 1.59$ 

 $\square \text{ Numerical aperture } NA = \frac{(n_1^2 - n_2^2)^{1/2}}{n_0} = \frac{(1.61^2 - 1.59^2)^{1/2}}{1.33} = 0.19$ 

Acceptance angle in is  $\theta_A = NA = 0.19 = 10.9^{\circ}$ 

11. Calculate acceptance angle for the fiber in the water. It has core and cladding with refractive indices as 1.61 and 1.59 respectively.

Sol: Given  $n_1 = 1.61$  and  $n_2 = 1.59$ 

 $\square \text{ Numerical aperture } NA = \frac{\left(n_1^2 - n_2^2\right)^{1/2}}{n_0} = \frac{\left(1.61^2 - 1.59^2\right)^{1/2}}{1.33} = 0.19$ 

 $\Box$  Acceptance angle in is  $\theta_A = NA = 0.19 = 10.9^{\circ}$ 

12. Find the Numerical aperture and acceptance angle for a multimode glass fiber that has core refractive index 1.48 and 2% core-cladding index difference

Sol: If  $\Delta$  is core-cladding index difference, then we have  $\Delta = 0.02$ 

$$n_2 = n_1 - n_1 \Delta = n_1 (1 - \Delta) = 1.48(1 - 0.02) = 1.45$$

□ Numerical aperture  $NA = (n_1^2 - n_2^2)^{1/2} = (1.48^2 - 1.45^2)^{1/2} = 0.296$ 

Acceptance angle in air is  $\theta_A = NA = 0.296 = 17.2^{\circ}$ 13. An optical fiber with a numerical aperture of 0.3 and a cladding

refractive index of 1.4 then find the value of core refractive index. Sol:  $NA = \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$ 

$$n_1 = \sqrt{NA^2 + n_2^2}$$
$$n_1 = \sqrt{0.3^2 + 1.4^2}$$
$$n_1 = 1.43$$

 The refractive indices of core and cladding of a step index optical fiber are 1.5 and 1.48 respectively. Calculate (i) numerical Aperture, (ii) The acceptant angle (iii) The critical angle at core

### Solved Problems and Exercises

cladding interface and (iv) Fractional refractive indices change of the optical fiber

Sol: Given that n1=1.5 and n2=1.48, n0=1

(i) We know that NA= 
$$\sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$
  
NA=  $\sqrt{1.5^2 - 1.48^2}$   
NA=  $\sqrt{2.25 - 2.1904}$   
NA=  $\sqrt{0.0596} = 0.244$   
(ii) Sin(im) = ( $\sqrt{n_1^2 - n_2^2}$  /n0)

Sin(im) =0.244

im=sin-1(0.244) = 14° 7'

(iii) 
$$\theta_c = Sin^{-1}(\frac{n_2}{n_1})$$
  
 $\theta_c = Sin^{-1}(\frac{1.48}{1.5})$   
 $\theta_c = Sin^{-1}(0.987)$   
 $\theta_c = 80^{\circ} 45'$ 

(iv) 
$$\Delta = n1 - n2/n1$$
  
 $\Delta = (1.5 - 1.48)/1.5$ 

Δ=0.013

15. The refractive indices of the core and cladding of a step index fiber are 1.49 and 1.46 respectively. The diameter of the fiber is 50  $\mu$ m. Calculate (i) Numerical Aperture, (ii) The number of possible modes at an operating wavelength of 1.5 $\mu$ m and (iii) Velocity of light in the core and cladding of the fiber.

Sol: Given that n1=1.49 and n2=1.46, a=50  $\mu m$  ,  $\lambda$ =1.5  $\mu m$ 

(i) We know that NA= 
$$\sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$
  
NA=  $\sqrt{1.49^2 - 1.46^2}$   
NA=  $\sqrt{2.2201 - 2.1316}$   
NA=  $\sqrt{0.0885} = 0.3$   
(ii) V (v-number)=  $\frac{2\pi a}{\lambda}$  (NA)

$$V = \frac{2x \ 3.14 \ x50}{1.5} (0.3)$$

$$V = 62.8$$

$$N = \frac{V^2}{2} = \frac{62.8^2}{2} = 1971$$
(iii)  $v_{core} = \frac{c}{n_1}$ 

$$v_{core} = \frac{3 \ x \ 10^8}{1.49} = 2.01 \ x \ 10^8 \ m/sec$$

$$v_{clad} = \frac{c}{n_1}$$

$$v_{clad} = \frac{3 \ x \ 10^8}{1.46} = 2.05 \ x \ 10^8 \ m/sec$$

16. A Laser of 2mW is launched into the optical fiber of length 100m. If the output power at the other end is 0.5mW, calculate the fiber attenuation factor.  $\alpha = 52.29 \text{ dB/km}$ 

Sol: Given that

Pin =2mW

Pout = 0.5mW and

L=100m

We know that, Optical attenuation factor ( $\alpha$ )  $= \frac{10}{L} \log \left(\frac{P_{in}}{P_{out}}\right) dB/km$   $\alpha = \frac{10}{100} \log \left(\frac{2}{0.5}\right)$   $\alpha = 0.06 dB/m$   $\alpha = 60 dB/km$ 

17. An Optical fiber of 1mW is guided into the optical fiber of length 100m. If the output power at the other end is 0.1mW, find the output power after 200m length of the optical fiber.

Sol: Given that

Pin =1mW

Pout = 0.1mW and

L=100m

We know that, Optical attenuation factor ( $\alpha$ )

$$= \frac{10}{L} \log \left(\frac{P_{in}}{P_{out}}\right) dB/km$$
$$\alpha = \frac{10}{100} \log \left(\frac{1}{0.1}\right)$$
$$\alpha = 0.1 dB/m$$
$$\alpha = 100 dB/km$$

For L=200m, the output power is

Pout = Pin 10-αL/10 Pout = 1x 10-0.1 x 200/10 Pout = 0.01mW

18. A fiber has a numerical aperture of 0.2 and is transmitting light with a wavelength of 1.6  $\mu$ m. The refractive index of the core is 1.5 and the radius of the core is 50  $\mu$ m. Find the number modes of the fiber

Sol: Given that n1=1.5 NA=0.2, a=50 $\mu$ m, and  $\lambda$ =1.6  $\mu$ m

V (v-number) = 
$$\frac{2\pi a}{\lambda}$$
 (NA)  
V =  $\frac{2x \ 3.14 \ x50}{1.6}$  (0.2)

$$V = 39.25$$
$$N = \frac{V^2}{2} = \frac{39.25^2}{2} = 770$$

19. A low loss optical fiber has the attenuation of 6db/km at 1550nm. Find the at what length of the optical fiber power is decreased by 50%.

Sol: Given that  $P_{out}/P_{in} = 50\% = 0.5$ 

L=? and 
$$\alpha$$
 = 3 dB/km

$$L = -\frac{10}{\alpha} \log \left(\frac{P_{out}}{P_{in}}\right)$$

$$L = -\frac{10}{6} \log (0.5)$$
$$L = 0.5k$$

# MCQs

1. The lateral chromatic aberration can be reduced a).By using plano convex lens b) By combining diverging and converging lens c) Increasing the dispersive power of lens d)By using convex lens Ans: b APPGCET 2022 Single mode optical fiber supports propagation of 2. a).Meridinal Rays b) Skew Rays c) Helical rays d)All of the above APPGCET 2022 Ans: a 3. Preferable source of light used in optical fiber a)LED b) Sodium light c) LASER d)Mercury light APPGCET 2022 Ans: c

4. Which of the following will produce smaller chromatic aberration?
a)Thick lens b) Thin lens c) both d) Insufficient informaton Ans: b

5. Which of the following phenomena is used in optical fibers? a)Total internal reflection b) scattering c)diffraction d)Refraction

Ans: a

APPGCET 2021

**MCQs** 

6. Spherical Aberrations occurs when light passes througha).Centre part of lensb) A round lensc) Diverging lensd)Edge of the lens

Ans: d

### APPGCET 2021

7. A toy of 7.5 mm tall is on the central axis 100 cm from the front face of a bi convex lens of 20 cm focal length. If the image of the toy formed on a wall is 30 mm tall, the transverse magnification of the lens is

A. +4 B. -2 C. -5 D. -4

HCU 2021

Ans:D

8. A thin positive lens of refractive index 1.6 in air has a focal length of 40 cm. This lens is immersed in an aquarium 60 cm in front of a small fish to form an image. The image characteristics of the fish are

A. The image is real, inverted and magnified 2 times

B. The image is virtual, inverted and magnified 3.6 times

C. The image is real, inverted and magnified 2 times

D. The image is virtual, inverted and magnified 2 times

HCU 2021

Ans:A,C

9. A Keplerian telescope operating at infinite conjugates is composed of two thin positive lenses separated by 1.55m providing an angular magnification of 30. The viewer pulls the eyepiece out by 5 cm to clearly see the object with a relaxed eye. The location of the object is

A. 64.50 m B. 46.50 m C. 31.55 m D. 55.13 m

HCU 2021

Ans:B

- 10. A common lens coating material used for non-reflective coating has a refractive index of 1.6. The thickness of a non-reflective coating to be used for 800 nm light is
  - A. 125 nm B. 250 nm C. 400 nm D. 500 nm

HCU 2021

Ans:A

11. A lens of focal length 22 mm is being used for imaging an object on a screen kept at 25 mm. The object distance, spatial and angular magnification, respectively, are

A. 183 mm, 0.880, and 1.136. B. 183 mm, -0.136, and -7.320.

C. 183 mm. -0.880, and -1.136. D. 183 mm, -1.136, and -0.880.

HCU 2020

12. Consider two symmetrical thin lenses, one is converging with focal length  $f_1$  and refractive index  $n_1$  and the other is diverging with focal length  $f_2$  and refractive index  $n_2$ . The radius of curvature of both the lenses is R. If the lenses are put together and submerged in water (refractive index  $n_w$ ), the effective focal length of the system is

A. 
$$\frac{2(n_1 - n_2)}{n_w R}$$
 B.  $\frac{2n_w R}{(n_1 + n_2)}$  C.  $\frac{2n_w}{R(n_1 + n_2)}$   
D.  $\frac{n_w R}{2(n_1 - n_2)}$ 

HCU 2019

Ans: D

13. The size of optical fibers used in Telecommunications ranging from

a)10 - 50 μm b) 100-125 μm c) 250-300 μm d) 1.32 - 1.55 μm

AUCET 2020

Ans: c

14. Aberrations' comes under following field of optics

a).Physical optics b) Geometrical topics c) Ray Optics d)None

Ans: b

15. Main types of aberrations are

a)Chromatic aberration b) Monochromatic aberration

c) a and b only d). a and b along with Quasimonochromatic aberration

Ans: c

16. Spherical aberration is minimum for

a)Plano Convex lens b) Spherical lens c) Plano Concave lens d)All

Ans: a

- 17. A spherical air bubble is embedded in a glass slab. It will behave like a
  - (a) Cylindrical lens
     (b) Achromatic lens
     (c) Converging lens
     Ans.:
     (c)
- 18. Even when an optical system is free from all aberrations, the image of a point object will not be a point . This is because of one of the following light property

a)Interference b)Reflection c)Diffraction d)Polarization

Ans: c

19. View the given figure with one eye by closing other eye, if one set of lines bolder than the others you havea)astigmatismb)Sperical aberrationc)Comad)None



Ans: a

20. In optical fiber, if  $n_1$  is refractive index of core and if  $n_2$  is refractive index of cladding, the condition for light propagation is

a) 
$$n_1 = n_2$$
 b)  $n_1 > n_2$  c)  $n_1 < n_2$   
d)All  
Ans: b

- 21. What type of Laser/Lasers is/are used mostly in fiber optics
  - a) Ruby Laser b) Semiconductor Laser c) He Ne Laser d)All

Ans: b

- 22. The core diameter of step index fiber is
  - a) 50 -100  $\mu$ m b) 8 -10  $\mu$ m c) 100 -150  $\mu$ m d) It depends on mode type not on index type Ans: d
- 23. An index difference between core and cladding is of the order of a)  $\Delta n \approx 0.1$  b)  $\Delta n \approx 1$  c)  $\Delta n \approx 0.0001$  d)  $\Delta n \approx 2$

Ans: a

#### 24. The principle used in optical fiber is

a) Interference b) Diffraction c) Polarization d)Total Internal reflection

25. Which of the following is widely used in the world

a) Single mode step index b)Multi mode step index

c)multi mode graded index d) Single mode graded index

Ans: a

- 26. An optical fiber can carry approximately
  - a) 10 billion TV Channels b)10 Million TV Channels c) 100 TV Channels d)None

Ans: a

27. The refractive index profile for graded index fiber from center of core is as following manner

Ans: d

Grade your understanding

a)	Straight line	b) Parabolic	c)
	constant	d) a and b	

Ans: b

- 28. Optical fibers are fabricated from glass or a plastic polymer because
  - a) To get electrical isolation b)To get Electromagnetic Interference

c) To get high tensile strength for flexibility  $\,$  d) Both a and c  $\,$ 

Ans: d

29. The phenomenon employed in the waveguide operation is

(a) reflection (b) refraction (c) total internal reflection (d) absorption

Ans. : (c)

# Grade your understanding

	• •	
1.	A ray has infinite wavelength	[ ]
2.	We get perfect images of objects in the realm of paraxial optics	[]
3.	Chromatic aberrations are independent of monochromatic aberrations	[]
4.	For an achromatic doublet, the two lenses must be of same materials	[]
5.	The aberrations produced by a lens due to optical system are monochromatic	[]
6.	The deviation of light ray from an object by the lens is independent of object position	[]
7.	The spherical aberration produced by a concave lens is positive	[]
8.	Huygens eyepiece is an example of Achromatic doublet(Lenses are in contact)	[]
9.	For a point object on the principal axis of a lens is free from Coma	[]
10.	Optical fibers carry very large information compared to copper cable	[]

- 11. Electromagnetic wave in entire frequency region can be [] used as carrier in optical fiber communications
- 12. Delay distortion of light pulses in optical fiber is because [] of spreading of pulses with time
- 13. Our atmosphere is an example of graded index medium []
- 14. The focal lengths are shorter for shorter wavelengths [] and longer for longer wavelengths for both convex and concave lenses
- 15. The most difficult lens aberration to correct is Coma [] Ans : 1.No 2.Yes 3.Yes 4. No 5.Yes 6. Yes 7. No 8.No 9.Yes 10. Yes 11.No 12. Yes 13.Yes 14. No 15. Yes

# Glossary

01		
Glossary		
Aberration	The defect of a lens in convergence of rays at one focus	
Acceptance angle	The angle over which the core of an optical fiber accepts incoming light and is measured from fiber axis	
Achromatism	Inability of separation of colours	
Aperture	An opening by which light enters the fiber	
Aplanatic points	Two points on axis of optical system having the property that the rays from one point will all converge to, or diverge from the other	
Barrel	A cylindrical container bulging out in the middle, traditionally made of wooden staves with metal hoops round them	
Buffer	A layer that protects or acts as a barrier for the cladding of an optical fiber from outer environment	

### Glossary

Chromatic aberration	The effect produced by the refraction of different wavelengths of light through slightly different angles, resulting in a failure to focus
Cladding	A layer that surrounds the core and reflects light/ information back in to the core
Concave lens	Lens with more thickness at centre than at edges which converges light beam from a source
Convex lens	Lens with less thickness at centre than at edges which diverges light beam from a source
Core	The transparent centre of an optical fiber where light is internally transmitted
Corrosion	A natural process that converts a refined metal into a more chemically stable oxide
Critical angle	The smallest angle of incident at which total internal reflecton occurs
Encoder	A sensing device that provides feedback, also used to convert (a message, information, etc.) Into meaningful code.
Fiber/fiber	A thread or a structure that look like a thread
Fiber scope	An optical instrument that examine the output of fiber bundles
Focal length	Distance between optical centre and focus of the lens
Gaussian Optics	Geometrical optics with the approximation of Snell's law where sine angle is replaced with tangent angle for paraxial rays
Geometrical optics	The branch of optics that describes the light propagation in terms of rays
Lens	A piece of transparent material that concentrate or disperse light rays

Light guide	An optical fiber that guides electromagnetic waves
Line width	The range of wavelengths in a signal
Marginal Ray	A ray which hits towards edges of the lens and hence away from optical axis
Negative refraction	Refraction of electromagnetic wave at metamaterial surface where it's propagation gets reversed and values of permittivity & permeability become negative
Numerical Aperture	The light gathering ability of a fiber
Opaque	Preventing light from travelling through the material, and therefore not transparent or translucent
Optical axis	An imaginary line that pass through geometrical centre of optical system ,also called principal axis
OFC cable	A fiber-optic cable is composed of very thin strands of glass or plastic known as optical fibers
Paraxial ray	A ray that makes small angle to the lens optical axis
Petzval curvature	An aberration in which Flat object normal to the optical axis cannot be a flat image(Petzval - Scientist name)
Petzval lens	A two-element highly achromatized camera objective having low transmission loss
Poly chromatic aberration	Failure of a lens to focus all colours at a point
Provoking	To cause the occurrence of (a feeling or action) to make (something) happen

### Glossary

Refractive index	Ratio of Speed of light in vacuum to speed of light in the material which measures how material refracts light
Sagittal	A plan that divides a body into left and right
Silica	Silicon di oxide
Splice	Permanent junction between two fiber ends
Thin lens	Lens with negligible thickness when compared with radii of curvature of its surfaces
Wave guide	A system that guides electromagnetic waves

UNIT-5 LASERS and HOLOGRAPHY **లేసర్ లు మరియు** హాంతాగ్రఫి



## శిక్షణ లక్ష్యాలు

ఈ అధ్వాయంలో విద్వార్థులు ఈ విషయాలు నేర్చుకుంటారు,

- 1. స్పాంటే నియస్ మలయు స్టిములేటెడ్ ఎమిషన్ గులంచి,.
- 2. పాఫులేషన్ ఇన్వర్షన్, లేసర్ ప్రిన్సిఫుల్, ఐంస్టీన్ కాఎఫిసిఎంట్స్.
- 3. He-Ne లేసర్ మలయు రూటి లేసర్ గులంచి,
- 4. లేసర్ యొక్క అప్లికేషన్స్
- 5. హాలోగ్రఫి యొక్క ప్రిన్నిపల్ మలయు అప్లికేషన్స్.

# అభ్యసన ఫలితొలు

అధ్వాయం ముగిసే సమయానికి, విద్యాల్థ ఈ క్రిందవి చేయగలరు.

- ఆకస్మిక, ఉత్తేజిత ఉద్దొరాలు, జనాభా విలామం అంటే ఏమిటా మలయు హాలాగ్రామ్ అంటే ఏమిటా వివలంచగలరు..
- జనాభా విలోమం లేజర్ చర్శకు ఎలా దొలితీస్తుందో మలయు హాలోగ్రామ్ను ఎలా రూపొంబించాలో వివలించగలరు.
- He-Ne మలయు Ruby లేజర్ల రూపకల్పనలో లేజర్ సూత్రాన్ని వల్తింపజేయగలరు.
- 3 స్థాయి మలియు 4 స్థాయి లేజర్ సిస్టమ్లలో లేసింగ్ చర్సను విశ్లేషించగలరు.
- విద్యార్థి హాలోగ్రామ్ అంటే ఏమిటా వివరించగలడు.
- 6. వివిధ రంగాలలో లేజర్లు మలయు హాలోగ్రామ్ల అవసరొన్ని సమర్థించగలరు. లేజర్లు మలయు హాలోగ్రామ్లను ఉపయోగించడం కోసం ప్రోటోటైప్ హెడల్లను అభివృబ్ధి చేయగలరు..

# LASERS AND HOLOGRAPHY



# Syllabus

Lasers: Introduction, Spontaneous emission, Stimulated emission, Population Inversion, Laser principle, Einstein coefficients, Types of lasers: He-Ne laser, Ruby laser, Applications of lasers. Holography: Basic principle of holography, Applications of holography.

### Learning Objectives

In this chapter students would learn about,

- 1. Spontaneous emission and stimulated emission.
- 2. Population inversion, Laser principle, Einsteein coefficients.
- 3. He-Ne laser, Ruby laser
- 4. Applications of Lasers
- 5. Principle and Applications of Holography

### Learning Outcomes

By the end of the chapter, student would be able to

- 1. Describe what spontaneous, stimulated emission, population inversion is and what a hologram is.
- 2. Explain how population inversion leads to laser action and how to generate a hologram.
- 3. Apply the laser principle in designing He-Ne and Ruby lasers.
- 4. Analyse the lasing action in 3 level and 4 level laser systems.
- 5. Justify need of lasers and holograms in various fields.
- 6. Develop prototype models for using lasers and holograms.

# వివిధ ప్రోగ్రాం లకు చెందిన నిర్దిష్ట ఫరితొలు మరియు భవిష్యత్ దిశౌనిర్దేశకాలు

ఈ అధ్వాయం ముగిసే సమయానికి నిర్దిష్ట కార్యక్రమాలకు చెందిన విద్వార్థులు క్రింది రంగాలలో లేజర్లు మరియు హాలోగ్రాఫి అవసరాన్ని గుర్తించగలరు.

- భౌతికశాస్త్రం: లేజర్లు మెటీలయల్ ప్రాసెసింగ్ మలయు మెటీలయల్ క్యారెక్టరైళేషన్లో వాటి అప్లికేషన్లను కనుగొంటాయి.
- 2. రసాయన శౌస్త్రం:డై లేజర్కు కెమిస్ట్రీ పలిజ్ఞానం అవసరం మలియు కొన్ని అభిక పీడన రసాయన ప్రతిచర్యలు లేజర్ ద్వారా సహాయపడతాయి.
- 3. కంప్యుటర్ పైన్స్:లాజిక్ పలకరాలు, మెమరీ పలకరాలు మరియు కమ్యూలికేషన్ పలకరాలను అథావృద్ధి చేయడొలికి LASERలను ఉపయోగించవచ్చు, ట్లూ లేజర్ అథావృద్ధి అనేబి డేటా లిల్వ పలకరాలలో ఒక మైలురాయి ఆవిష్కరణ. హాలోగ్రాఫిక్ ఆగ్గెంటెడ్ లయారిటీ అనేబి కంప్యుటర్ పైన్స్లో ప్రధాన పలశాథనా అంశం. అనేక లేజర్ అసిప్టెడ్ సల్మకల్ టూల్స్ మరియు మెడికల్ డయాగ్నప్టిక్ టూల్స్ లి లర్వహించడొలికి తగిన ప్రోగ్రామింగ్ సపోర్ట్ అవసరం.
- 4. భూగర్ళ శాస్త్రం:భౌగోశిక నమూనొ విశ్లేషణలో లేజర్లలు ఉపయోగపడతాయి, శాటిలైట్ లేజర్ ఇమేజింగ్ మలయు LIDAR సాంకేతికతలకు లేజర్ల పలఖ్ఞానం అవసరం.
- 5. ఎలక్ట్రైలిక్స్:మైక్రో సిప్ తయారీ, వైర్లెస్ పవర్ ట్రాన్స్మీమిషన్, ఆస్టికల్ సెన్సార్లు మలయు ఆస్టికల్ ఫైబర్ కమ్యాలికేషన్లో లేజర్లను ఉపయోగిస్తారు.
- 6. ఫునరుత్పాదక శక్తి:సోలార్ పంప్ లేజర్లను టిమ్ పవర్డ్ స్పేస్ ప్రొపోల్యాషన్, సోలార్ పవర్ శాటిలైట్లలో ఉపయోగిస్తారు.
- 7. గణాంకాలు: నిర్దిష్ట అనువర్తనాల కోసం ప్రత్యేక ప్రయోజన లేజర్లను అథివృద్ధి చేయడంలో లేజర్ హెడ్ గణాంక విశ్లేషణ అవసరం.

### సుపలచితం నుండి అపలచితం దొకా

మీ 12వ తరగతిలో, రే ఆస్టిక్స్ అధ్వాయంలో, లేజర్ షోలలో చిత్రాలు ఎలె పెర్పడతాయో మీరు తెలుసుకుని ఉండవచ్చు. వేప్ ఆస్టిక్స్ అధ్వాయంలో, మ్రవణాన్ని అర్థం చేసుకావడానికి లేజర్ కాంతిని ఎలొ ఉపయోగించొలో మీరు తెలుసుకుని ఉండవచ్చు. పరమాణువుల అధ్వాయంలో, మీరు LASER యొక్క సంక్షిష్త పదం, లేజర్ యొక్క లక్షణాలు మరియు శస్త్రచికిత్సలు, కట్టింగ్, వెర్డింగ్ మరియు చంద్రుని దూరం కొలతక మొదలైన కొన్ని అనువర్తనెలను విస్తరించడం గురించి మీకు పరిచయం చేసి ఉండవచ్చు. ఈ అధ్వాయంలో మీరు లేజర్ లక్షణాలను వివరంగా తెలుసుకుంటారు. కొన్ని మొదటి తరం లేజర్ల నిర్మాణం మరియు పని చేయడం, లేజర్ల యొక్క కొన్ని అప్లికేషన్లలు మరియు హిలోగ్రఫీ యొక్క ఫండమెంటర్స్, ఇది లేజర్ యొక్క ప్రధిన అప్లికేషన్లలలో ఒకటి.

# Course Outcomes specific to program and Future directions

By the end of this chapter students from specific programs would be able to identify the need of central forces in the following fields.

- 8. Physics: Lasers find their applications in material processing and material characterization.
- 9. Chemistry: Dye laser requires knowledge of chemistry and some high pressure chemical reactions are assisted by lasers.
- 10. Computer Science: LASERs can be used to develop logic devices, memory devices, and communication devices. Development of blue laser is a landmark invention in data storage devices. Holographic augmented reality is a major research area in computer science. Handling somany laser assisted surgicsl tools and medical diagnostic tools require suitable programming support.
- 11. Geology: Lasers are useful in geological sample analysis, Satellite laser imaging and LIDAR techniques require knowlwdge of lasers.
- 12. Electronics: Lasers are used in microchip fabrication, wireless power transmission, optical sensors and in optical fiber communication.
- 13. Renewable energy: Solar pumped lasers are used in beam powered space propolution, solar power satellites.
- 14. Statistics: Statistical analysis of laser modes is essential in developing special purpose lasers for specific applications.

### Familiar to Unfamiliar

In your 12<sup>th</sup> class, in the chapter on ray optics, you might have learned how images are formed in laser shows. In the chapter on wave optics, you might have learned how laser light is utilized to understand polarization. In the chapter on Atoms, you might have been introduced to the expansion the acronym for LASER, properties of laser and some of the applications like surgeries, cutting, welding and distance to moon measurement etc. In this chapter you would learn in detail the properties of laser, construction and working of a few first generation lasers, some applications of Lasers and the fundamentals of Holography, which is one of the prime applications of Laser.

### 5.1 <mark>పరిచయం</mark>

### 5.1 పలచయం

లే ఇర్ అనేఐ "లైట్ యాంప్లిఫికేషన్ బై స్టిమ్యలేటెడ్ ఎమిషన్ ఆఫ్ రే డియేషన్" యొక్క సంక్షిప్త రాపం. యాంప్లిఫికేషన్ అనేఐ వేప్ యొక్క యాంప్లిట్యూడ్ p పెంచే ప్రక్రియ. వేప్ యొక్క యాంప్లిట్యూడ్ p పెంచడా p8, కంస్ట్రక్టిప్ ఇంటర్ఫెరెన్సు ఉపయోగపడుతుంబి. కంస్ట్రక్టిప్ ఇంటర్ఫెరెన్సు ఇరగాలంటే, సూపర్ ఇంపోజ్ చెందుతున్న తరంగాలు ఒకే ఫేస్ p కరిగి ఉండారి. స్టిములేటెడ్ ఎమిషన్ అనేబి ఒక రకమైన కాంతి ఉద్గొర ప్రక్రియ, ఇక్కడ అన్ని విడుదలైన కాంతి తరంగాలు ఒకే ఫేస్ ను కరిగి ఉంటాయి. ఆ విధంగా లే ఇర్ లలో, కాంతి తరంగాల యాంప్లిట్యూడ్ కంస్ట్రక్టిప్ ఇంటర్ఫెరెన్సు ద్వారొ పెరుగుతుంబి, మరియు ఇక్కడ అన్ని కాంతి తరంగాలకు ఒకే ఫేస్ ఉండటం, స్టిములేటెడ్ ఎమిషన్ ద్వారొ సంభవిస్తుంబి.

ఐన్స్ట్స్ తన 1916 పేపర్లో "క్వాంటం సిద్ధొంతంలో రేడియేషన్ ఉద్గార మలయు శాషణ" లో స్టిములేటెడ్ ఎమిషన్ యొక్క సంభావ్యతని ప్రతిపాదించాడు.



# 5.1 Introduction

LASER is an acronym for "Light <u>A</u>mplification by <u>S</u>timulated <u>E</u>mission of <u>R</u>adiation". Amplification is the process in which the amplitude of the wave increases. To increase the amplitude of a composite wave, one needs to have constructive interference. For constructive interference to happen, the waves that are superimposing should have the same phase. Stimulated emission is a type of light emission process where all the emitted light waves are made to have same phase. Thus, in lasers, the amplitude of light waves is increased by constuctive interference, where same phase for all light waves is ensured by the stimulated emission process.

Einstein has proposed the possibility of stimulated emission in his 1916 paper on "Emission and Absorption of Radiation in Quantum theory". The concept was first experimentally tested in microwaves regime in 1953. The end product is MASER. (Microwave Amplification by Stimulated Emission of Radiation.) These are the real time keepers in atomic clocks and deep space spacecraft communication with ground stations. Further the letter M in MASER is abbreviated as Molecular instead of Microwave as the technology is extended to radio and infrared frequency radiations.

#### Díd You Know?

Atomic clocks use Cesium or Rubidium or Hydrogen atoms cooled down near to absolute zero. A particular energy level transition in those atoms is selected whose frequency lies in microwave region. (Rubidium 6.8GHz, Cesium 9.19GHz, Hydrogen 1.4GHz) Those oscillations are maintained with nanosecond accuracy using MASER technology. Recently Room temperature solid state MASER has been developed using Diamond which will become a major breakthrough due to its convenient operational temperature. Optical timekeepers also have been developed which are more accurate than MASER technology but are not stable yet for long term usage.

### 5.1 Introduction

ఈ కాన్సెప్ట్ సు 1953లో మైక్రోవేప్ల విధానంలో మొదటిసాలగా ప్రయోగాత్శకంగా పరిక్షించారు. తుబ ఉత్పత్తి MASER. (మైక్రోవేప్ యాంప్లిఫికేషన్ చై స్టిమ్యలేటెడ్ ఎమిషన్ ఆఫ్ రేడియేషన్.) ఇవి అణు గడియారాలలో నిజ సమయ కీపర్లు మలయు గ్రౌండ్ స్టేషన్లతో లోతైన అంతలిక్ష అంతలిక్ష నౌక కమ్యూనికేషన్. సాంకేతికత రేడియో మలయు ఇన్ఫారెడ్ ఫ్టీక్వెన్సీ రేడియేషన్ లకు విస్తరించబడినందున MASERలోని M అక్షరం మైక్రోవేప్**కు బదులుగా మారిక్కులర్**గా సంక్షిప్తికలించబడింది.

మైక్రావేప్ ప్రాంతంలో పనిచేసే సాంకేతికత కనిపించే ప్రాంతానికి విస్తరించబడింది మరియు మొదటి లేజర్ను 1960లో థియోడర్ మైమాన్ అభివృద్ధి చేశారు. దీనిని మొదట ఆప్టికల్ మేజర్ అని పిరిచేపారు. తర్వొత దొనికి లేజర్ గా పేరు మార్చొరు. 1957లో ఆప్టికల్ మేజర్స్మై పనిచేస్తున్నష్టుడు లేజర్ అనే పేరును గౌర్డ్గాన్ గౌర్డ్ తన ప్రయోగశాల నోట్ బుక్ లలో ఉపయోగించారు.

అప్పటి నుండి, ఘనపదార్థాలు, ద్రవాలు మరియు వాయువులు వంటి వివిధ పదార్థ మాధ్సమాలలో లేజర్లు అభావృద్ధి చేయబడ్డెయి. కొల్లి శక్తివంతమైన లేజర్లు కూడా ప్రాణాంతక ఆయుధ అభావృద్ధికి పరిశోధనలో తమ అప్లికేషన్లను కనుగొన్నాయి. ప్రస్తుత రోజుల్లో, భార్ కోడ్ స్కానర్ల నుండి ఉష్ణోగ్రత స్కానర్ల వరకు లేజర్లు మన రోజువొరీ జీవితంలో ఒక భాగంగా మారాయి; పిల్లల భొమ్మ లేజర్ తుపాకుల నుండి ప్రాణాంతక ఆయుధాల వరకు; ప్రొండ్ హెల్డ్ మెడికల్ ఇమేజింగ్ పలకరాల నుండి సల్జకల్ లేజర్ల వరకు; మెటీలయల్ క్యారెక్టరైజేషన్ నుండి మెటీలయల్ మానిప్పలేషన్ టెక్నిక్ల వరకు. ఇంజిఫిలంగ్ నావిగేషన్ మరియు స్పేస్ నావిగేషన్ అప్లికేషన్ల వరకు. ఈ అధ్వాయంలో మనము లేజర్ యొక్క లక్షణాలను మలంతగా అధ్వయనం చేస్తాము, అవి వాటిని ప్రత్యేకమైనవిగా చేశాయి మలయు ఇది ఆప్టిక్స్ యొక్క ఉపశాఖ ప్రారంభానికి దాలతీసింది, అది చివలికి ఆప్టిక్స్ పలిశోధన యొక్క ప్రధాన శాఖగా పలిజామం చెందింది.

#### లేశర్ యొక్క లక్షణొలు:

#### **పకవర్ణత**:

లే ఇర్ లో, అన్ని ఫోటాస్లు ఒకే విధమైన శక్తి ఫ్థాయిల నుండి ఒకేలొ ఉన్న వేర్వేరు అణువులలో విడుదలవుతాయి. అందువల్ల లే ఇర్ కాంతి ఫ్రిరమైన తరంగదైర్హ్యం మరియు ఫ్రీక్వెన్సీని నిర్వహిస్తుంబి. కాబట్టి బీనిని మోనోక్రోమటిక్ రేడియేషన్ అంటారు. ఎగువ లే ఇర్ ఫ్థాయి దగ్గరగా వేరు చేయబడిన శక్తి ఫ్థాయిలను కరిగి ఉంటే, అష్టుడు ఉద్దొర ఫోటాన్లు దగ్గరగా వేరు చేయబడిన పానఃపున్యాలు లేదొ తరంగదైర్ఘ్హైలను కరిగి ఉంటాయి. పౌనఃపున్యం మరియు తరంగదైర్హ్యంలోని స్ప్రెడ్ వరుసగా  $\nu + \Delta v$  మరియు  $\lambda + \Delta \lambda$  ద్వారా సూబాష్టే, వాటి మధ్య సంబంధం ఇలా ఉంటుంబి.

$$\Delta \lambda = -\left(\frac{c}{\nu^2}\right) \Delta \nu$$

A technology that worked in microwave region has been extended to visible region and the first LASER was developed in 1960 by Theodore Maiman. It was first called as Optical MASER. Further it was renamed as LASER. The name LASER was first used by Gourdon Gould in his laboratory notebooks, while working on Optical Masers in 1957.

Since then, LASERs have been developed in various material media like solids, liquids and gases. Some of the more powerful lasers also have found their applications in research to lethal weapon development. In the present day, lasers have become a part and parcel of our day to day life from barcode scanners to temperature scanners; from kid's toy laser guns to the lethal weapons; from handheld medical imaging equipment to surgical lasers; from material characterization to material manipulation techniques. Engineering navigation and ranging to space navigation applications. In this chapter we further study the properties of laser that made them unique and which led to the inception of a subbranch of optics that eventually evolved into a major branch of optics research.

### **Characteristics of Laser:**

### **Monochromaticity:**

In Laser, all photons emit from same set of energy levels in different identical atoms. Hence the laser light maintains constant wavelength and frequency. Thus it is called monochromatic radiation. If the upper laser level has closely separated energy levels, then the emitted photons will have closely separated frequencies or wavelengths. If the spread in frequency and wavelength are denoted respectively by  $\lambda + \Delta \lambda$  and  $\nu + \Delta \nu$ , then they are related by

$$\Delta \lambda = -\left(\frac{c}{\nu^2}\right) \Delta \nu$$

### **Directionality**:

Ordinary light diverges highly as it travels through a medium. But laser light diverges less. If  $\lambda$  is the wavelength of laser light and if d is diameter at the source, then it propagates as a

### 5.1 Introduction

#### ఐశౌ నిర్దే శం:

ఒక మాధ్యమం ద్వొరొ ప్రయాణిస్తున్నప్పడు సాధారణ కాంతి చాలొ ఎక్కువగా వ్యాప్తి చెందుతుంది. కాసీ లేజర్ కాంతి తక్కువగా వ్యాప్తి చెందుతుంది. లేజర్ కాంతి యొక్క తరంగదైర్హ్యం λ ఉంటే మలయు మూలం వద్ద వ్యాసం d ఉన్నట్లయితే, అది విభేదం లేకుండొ d<sup>2</sup>/λ దూరం వరకు సమాంతర ఫుంజం వలె వ్యాపిస్తుంది. లేజర్ ఫుంజం యొక్క డైవర్జెన్స్ కాణం ΔABC నుండి ఇలొ ఇవ్వబడింది,

$$\tan\frac{\phi}{2} \simeq \frac{\phi}{2} = \frac{(d_2 - d_1)}{2(x_2 - x_1)} \Rightarrow \phi = \frac{(d_2 - d_1)}{(x_2 - x_1)}$$

లేజర్ కాంతి కి  $\phi = 10^{-3}$ , రేడియన్లు. అందువల్ల సాంప్రదాయిక కాంతి వనరులతో పోలిస్తే డైవర్టైన్స్ చౌలొ తక్కువగా ఉంటుంబి మలియు అందువల్ల లేజర్ కాంతి చౌలొ బిశౌత్మకంగా ఉంటుంబి.

#### ఐశౌ లర్దే శం:

ఒక మాధ్యమం ద్వారొ ప్రయాణిస్తున్నప్పడు సాధారణ కాంతి చాలొ ఎక్కువగా వ్యాప్తి చెందుతుంబి. కాసీ లేజర్ కాంతి తక్కువగా వ్యాప్తి చెందుతుంబి. లేజర్ కాంతి యొక్క తరంగదైర్హ్యం λ ఉంటే మలయు మూలం వద్ద వ్యాసం d ఉన్నట్లయితే, అబి విభేదం లేకుండొ d<sup>2</sup>/λ దూరం వరకు సమాంతర ఫుంజం వలె వ్యాపిస్తుంబి. లేజర్ ఫుంజం యొక్క డైవర్జెన్స్ కాణం ΔABC నుండి ఇలొ ఇవ్వబడింబి,

$$\tan\frac{\phi}{2} \simeq \frac{\phi}{2} = \frac{(d_2 - d_1)}{2(x_2 - x_1)} \Rightarrow \phi = \frac{(d_2 - d_1)}{(x_2 - x_1)}$$

లేజర్ కాంతి కి  $\phi=10^{-3},$  రేడియన్లు. అందువల్ల సాంప్రదాయిక కాంతి వనరులతో పోలెస్తే డైవర్టైన్స్ చొలొ తక్కువగా ఉంటుంది మలయు అందువల్ల లేజర్ కాంతి చొలా దిశాత్మకంగా ఉంటుంది.

#### కౌహెరెన్సు:

సాధారణ కాంతి మాలంలో, కాంతి తరంగాలు యాదృచ్ఛిక సమయాల్లో యాదృచ్ఛిక దిశలలో విడుదలపుతాయి. కానీ ప్రేరేపిత ఉద్గార ప్రక్రియలో, అన్ని ఫోటాన్లు ఒకదొనితో ఒకటి ఖచ్చితమైన దశ సంబంధంతో విడుదల చేస్తాయి. ఇబి లేజర్ పుంజం అత్యంత పొంబికగా చేస్తుంబి. రెండు రకాల కౌహెరెన్సు ఉన్నెయి.

**టెంహారల్ కౌహెరెన్సు (కాల సంబంధ పొంబిక):** ఒకే వేప్**లోని రెండు తరంగాలు లేదొ రెండు వేప్**రైళ్లు వేర్వేరు సమయాల్లో అంతరొళం లో ఫ్జిరమైన **ఇందు**వు వద్ద ఫ్జిరమైన దశ వ్యత్సాసాన్ని కరిగి ఉంటే అవి తొత్కెరిక పొంబికతో ఉంటాయి.

**కౌహెరెన్సు పొడవు:**(l<sub>coh</sub>)లైట్ వేప్ రైలు దాని దశను ఊహించగలిగేలా నిర్వహించే పొడవును కౌహెరెన్సు పొడవు అంటారు.
parallel beam up to  $d^2/\lambda$  distance without divergence. The angle of divergence of laser beam is given from  $\Delta ABC$  as,

$$\tan\frac{\phi}{2} \simeq \frac{\phi}{2} = \frac{(d_2 - d_1)}{2(x_2 - x_1)} \Rightarrow \phi = \frac{(d_2 - d_1)}{(x_2 - x_1)}$$

For laser light,  $\phi = 10^{-3}$  radians. Thus for laser, divergence is very less compared to the conventional light sources and hence the laser light is highly directional.



Fig: Ordinary light and Laser light divergence.

#### **Coherence**:

In ordinary light source, light waves emit at random times in random directions. But in the stimulated emission process, all the photons will emit with definite phase relation with each other. This makes the laser beam highly coherent. There are two types of coherences.

a. Temporal coherence: Two waves or two wave trains in a



**కౌహెరెన్సు సమయం:**( $t_{coh}$ )లైట్ వేప్ రైలు దొని దశను ఊహించగలిగేలొ నిర్వహించే సమయాన్ని కౌహెరెన్సు సమయం అంటారు.

ఈ రెండింటికి సంబంధించినవిl<sub>coh</sub> = c t<sub>coh</sub> ఇక్కడ c అనేది కాంతి వేగం

**స్పేషియల్ కౌహెరెన్సు (ప్రాదేశిక పొంబక):** ఒక నిర్దిష్ట సమయంలో అంతరొళం లో రెండు వేర్వేరు పాయింట్ల వద్ద ఫ్జిరమైన దశ వ్యత్యాసాన్ని నిర్వహిస్తే రెండు తరంగాలు ప్రాదేశికంగా పొంబికగా ఉంటాయి

ఇక్కడ మనము వేప్ యొక్క కదరిక బిశకు లంబంగా రెండు తరంగాల మధ్య దశ సంబంధొన్ని అధ్యయనం చేస్తాము. అందువల్ల బినిని "తిర్యక్ పొంబిక" లేదొ "పార్శ్య (పక్కవైఫు) పొంబిక" అని కూడా అంటారు.

**పొంబిక ప్రాంతం**:(A<sub>coh</sub>)లైట్ వేప్ రైళ్లు వాటి దశను ఊహించగలిగేలొ ఉండే ప్రాంతాన్ని కోహెరెన్స్ పలియా అంటారు.

లేజర్ కాంతి యొక్క పొంబిక పొడవు కొన్ని మీటర్ల నుండి కిలో మీటర్ల వరకు ఉంటుంబి.

#### తీవ్ర**త**:

లేజర్ ఫుంజం చాలా సన్నదైనందున, దొదాఫు దొని శక్తి మొత్తం ఒక చిన్న ప్రాంతంలో ఎక్కువగా కేంబ్రీకృతమై ఉంటుంబి. యొక్క ఒక సాధారణ లేజర్ 10<sup>-3</sup>W అవుట్ఫుట్ కలబి ~ 10<sup>24</sup> – 10<sup>34</sup> photons/m<sup>2</sup>/s ఉత్పత్తి చేయగలదు, అయితే 1,000K వద్ద ఉన్న నల్లని శరీరం ~ 10<sup>16</sup> photons/m<sup>2</sup>/s ఉత్పత్తి చేయగలదు.

# *5.2* కాంతి–పదొర్థ పరస్పర చర్చ మలయు ఐన్స్టోన్ కోఎఫీషియంట్స్

పదైనొ పదొర్థంపై కాంతి పడినష్పడు, అబి పదొర్థ మాధ్చమంతో ఇంటరొక్ట్ అవుతుంబ మరియు ఈ దృగ్వషయాబ్ని కాంతి-పదొర్థ పరస్పర చర్యగా పేర్కొంటారు. కాంతి-పదొర్థ పరస్పర చర్య సమయంలో మూడు సాధ్యమయ్యే ప్రక్రియులు జరుగుతొయి. దొబి కోసం, ΔΕ = E<sub>2</sub> – E<sub>1</sub> = hv శక్తితో వేరు చేయబడిన రెండు స్థాయి E<sub>1</sub>, E<sub>2</sub> వ్యవస్థమ పరిగణించగలరు . రెండు స్థాయిల మధ్య పలవర్తనను ప్రేరేపించగల రేడియేషన్/ఫోటాన్ యొక్క ఫ్రీక్వెప్సీ v ఇక్కడ ఉంబి. మాడు సాధ్యమయ్యే ప్రక్రియలు క్రింబి విధంగా ఉన్నాయి.

### ఉత్తేశిత శోషణ:

ఒక పరమాణువు  $E_1$  స్థితిలో ఉన్నట్లయితే, శక్తి యొక్క ఫోటాన్ శోషణ ద్వొరొ దొనిని అధిక శక్తి స్థాయి  $E_2$  కి పెంచవచ్చు. స్థితి 1 నుండి స్థితి 2 వరకు ఉత్తేజిత శోషణ సంభావ్యత రేడియేషన్ యొక్క పతన శక్తి సాంద్రతకు అనులోమానుపాతంలో ఉంటుంబి. $hv = E_2 - E_1 u(v)$ 

$$P_{12} = B_{12} u(v)$$

ఇక్కడ $B_{12}$ Einstein's coefficient for stimulated absorption.

maintain a constant phase difference at a fixed point in space at different times.

**Coherence length** ( $l_{coh}$ ): The length up to which the light wave train maintains its phase predictable is called coherence length.

**Coherence time** ( $t_{coh}$ ): The time up to which the light wave train maintains its phase predictable is called coherence time.

These two are related by  $l_{coh} = c \ t_{coh}$  Where c is velocity of light.

# b. Spatial coherence:

Two waves are said to be spatially coherent if they maintain a constant phase difference at two different points in space at a given time.



### **Fig: Spatial coherence**

Here we study the phase relation between two waves perpendicular to the direction of motion of wave. Hence it is also called **"Transverse coherence"** or **"Lateral** (sideways) **coherence**".

**Coherence area**  $(A_{coh})$ : The area over which the light wave trains maintain their phase predictable is called coherence area.



Fig: Spatially and temporally coherent waves.

The coherence length of laser light is of the order of a few meters to kilo meters.

#### ఆకస్మిక ఉద్గారం:

అణువు ప్రారంఛంలో  $E_2$  ఉత్తేజిత స్థితిలో ఉంటే, శక్తి యొక్క ఫోటాన్ ను విడుదల చేయడం ద్వొరొ అబి తనంతట తానుగా  $E_1$  బగువ స్థితికి రొవచ్చు. బీనిని స్పాంటేనియస్ ఎమిషన్ అంటారు. యొక్క సంభావ్యత $hv = E_2 - E_1$ 

ఆకస్మిక ఉద్గొరొలు 1 మరియు 2 స్థాయిల లక్ష్మణొలపై మాత్రమే ఆధొరపడి ఉంటాయి.

$$P_{21}' = A_{21}$$

ఇక్కడ $A_{21}$ Einstein's coefficient of spontaneous emission.

#### ఉద్దీపన ఉద్గొరొలు:

ప్రేరేపిత లేదా ప్రేరేపిత ఉద్గొరాల అవకాశాన్ని గుల్తించిన మొదటి వ్యక్తి ఐస్స్ట్ స్.  $hv = E_2 - E_1$  శక్తి కలిగిన ఫోటాస్ అప్పటికే ఉత్తేజిత  $E_2$  స్థితిలో ఉన్న అణువుతో సంకర్షణ చెందితే, అది  $E_2 - 26$  సుండి  $E_1$  కి పలవర్తనను ప్రేరేపిస్తుంది. రెండు ఉద్గొర ఫోటాన్లు ఒకే దశలో ఉంటాయి. బీనిని స్టిమ్యులేటెడ్ ఎమిషన్ అంటారు. ఈ ప్రేరేపిత ఉద్గొరాల సంభావ్యత ఇన్సిడెంట్ రేడియేషన్ యొక్క శక్తి సాంద్రత u(v) పై ఆధారపడి ఉంటుంది.

$$P_{21}'' = B_{21}u(\nu)$$

ఇక్కడ $B_{21}$ Einstein's coefficient of stimulated emission

 $E_2$  నుండి  $E_1$  కి ఉద్గొర పలవర్తన యొక్క మొత్తం సంభావ్యత ద్వోరొ ఇవ్వబడింబ

$$P_{21} = P_{21}' + P_{21}'' = A_{21} + B_{21}u(\nu)$$

### ఐస్ట్రీన్ గుణకాల మధ్య సంబంధం:

ళూమి స్థితి  $E_1$  లో అణువుల సంఖ్య  $N_1$  మరియు ఉత్తేశిత స్థితి  $E_2$  లో అణువుల సంఖ్య $N_2$  ఉండనివ్వండి. అష్పడు స్థితి 1 నుండి 2 వరకు శోషక పరివర్తన సంభావ్యత

$$N_1 P_{12} = N_1 B_{12} u(\nu)$$

స్థితి 2 నుండి 1కి ఉద్దార పలవర్తన యొక్క మొత్తం సంభావ్యత

$$N_2 P_{21} = N_2 [A_{21} + B_{21} u(\nu)]$$

ఉష్ణ సమతుల్వత వద్ద, శోషణ సంభావ్యత మరియు ఉద్గొర సంభావ్యత రెండూ సమానంగా ఉంటాయి. కాబట్టి

$$N_1 P_{12} = N_2 P_{21}$$
  
 $\Rightarrow N_1 B_{12} u(v) = N_2 [A_{21} + B_{21} u(v)]$ 

# Intensity:

As the laser beam is very narrow, almost all of its energy is highly concentrated into a small region. A typical laser output of  $10^{-3}W$  can produce ~  $10^{24} - 10^{34} photons/m^2/s$ , whereas a black body at 1,000K can produce only ~  $10^{16} photons/m^2/s$ .

# 5.2 Light-Matter interaction and Einstein Coefficients

When light falls on any material, it interacts with the material medium and this phenomenon is termed as light-matter interaction. There are three possible processes that take place during light-matter interaction. For that, consider a two level system with energies  $E_1$  and  $E_2$  respectively, separated by an energy  $\Delta E = E_2 - E_1 = h\nu$ . Here  $\nu$  is the frequency of the radiation/photon which can induce a transition between the two states. The three possible processes are as follows.

### **Stimulated absorption:**



If an atom is in the state  $E_1$ , it can be raised to higher energy level  $E_2$  by the absorption of photon of energy  $h\nu = E_2 - E_1$ . The probability of stimulated absorption from state 1 to state 2 is proportional to the energy density  $u(\nu)$  of the incident radiation.

$$P_{12} = B_{12} u(v)$$

Here  $B_{12}$  is Einstein's coefficient for stimulated absorption.

# Spontaneous emission:

5.2 Light-Matter interaction and Einstein Coefficients

టిని నుండి బొహ్య పొజెంట్ యొక్క లక్షణం, రేడియేషన్ యొక్క శక్తి సాంద్రత,

$$\Rightarrow N_1 B_{12} u(v) - N_2 B_{21} u(v) = N_2 A_{21}$$
$$\Rightarrow u(v) = \frac{N_2 A_{21}}{N_1 B_{12} - N_2 B_{21}}$$
$$\Rightarrow u(v) = \frac{A_{21}}{\frac{N_1}{N_2} B_{12} - B_{21}}$$

బోల్ట్హైన్ యొక్క పంపిణీ నియమం నుండి,

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{e^{-E_1/kT}}{e^{-E_2/kT}} = e^{(E_2 - E_1)/kT} = e^{h\nu/kT}$$
$$\Rightarrow u(\nu) = \frac{A_{21}}{B_{12}e^{h\nu/kT} - B_{21}} = \frac{A_{21}}{B_{21}\left[\frac{B_{12}}{B_{21}}e^{h\nu/kT} - 1\right]}$$

ప్లాంక్ యొక్క రేడియేషన్ చట్టం నుండి,

$$u(\nu) = \frac{8\pi h\nu^{3}}{c^{3}} \frac{1}{e^{h\nu/kT} - 1}$$

పై రెండు సమీకరణాలను పోల్చ చూస్తే,

$$B_{12} = B_{21}$$
$$\frac{A_{21}}{B_{21}} = \frac{8\pi h\nu^3}{c^3}$$

పై రెండు సమీకరణాలు మూడు ఐన్స్టోన్ గుణకాల మధ్య సంబంధాన్ని తెలియజేస్తాయి. పై రెండు సంబంధాల నుండి ఈ క్రింబ తీర్కొనాలు తీసుకోవచ్చు.

- ప్రేరేపిత శాషణ సంభావ్యత ఉట్టిపన ఉద్గొరొల మాబిలిగానే ఉంటుంబి. అనగా; అదే ఫోటాన్ ఉద్గొర మలియు శాషణ ప్రక్రియల రెండింటికీ భాధ్యత వహిస్తుంబి.
- 2. A<sub>21</sub> ∝ ν<sup>3</sup> సంఘటన రే డియేషన్ యొక్క ఫ్రీక్వెన్సీతో ఆకన్లిక ఉద్గొరొల సంభావ్యత పెరుగుతుందని ఇది సూచిస్తుంది. అనగా, పరమాణువులు ఎక్కువ మరియు అభిక ఉత్తేజిత స్థ్రితులలో (పెద్దవి) ఉన్నందున, ఆకస్మిక ఉద్గొరొనికి ఎక్కువ సంభావ్యత ఉంటుంది.ν
- 3. A<sub>21</sub>/B<sub>21</sub> ∝ v<sup>3</sup>పరమాణువులు అభిక మరియు అభిక శక్తి స్థాయిలకు ఉత్తేజితం కావడం వల్ల ఆకస్శిక ఉద్గొర ప్రక్రియ ఆభిపత్వం చెలొయిస్తుంబి. అందువల్ల భూమి స్థితికి దగ్గరగా ఉన్న లేజర్ స్థాయిలను ఎంచుకోపౌలని సూచించబడింబి.



If the atom is initially in an excited state  $E_2$ , it can come down to lower state  $E_1$  on its own by emitting a photon of energy  $h\nu = E_2 - E_1$ . This is known as spontaneous emission. The probability of

spontaneous emission depends only on the properties of states 1 and 2.



Here  $A_{21}$  is Einstein's coefficient of spontaneous emission.

### **Stimulated emission:**

Einstein was the first to identify the possibility of induced or stimulated emission. If a photon of energy  $hv = E_2 - E_1$ interacts with an atom which is already in the excited state  $E_2$ , it will **induce** the transition from the state  $E_2$  to  $E_1$ . The two emitted photons will be in same phase. This is known as stimulated emission. The probability of this stimulated emission depends on the energy density u(v) of the incident radiation.

$$P_{21}'' = B_{21}u(\nu)$$

Here  $B_{21}$  is Einstein's coefficient of stimulated emission.

The total probability of emission transition from  ${\cal E}_2$  to  ${\cal E}_1$  is given by

5.2 Light-Matter interaction and Einstein Coefficients

$$P_{21} = P_{21}' + P_{21}'' = A_{21} + B_{21}u(\nu)$$

#### **Relation between Einstein coefficients:**

Let there be  $N_1$  number of atoms in the ground state  $E_1$  and  $N_2$  number of atoms in the excited state  $E_2$ . Then the probability of an absorptive transition from state 1 to 2 is given by

$$N_1 P_{12} = N_1 B_{12} u(\nu)$$

The total probability of emissive transition from state 2 to 1 is given by

$$N_2 P_{21} = N_2 [A_{21} + B_{21} u(\nu)]$$

At thermal equilibrium, the absorption probability and emission probability are both equal. Thus we can write,

$$N_1 P_{12} = N_2 P_{21}$$
  
 $\Rightarrow N_1 B_{12} u(v) = N_2 [A_{21} + B_{21} u(v)]$ 

From this the characteristic of the external agent, namely the energy density of radiation is obtained as,

$$\Rightarrow N_1 B_{12} u(v) - N_2 B_{21} u(v) = N_2 A_{21}$$
$$\Rightarrow u(v) = \frac{N_2 A_{21}}{N_1 B_{12} - N_2 B_{21}}$$
$$\Rightarrow u(v) = \frac{A_{21}}{\frac{N_1}{N_2} B_{12} - B_{21}}$$

From Boltzmann's distribution law, one can write

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{e^{-E_1/kT}}{e^{-E_2/kT}} = e^{(E_2 - E_1)/kT} = e^{h\nu/kT}$$
$$\Rightarrow u(\nu) = \frac{A_{21}}{B_{12}e^{h\nu/kT} - B_{21}} = \frac{A_{21}}{B_{21}\left[\frac{B_{12}}{B_{21}}e^{h\nu/kT} - 1\right]}$$

From Plank's radiation law, we have

$$u(v) = \frac{8\pi h v^3}{c^3} \frac{1}{e^{hv/kT} - 1}$$

Comparing the above two equations, one can get

$$B_{12} = B_{21}$$
$$\frac{A_{21}}{B_{21}} = \frac{8\pi h v^3}{c^3}$$

The above two equations give the relation between the three Einstein coefficients. The following conclusions may be drawn from the above two relations.

- 4. The probability of stimulated absorption is same as that of stimulated emission. i.e.; the same photon may stand responsible for both the emission and absorption processes.
- 5.  $A_{21} \propto \nu^3$  which implies that the probability of spontaneous emission increases with the frequency of the incident radiation. i.e., as the atoms are in higher and higher excited states (larger  $\nu$ ), the more probable is the spontaneous emission.
- 6.  $A_{21}/B_{21} \propto v^3$  which means that the spontaneous emission process dominates as the atoms are excited to higher and higher energy levels. Thus it is suggestible to choose laser levels nearer to ground state.

# 5.3 Population Inversion

Consider a two level system with energies  $E_1$  and  $E_2$  containing  $N_1$  and  $N_2$  number of particles respectively. Let  $N_0$  be the total number of particles, then the total number of particles in the states  $E_1$  and  $E_2$  are given by

$$N_1 = N_0 \ e^{-E_1/kT}$$
$$N_2 = N_0 \ e^{-E_2/kT}$$

Here it is assumed that temperature is the only mechanism to excite the particles to higher energy levels.

In the above equations, since  $E_2 > E_1 \Rightarrow N_2 < N_1$ .

i.e., in general lower energy levels will have higher population. The situation where the population of lower energy level is more than the population of the higher energy level is known as population

# 5.3 జనొభా విలోమం

శక్తులు  $E_1$  మరియు  $E_2$  కరిగి ఉన్న మరియు వరుసగా  $N_1$  కణాల  $N_2$  సంఖ్యతో రెండు ఫ్థాయి వ్యవస్థను పరిగణించగలరు . మొత్తం కణాల సంఖ్య  $N_0$ , డొపై  $E_1, E_2$  ఫ్థాయిల లోని మొత్తం కణాల సంఖ్య మరియు ఇవ్వబడినవి

$$N_1 = N_0 e^{-E_1/kT} N_2 = N_0 e^{-E_2/kT}$$

పై సమీకరణాలలో, నుండి . $E_2 > E_1 \Rightarrow N_2 < N_1$ 

అనగా, సాధొరణంగా తక్కువ శక్తి ఫ్థాయిలు అభిక జనౌభాను కరిగి ఉంటాయి. తక్కువ శక్తి ఫ్థాయి జనౌభా అభిక శక్తి ఫ్థాయి జనౌభా కంటే ఎక్కువగా ఉన్న పలిఫ్థితిలి జనౌభా విలోమం అంటారు. తక్కువ శక్తి ఫ్థాయితో పోలెస్టే అభిక శక్తి ఫ్థాయి జనౌభాను పెంచే ప్రక్రియను పంపింగ్ అంటారు.

సిస్టమ్ యొక్క క్లాసికల్ గ్రౌండ్ స్టేట్ సాధారణంగా సున్నా శక్తిని కరిగి ఉంటుంది. ఆ సందర్భంలో, గ్రౌండ్ స్టేట్లోని కణాల సంఖ్య, . $N_1=N_0e^{-0}=N_0$ 

ఉష్ణాగ్రత చాలొ ఎక్కువ విలువలకు పెలిశితే, అల్లి కణాలు అభిక శక్తి స్థాయికి ఉత్తేశితమవుతొయి, ఆ సందర్భంలో, . $N_2=N_0e^{-E_2/\infty}=N_0e^{-0}=N_0$ 

ఈ విధంగా రెండు విపరితొలలో, అన్ని కశాలు వరుసగా భూమి స్థితిలో లేదొ ఉత్తేశిత స్థితిలో ఉంటాయి. కానీ సిస్టమ్ యొక్క సమతౌల్వ ఆకృతీకరణను పరిగణనలోకి తీసుకుంటే, అప్పడు భూమి స్థితి మరియు ఉత్తేశిత స్థితి రెండూ సమాన సంఖ్యలో కశొలను కరిగి ఉంటాయి. అనగా;  $N_1 = N_2 =$  $N_0/2$ . అందువల్ల రెండు స్థాయిల వ్యవస్థలో సగానికి పైగా అణువులను అధిక శక్తి స్థాయికి ఉత్తేశిపరచలేరు. అందువల్ల ఇనాభా విలోమాన్ని సాధించడొనికి, వ్యవస్థలో కనీసం మాడు శక్తి స్థాయిలు ఉండారి.

# 5.4 లేజర్ సూత్రం

# లేజర్ భాగాలు:

చిత్రంలో చూపిన విధంగా పదైనా లేజర్ వ్యవస్థ మండు ప్రధాన భాగాలను కరిగి ఉంటుంది.

లేళర్ చర్యను పొందడానికి, సిస్టమ్లో ఇనాభా విలోమాన్ని కరిగి ఉండారి. దాని కోసం పరమాణువులు అధిక శక్తి స్థాయిలకు ఉత్తేశితం కాపారి. ఈ శక్తి వనరు పదైనా ఆస్టికల్ లేదొ ఎలక్ట్రికల్ లేదొ రసాయన ప్రక్రియ నుండి పొందవచ్చు. లేళిర్ వ్యవస్థ యొక్క ఈ భాగం పంపింగ్ మెకానిశిం వలె పనిచేస్తుంది, ఇది ఇనాభా విలోమానికి అవసరం. inversion. The process of increasing the population of higher energy level compared to the lower energy level is known as pumping.

Classical ground state of the system has zero energy usually. In that case, the number of particles in the ground state will be,  $N_1 = N_0 e^{-0} = N_0$ .

If the temperature is increased to extremely high values, so that all particles get excited to higher energy level, in that case,  $N_2 = N_0 e^{-E_2/\infty} = N_0 e^{-0} = N_0$ .

Thus in both the extremes, all the particles will be either in ground state or in excited state respectively. But if equilibrium configuration of the system is considered, then both ground state and excited state will have equal number of particles. i.e.;  $N_1 = N_2 = N_0/2$ . Thus one can't excite more than half of the atoms to higher energy level in a two level system. Hence in order to achieve population inversion, one needs to have at least three energy levels in the system.

# 5.4 Laser Principle

### **Components of laser:**

Any laser system contains three major components as shown in the figure.



1. Energy source:

To get the laser action, we must have population inversion in the system. For that atoms must be excited to higher energy levels. This energy source can be obtained from any optical or electrical or chemical process. This portion of the laser system acts

### 5.4 Laser Principle

### 1. క్రియాశీల మాధ్యమం:

ఉద్దీపన ఉద్గొరాలు ఇలగే మాధ్యమం ఇబి. మాలం నుండి శక్తిని తీసుకున్న తర్వొత, అణుఫులు మరియు కణాలు ఉత్తేశితమఫుతాయి. డి-ఎక్రైటేషన్ ప్రక్రియలో, లేఇర్ కాంతిని ఇచ్చే ఉత్తేశిత ఉద్గొరాలు ఇరుగుతుంబి. క్రియాశీల మాధ్యమం యొక్క రకాన్ని బట్టి, మనకు ఘన ఫ్థితి, ద్రవ ఫ్థితి, వాయు మరియు సెమికండక్టర్ లేశిర్లు ఉంటాయి.

ఆప్టకల్ కే ఐటీ లేదా రెస్తానేటర్:

క్రియాశీల మాధ్యమం రెండు ప్రతిణంఇంచే ఉపలితలాల మధ్య చుట్ట బడి ఉంటుంబి. రెండంటిలో ఒకటి సంఫూర్ణంగా ప్రతిణంఇస్తుంబి మలియు మరొకటి పాక్షికంగా ప్రతిణంఇస్తుంబి. క్రియాశీల మాధ్యమంపై ఆధారపడి, ప్రతిధ్వని కుహరంగా ఉపయోగించే అద్దాలు, బ్రూస్టర్ ప్రిశిమ్స్ ఉన్నాయి. సెటుకండక్టర్ లేశుర్ క్రియాశీల మాధ్యమం యొక్క ముగింపు ఉపలితలాలు పారిష్ చేసిన తర్వొత అనునాదం గా పని చేస్తాయి. క్రియాశీల మాధ్యమంలో, మనము ఒక పాస్ల్ తగినంత శీవ్రత లేశుర్ కాంతిని పొందలేము మరియు క్రియాశీల మాధ్యమంలో, మనము ఒక పాస్ల్ తగినంత శీవ్రత లేశుర్ కాంతిని పొందలేము మరియు క్రియాశీల మాధ్యమం యొక్క పొడవు పెరిగితే మనము శినాభా విలోమానిని పెకరితిగా నిర్వహించలేము. పదేపదే ప్రతిణంఖంచడం ద్వారా ఈ కష్టాన్ని అధిగమించడంలో అనునాద కుహరం సహాయపడుతుంబి. అందువలన అనునాద కుహరం ప్రభావవంతంగా (కాంతి ఫుంశుం యొక్క బహుళ మార్గొల కారణంగా) క్రియాశీల మాధ్యమం యొక్క పొడవు నుపెంచుతుంబి. సరైన నిర్మోణాత్గక శోక్యం మరియు విస్తరణ కోసం కుహరం యొక్క పొడవు తప్పనిసు పెంచుతుంబి. సరైన నిర్మోణాత్గక శారిపుం చెల్లు పిర్రిశాంచించే ఉపలితలాలు ఉన్నందున, ప్రవేశపెట్టిన మొత్తం దశ వృత్యాసం  $\pi +$  $\pi = 2\pi. బీనిని సున్మాగా పలగణించవచ్చు.$ 

లేజర్ సూత్రం:

లేజర్ యొక్క ప్రాథమిక పని మూడు దశలను కరిగి ఉంటుంది.

1. పంపింగ్:

పంపింగ్ అనేఐ సక్రియ మాధ్యమంలోని పరమాణువులు (మెటాస్టేబుల్ స్థితులతో ఉన్న పరమాణువులు) తగిన మొత్తంలో శక్తిని సరఫరా చేయడం ద్వారా మెటాస్టేబుల్ స్థితులకు ఉత్తేజితమయ్యే ప్రక్రియ. క్రియాశీల మాధ్యమం యొక్క పదార్థం యొక్క స్థితిని బట్టి పంపింగ్ యొక్క వివిధ సాధ్యమైన పద్ధతులు ఉన్నాయి. ఘన మరియు ద్రవ పదార్థాల కోసం, ఆస్టికల్ పంపింగ్ ప్రాధిన్యత ఇవ్వబడుతుంది. అభిక శక్తి పల్సెడ్ అవుట్**పుట్**ల కోసం జినౌన్ ఫ్లాష్ని ఉపయోగించడం ద్వారా ఆస్టికల్ పంపింగ్ చేయబడుతుంది, అయితే ఆర్క్ ల్వెంప్లు నిరంతర మరియు మితమైన అవుట్**పుట్**ల కోసం ఉపయోగించబడతాయి. అభిక తరంగడైర్హ్యం లేజర్లము ఉత్పత్తి చేయడానికి లేజర్ కాంతిని పంపింగ్ మాలంగా కూడా ఉపయోగిస్తారు. యాక్టివ్ మీడియం అంతటా కాంతి పకలితిలో పంపిణీ చేయబడారి. ద్రవ పదార్థాల కోసం, రసాయన పంపింగ్ కొన్నిసార్లు ఉపయోగించబడుతుంది as the pumping mechanism, which is essential for population inversion.

### 2. Active medium:

This is the medium where stimulated emission takes place. After taking energy from the source, atoms and molecules will get excited. In the de-excitation process, stimulated emission takes place which gives laser light. Depending on the type of active medium, we have solid state, liquid state, gaseous and semiconductor lasers.

### 3. Optical cavity or resonator:

The active medium is enclosed between two reflecting surfaces. Out of the two, one is perfectly reflecting and the other one is partially reflecting. Depending on the active medium, there are mirrors, Brewster prisms that are used as resonance cavity. In semiconductor laser the end surfaces of the active medium itself acts as a resonator after polishing. In an active medium, we can not get sufficient intensity laser light in one pass and we can not maintain population inversion uniformly if the length of the active medium increases. Resonance cavity helps in overcoming this difficulty by repeated reflections. Thus resonance cavity effectively (due to multiple passages of the light beam) increases the length of the active medium. The length of the cavity must be an integer multiple of  $\lambda/2$  for proper constructive interference and amplification. Since there are two reflecting surfaces, the total phase difference introduced will be  $\pi + \pi = 2\pi$ . This can be considered as zero.

### 5.4 Laser Principle

వాయు పదొర్థాల కోసం, విద్యుత్ పంపింగ్ సాధారణంగా ప్రాధాన్యతనిస్తుంది. గ్యాస్ డైనమిక్ పంపింగ్ సిస్టమ్లో, వాయు పదొర్థం అభిక పేడనాలకు కుదించుడుతుంది. ఇది అణువులను ఉత్తేశిపలిచే ఉష్ణోగ్రత పెరుగుదలకు కారణమవుతుంది. అష్పడు వాయువు అడియాబొటిక్గా (అకస్గాత్తుగా) విస్తరించుడుతుంది. ఈ అడియాబొటిక్ ప్రక్రియ ఆకస్గిక శీతరీకరణను ఉత్పత్తి చేస్తుంది, ఇది అకస్గాత్తుగా లేజర్ కాంతిని ఉత్పత్తి చేయడొనికి అణువులను ఉత్తేజపరుస్తుంది. కొన్నిసార్లు అణు శక్తి లేదొ ప్రత్యక్ష సౌర కాంతి శక్తి కూడొ లేజర్లను పంప్ చేయడొనికి ఉపయోగించుడుతుంది.

2. జనాభా విలోమం

తగినంత పెద్ద సంఖ్యలో పరమాణువులు మెటాస్టేబుల్ స్థితికి ఉత్తేశితం అయినష్పడు, ఇనాభా విలోమం జరుగుతుంబి. ఇనాభా విలోమం ఉన్నష్పడే, యాంస్లిఫికేషన్ జరుగుతుంబి. ఎందుకంటే ఉబ్దీపన ఉద్గొరొలు మలయు ఉత్తేశిత శోషణ రేట్లు ఒకే విధంగా ఉంటాయి, శోషణ కంటే ఉద్గొరొలికి ఎక్కువ పరమాణువులు అందుబాటులో ఉన్నట్లయితే మాత్రమే అవుట్ఫుట్ కాంతి యాంస్లిట్యుడ్ పెరుగుతుంబి.

3. ఆకస్మిక ఉద్గారం

సిస్టమ్లోని మొదటి ఫోటాన్స్ ఐడుదల చేయడొనికి మెటోస్టేటుల్ స్థితి నుండి ఆకస్మిక ఉద్గొరొలు జరగారి.

4. ఉబ్దీపన ఉద్గౌరం

ఒకసాలి ఆకస్మిక ఉద్దారాలు జలగితే, మలంత ఫోటాస్ ఉద్దారాలు ఉత్తేజిత ఉద్దారాల ద్వారా జరుగుతాయి. ఈ ప్రక్రియలో, ఒక ఫోటాస్ అదనపు ఫోటాస్స్ విడుదల చేయడానికి ఉత్తేజిత అణుపును క్రింబికి నెట్టివేస్తుంబి. ఈ విధంగా ఒక ఫోటాస్ రెండు, రెండు ఫోటాస్లు 4 ఫోటాస్లు మొదలైనవి ఉత్పత్తి చేస్తాయి మలయు ఈ ప్రక్రియ హిమపాతం వలె ఫోటాస్లను ఉత్పత్తి చేస్తుంది.



Fig: Stimulated emission avalanche



Laser Principle:

The basic working of laser involves three stages.

1. Pumping:

Pumping is the process where the atoms in the active medium (atoms with metastable states) are excited to metastable states, by supplying suitable amount of energy. There are various possible methods of pumping depending on the state of the material of the active medium. For solid and liquid materials, optical pumping is preferred. Optical pumping is done by using Xenon flash for high power pulsed outputs while arc lamps are used for continuous and moderate outputs. Laser light is also used as pumping source to generate higher wavelength lasers. The light must be distributed uniformly throughout the active medium. For liquid materials, chemical pumping is sometimes used. For gaseous materials, electrical pumping is usually preferred. In gas dynamic pumping system, gaseous material is compressed to high pressures. This causes a rise in temperature that excites atoms. Then the gas is expanded adiabatically (suddenly). This adiabatic process produces sudden cooling that suddenly de-excites atoms to produce laser light. Sometimes nuclear energy or direct solar light energy is also used to pump lasers.

### 2. Population inversion

When sufficiently large number of atoms are excited to metastable state, population inversion takes place. Only when

# 5.5 Ruby Laser

population inversion exists, does the amplification take place. This is because stimulated emission and stimulated absorption rates are same, the amplitude of output light increases if and only if there are more atoms available for emission than absorption.

### 3. Spontaneous emission

Spontaneous emission should take place from metastable state to release the first photon in the system.

### 4. Stimulated emission

Once spontaneous emission takes place, further photon emissions take place by stimulated emission. In this process, one photon pushes down an excited atom to release an additional photon. Thus one photon produces two, two photons produce 4 photons etc. and the process produces an avalanche of photons.

# 5.5 Ruby Laser

Ruby laser is the first laser developed in 1960 by Theodore Herald Maiman. The major parts of ruby laser are as explained.

1. Active medium:

In ruby laser the active medium is the Ruby crystal cut in the shape of a rod. The ruby crystal is an  $Al_2O_3$  crystal with 0.05% of  $Al^{+3}$ ions are replaced by  $Cr^{+3}$  ions. Here the energy levels of  $Cr^{+3}$  ions have metastable states, where population inversion occurs and lasing action takes place.

2. Energy source:

The energy source consists of a xenon flash lamp which emits green light at 5500Å. The xenon tube lamp is wrapped around the ruby rod. The output of xenon lamp is in the form of millisecond pulses and power is a few megawatts. Due to this high power output, the ruby rod may get heated up. Hence the whole arrangement is placed in a circulating water bath/liquid nitrogen bath to keep the system cool. Now a days the lamps are enclosed by concave mirrors to increase the light exposure to ruby rod.

3. The resonance cavity:

The resonance cavity is obtained by polishing the ends of ruby rod. The ends are made optically parallel and then a fully reflecting mirror is placed at one end and another partially reflecting mirror is placed at the other end.



Fig: Ruby laser block diagram

4. The laser action:

The energy level diagram of  $Cr^{+3}$  ion is as shown in the below figure. It is a three level laser system. The chromium ion absorbs green light (5500Å) from xenon flash or any blue light (4000Å) from alternative sources and goes to excited states  $T_2$  and  $T_1$  respectively. They give a part of the energy to the crystal in the form of heat and reach a meta-stable state  ${}^2E$ . Thus the number of ions in the ground state keeps on decreasing due to pumping and number of ions in the metastable state keeps on increasing due to long life time. Finally population inversion is established between the metastable and ground state.

When any ion from this metastable state comes to ground state spontaneously, it will start further stimulated emissions. The laser light has two wavelengths 6943Å and 6929Å. Out of these two, 6943Å only gets amplified by the resonance cavity as the length of the cavity is selected suitable for this wavelength.

# 5.5 **రూబీ లేజర్**

# 5.5 රංභි විසරි

రూటి లేజర్ 1960లో ఖయోడర్ హెరొల్డ్ మైమన్ చే అఖవృద్ధి చేయుబడిన మొదటి లేజర్. రూటి లేజర్ యొక్క ప్రధాన భాగాలు వివలించబడ్డాయి.

1. క్రియాశీల మాధ్యమం:

రూటి లేజర్లో సక్రియ మాధ్యమం రొడ్ ఆకారంలో కత్తిలించిన రూటి క్రిస్టల్. రూటి క్రిస్టల్ అనేబి Al<sup>+3</sup> అయాన్ల స్థానంలో 0.05% Cr<sup>+3</sup> అయాన్లతో కూడిన Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> క్రిస్టల్. ఇక్కడ Cr<sup>+3</sup> అయాన్ల శక్తి స్థాయిలు మెట్ స్టోటుల్ స్థితులను కలిగి ఉంటాయి, ఇక్కడ జనాభా విలోమం సంభవిస్తుంది మలియు లేసింగ్ చర్య జరుగుతుంది.

శక్తి వనరు:

శక్తి మాలం జినెస్ ఫ్లాష్ ల్వెంప్సు కలిగి ఉంటుంబి, ఇబి 5500Å వద్ద ఆకుపచ్చ కాంతిని ప్రసరిస్తుంబి. జినెస్ ట్యూట్ బీపం రూట్ రొడ్ చుట్టూ చుట్టబడి ఉంటుంబి. జినెస్ బీపం యొక్క అవుట్ఫుట్ మిబ్లీసెకన్ల పల్సుల రూపంలో ఉంటుంబి మరియు శక్తి కొన్ని మెగావొట్టు. ఈ అభిక పవర్ అవుట్ఫుట్ కారణంగా, రూట్ రొడ్ వేడెక్యవచ్చు. అందువల్ల వ్యవస్థను చల్లగా ఉంచడొనికి మొత్తం అమరికను ప్రసరించే సీటి స్నానం/ద్రవ నైట్రోజన్ బౌత్లో ఉంచారు. ఇష్టుడు రోజిల్లో రూట్ రొడ్కు కాంతిని బహిర్గతం చేయడొనికి బీపాలను పుటాకార అద్దాల ద్వారా మాసివేస్తున్నారు.

3. రెస్తోనెన్సు కుహరం:

రూటి రొడ్ చివరలను పారిష్ చేయడం ద్వొరొ రెస్తోనెన్సు కుహరం పొందబడుతుంది. చివరలను ఆఫ్టికల్గా సమాంతరంగా చేసి, ఒక చివర ఫూర్తిగా ప్రతిణంబించే అద్దం మరియు మరొక చివర పాష్టికంగా ప్రతిణంబించే అద్దం ఉంచబడుతుంది.

ව්සර් ක්රු:

 $Cr^{+3}$  అయాన్ యొక్క శక్తి ఫ్లాయి రేఖానిత్రం క్రింబి చిత్రంలో చూపిన విధంగా ఉంటుంబి. ఇబి మాడు ఫ్లాయి లేజర్ వ్వవస్థ. క్రోమియం అయాన్ లేదా పదైనా ప్రత్యామ్నయ మూలాల నుండి బ్లూ లైట్ (4000Å) జిన్లాన్ ఫ్లాష్ నుండి ఆకుపచ్చ కాంతిల (5500Å) గ్రహిస్తుంబ మలయు వరుసగా  $T_1$ ,  $T_2$  ఉత్తేజిత ఫ్లితికి వెళుతుంబి. అవి శక్తిలో కొంత భాగాల్ని స్ఫటికాలకి వేడి రూపంలో అంబిస్తాయి మలయు మెటా-ఫ్లిర ఫ్లితి  ${}^2E$  కి చేరుకుంటాయి. ఈ విధంగా పంపింగ్ కారణంగా గ్రౌండ్ స్టేట్లోల అయాన్ల సంఖ్య తగ్గుతానే ఉంటుంబ మలయు సుబీర్ఘ జీవితకాలం కారణంగా మెటాస్టేటుల్ ఫ్లితిలో అయాన్ల సంఖ్య పెరుగుతానే ఉంటుంబి. చివరగా మెటాస్టేటుల్ మలయు గ్రౌండ్ స్టేట్ మధ్య ఇనాభా విలామం ఫ్లాపించబడింబి.

ఈ మెట్ స్టోటుల్ స్థితి నుండి పదైనా అయాన్ ఆకస్మికంగా భూమి స్థితికి వచ్చనప్పడు, అబ మరింత ఉత్తేజిత ఉద్గారాలను ప్రారంఖస్తుంది. లేజర్ కాంతికి రెండు తరంగదైర్ఘ్యాలు ఉంటాయి 6929Å మరియు 6943Å . ఈ రెండింటిలో, కుడారం యొక్క పొడవు ఈ 6943Å తరంగదైర్ఘ్యానికి అనుకూలంగా ఎంపిక చేయుబడినందున రెసోనెన్సు కుడారం ద్వారా మాత్రమే విస్తరించబడుతుంది.



Fig: Ruby Laser Energy level diagram

Disadvantages:

- Since the lower laser level is connected to ground state, one needs to excite more than 50% of the ions in a short span of time to achieve population inversion. This requires very high pumping energies.
- Since more than 50% of ions will be in the excited state, one has to wait till they de-excite for next series of laser action to take place. Thus the laser output is pulsative.
- Since the lower laser level is connected to ground state, there is a possibility of self-absorption which reduces the output intensity. Due to this, the efficiency of Ruby laser is about 1%.

# 5.5 **రూబీ లేజర్**

ప్రతికూలతలు:

- బగువ లేజర్ స్థాయి భూమి స్థితికి అనుసంథానించబడినందున, జనాభా విలోమాన్ని సాభించడానికి తక్కువ వ్వవభిలో 50% కంటే ఎక్కువ అయాన్ల ఉత్తేజితం కావారి. బీనికి చాలా ఎక్కువ పంపింగ్ ఎనర్జీలు అవసరం.
- 2. 50% కంటే ఎక్కువ అయాన్లు ఉత్తేజిత స్థితిలో ఉంటాయి కాబట్టి, లేజర్ చర్య యొక్క తదుపల శ్రేజి జరగడానికి అవి ఉత్తేజితమయ్యే వరకు వేచి ఉండారి. కాబట్టి లేజర్ అవుట్ఫుట్ పల్పేటివ్గా ఉంటుంది.
- 3. బగువ లేజర్ ఫ్లాయి భూమి ఫ్లితికి అనుసంథా నించబడినందున, అవుట్ పుట్ తీవ్రతను తగ్గించే స్వీయ-శాషణకు అవకాశం ఉంబి. బీని కారణంగా, రూటి లేజర్ యొక్క సామర్థ్యం సుమారుగా ఉంటుంబి.1%

ప్రయోజినొలు:

- ఇబ చాలా తక్కువ సామర్థ్యాళ్ని కళిగి ఉన్నప్పటికీ, అపుట్ళప్రట్ పవర్ చాలా ఎక్కువగా ఉంటుంబి. అందువలన ఇబి డైమండ్ కట్టింగ్ మరియు వెళ్తింగ్ కోసం కూడొ ఉపయోగించుడుతుంబి.
- పల్సెడ్ అవుట్ ఫుట్ లో హాల్ గ్రఫీ వంటి కాన్ని ప్రత్యేక అప్లి కేషన్లు ఉన్నాయి.
- ఇబి సారిడ్ స్టేట్ డివైళ్ కాబట్టి, ఇబి పాలొ తక్కుప నిర్వహణ ఖర్చును కరిగి ఉంటుంబి మరియు మొరటుగా కూడొ ఉపయోగించవచ్చు.

అప్లికేషన్లు:

- రూటి లేజర్లను డై లేజర్ కోసం పంపింగ్ సిస్టమ్గా ఉపయోగిస్తారు.
- Nd YAG లేజర్ను కనుగానే ముందు, పచ్చబొట్టు మలయు జట్టు తొలగింపు కోసం రూటి లేజర్ను ఉపయోగించారు.



#### Fig: Components of original Ruby Laser





Time (in milliseconds)

### Fig: Ruby laser output intensity

Advantages:

- 4. Though it has very low efficiency, the output power is very high. Thus it is used for diamond cutting and welding also.
- 5. The pulsed output has some special applications like holography.
- 6. Since it is a solid state device, it has very low maintenance cost and can be used roughly also.

Applications:

- 3. Ruby lasers are used as pumping system for dye laser.
- 4. Before the discovery of Nd YAG laser, ruby laser was used for tattoo and hair removal.

# 5.6 Helium-Neon Laser

This is a low power, continuous wave laser developed in the year 1962 after the discovery of ruby laser.

Active medium:

Here the active medium is a mixture of helium and neon gases in the ratio 10:1 filled in a quartz tube at a pressure of 0.1mm

# 5.6 హీరియం-నియాన్ లేజర్

ఇబ రూటి లేజర్ను కనుగొన్న తర్వొత 1*962* సంవత్సరంలో అభివృద్ధి చేయబడిన తక్కువ శక్తి, నిరంతర వేప్ లేజర్.

క్రియాశీల మాధ్యమం:

ఇక్కడ క్రియాశీల మాధ్యమం ఇష్పత్రిలో హీలియం మలియు నియాస్ వాయువుల 10:1 మిశ్రమం 0.1mm పాదరసం ఒత్తిడితో క్వార్ట్ ట్యూట్ లో నింపబడి ఉంటుంది. ఇక్కడ హీరియం మొదట ఉత్తేజపరుస్తుంది మలియు నియాస్ కు శక్తిని సరఫరొ చేస్తుంది, ఇక్కడ జనాభా విలోమం జరుగుతుంది.

శక్తి వనరు:

వాయువులు dc కరెంట్ లేదొ rf AC కరెంట్ ద్వారొ విద్యుత్ ఉత్సర్గను ఉపయోగించడం ద్వారొ ఉత్తేశితమవుతొయి.

రెసోనెన్సు కుహరం:

రెండు రకాలుగా రెస్తోనెన్సు కుహరొబ్ది పొందవచ్చు. ట్యూట్**కు ఇరువైపులొ స**మాంతరంగా ఉండే అద్దొలు లేదొ కొబ్న సార్లు సరైన ధ్రువణత కోసం బ్రూస్టర్ ప్రిజమ్లు ఉపయోగించుడతాయి, ఎందుకంటే ట్యూట్లోబ ఎలక్ట్రిక్ డిశ్చార్టైస్ అద్దొలు దెబ్బతింటాయి. లేజర్ చర్:

హీరియం మరియు నిరూస్ యొక్క శక్తి ఫ్లాయి రేఖాచిత్రం క్రింద చూపబడింది. ఇది నొలుగు ఫ్లాయి లేజర్ వ్యవస్థకు ఉదొహరణ. హీరియం యొక్క శక్తి ఫ్లాయిలు ఈ క్రింది విధంగా లేబుల్ చేయబడ్డాయి.

 $1s^{2} \quad (\uparrow \downarrow) \to 1^{1}S_{0}$  $1s^{1}2s^{1} (\uparrow \uparrow) \to 2^{3}S_{1}$  $1s^{1}2s^{1} (\uparrow \downarrow) \to 2^{1}S_{0}$ 

Electronic Configuration	Paschen Notation
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>6</sup>	GROUND STATE
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 3s <sup>1</sup>	1s
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 3p <sup>1</sup>	2p
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 4s <sup>1</sup>	2s
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 4p <sup>1</sup>	Зр
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 5s <sup>1</sup>	3s

నియాస్ అణువు యొక్క శక్తి స్థాయిలు.

of mercury. Here Helium excites first and supplies energy to Neon, where population inversion takes place.

Energy source:

The gases are excited by using electric discharge either by dc current or by rf ac current.

Resonance cavity:

The resonance cavity can be obtained by using two optically parallel mirrors on either side of the tube, or some times Brewster prisms are used for proper polarization as electric discharges in the tube may damage the mirrors.



Fig: He-Ne laser Block diagram.

Laser action:

The energy level diagram of helium and neon are as shown below.

# 5.6 హీలియం-నియాన్ లేజర్

2 <sup>3</sup>S<sub>1</sub> ఫ్లాయి 2 <sup>1</sup>S<sub>0</sub> మలియు హీలియంలో మెటా-స్టేబుల్ స్టేట్స్. ఈ స్థితులకు ఉత్తేశిత పరమాణువులు ఢీకొనడం ద్వారా మాత్రమే డి-ఎన్జిట్ అవుతాయి. ఈ రెండు ఉత్తేశిత ఫ్థాయిలు 20.61*eV* చుట్టూ ఉన్నాయి. ఈ శక్తి లియాన్ కు బబిలీ చేయబడుతుంబ మలియు లియాన్ పరమాణువులు 20.66*eV* చుట్టూ ఉన్న 3s లేదా 2s స్థితికి వెళతాయి. శక్తిలో వ్యత్సాసం తొకిడి ద్వారా వస్తుంబి. లియాన్ యొక్క ఈ రెండు ఫ్థాయిలు మళ్లీ మెటాస్టేబుల్ స్థితులు. ఈ రెండు మెటాస్టేబుల్ స్థితుల నుండి మాడు సాధ్యం లేజర్ పలవర్తనాలు ఉన్నాయి.

> $3s \rightarrow 2p$  6328Å  $2s \rightarrow 2p$  11523Å (*IR*)  $3s \rightarrow 3p$  33900Å (*IR*)

ఇక్కడ పలవర్తనం కలిపించే ప్రాంతం 6328Å లో మాత్రమే ఉంటుంబి. రెస్తోనెన్సు కుహరం యొక్క సరైన పొడవును ఎంచుకోవడం ద్వారా బీలిలి మెరుగుపరచవచ్చు.

2s ఫ్లితి నుండి, అణువులు 1s ఫ్లితికి వేగంగా పలవర్తన చెందుతాయి, ఇబి మళ్లీ మెటొస్టేఌుల్ ఫ్లితి. అక్కడ నుండి అణువులు ఎలెక్ట్రిక్ ఫీల్డ్ ఎనర్జీలి తీసుకోవడం ద్వారా మళ్లీ 2s ఫ్లితికి ఉత్తేజితం కావచ్చు.

ఇది 2p స్థితిలో ఇనాభాను పెంచుతుంది మరియు ఇనాభా విలోమ పరిస్థితి విఫలమవుతుంది. దీనిని నిపౌరించడొనికి, ట్యూట్ ఇరుకైనదిగా చేయబడుతుంది. దొనితో, పరమాణువుల మధ్య విభఇన తగ్గుతుంది, ఘర్షణల సంఖ్య పెరుగుతుంది మరియు పరమాణువులు 1s నుండి భూమి స్థితికి నిష్కమిస్తాయి.

ప్రయోజనొలు:

- పంపింగ్ కోసం అభిక శక్తులు అవసరం లేదు. లేజర్ స్థాయిలు భూమి స్థితికి అనుసంధానించబడనందున, మెట్ స్టేబుల్ స్థితిలో చాలా తక్కువ అణువులను ఉంచడం జనాభా విలోమ పలిస్థితిని సంతృప్తిపరుస్తుంది.
- 2. ఇది నిరంతర లేజర్. మెటాస్టేబుల్ స్థితిలో అతి తక్కువ సంఖ్యలో పరమాణువులతో జనాభా విలోమం సాధించబడుతుంది కాబట్టి, తదుపలి లేజర్ పలవర్త్రనాల కోసం మనము వొటి కోసం వేచి ఉండొల్సెన అవసరం లేదు.
- ఇబి తక్కువ శక్తి కలిగిన పలకరం కాటట్టి, బీని నిర్వహణ ఖర్చు చొలొ తక్కువ.

ప్రతికూలతలు:

 ఐద్యుత్ ఛార్ట్ పెంచడం లేదా ట్యూట్ పొడవును పెంచడం ద్వారా కూడా అభిక శక్తి ఉత్పాదనలను సాభించలేము. ఎందుకంటే ఇబి ఎగువ లేజర్ స్థాయి 33900Å ఇ తగ్గించే పలవర్తనను పెంచుతుంబి మలయు జనాభా విలోమ విఫలమయ్యే పల్యితి.



Fig: He-Ne laser energy level diagram.

This is an example of four level laser system. The energy levels of Helium are labeled as follows.

$$1s^{2} \quad (\uparrow \quad \downarrow) \rightarrow 1^{1}S_{0}$$
$$1s^{1}2s^{1} \left(\uparrow \quad \uparrow\right) \rightarrow 2^{-3}S_{1}$$
$$1s^{1}2s^{1} \left(\uparrow \quad \downarrow\right) \rightarrow 2^{-1}S_{0}$$

Electronic Configuration	Paschen Notation
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>6</sup>	GROUND STATE
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 3s <sup>1</sup>	1s
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 3p <sup>1</sup>	2р
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 4s <sup>1</sup>	2s
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 4p <sup>1</sup>	Зр
1s <sup>2</sup> 2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup> 5s <sup>1</sup>	3s

The energy levels of Neon atom are

The 2  ${}^{3}S_{1}$  level and 2  ${}^{1}S_{0}$  are meta-stable states in Helium. The atoms excited to these states will de-exite only by collision. These

అప్లికేషన్లు:

- ఇబ ఇంటిగ్రే టెడ్ బార్ కోడ్ రీడర్ లలో ఉపయోగించబడుతుంబ.
- ఇబ లేజర్ శస్త్ర శిక్ర మలయు లేజర్ కట్టింగ్ లో ఉపయోగించబడుతుంబ.
- ఇబి సర్వేయింగ్ లో ఉపయోగించబడుతుంబి, ఇబి దొల సన్నల పుంజం వెడల్పు కారణంగా అభిక ఖావ్పతత్వాబ్ల అంబిస్తుంబి.
- 4. <u>https://www.google.co.in/books/edition/A\_Co</u> <u>urse\_Of\_Experiments\_With\_He\_Ne\_Laser/tiX</u> <u>gqh85Nz8C?hl=en&gbpv=1</u>
- 5. <u>https://www.optica-opn.org/home/articles/volume 22/issue 10/fe</u> <u>atures/recollections of the first continuous</u> visible lase/
- 6. <u>https://web.archive.org/web/20120618234059</u> /http://technology.niagarac.on.ca/lasers/Chapt er3.html

Think









Why Neon gas is not directly excited using electrical discharge in He-Ne laser?



(Left to right) Dane Rigden, Alan White and Bill Rigrod having a discussion in the laser lab at Bell Labs, 1963. The long HeNe laser on the bench is emitting about 80 milliwatts of power at 632.8 nm. two excited levels lie at around 20.61eV. This energy will be transferred to Neon and neon atoms go to 3s or 2s states that lie at around 20.66eV. The difference in energy will come through collision. These two levels of Neon are again metastable states. There are three possible laser transitions from these two metastable states.

$$3s \rightarrow 2p$$
 6328Å  
 $2s \rightarrow 2p$  11523Å (*IR*)  
 $3s \rightarrow 3p$  33900Å (*IR*)

Here the 6328Å transition only lies in the visible region. This can be enhanced by choosing appropriate length of resonance cavity.

From 2s state, the atoms makes a rapid transition to 1s state which is again a metastable state. From there atoms may excite to 2s state again by taking electric field energy. This increases the population in 2p state and population inversion condition fails. To avoid this, the tube is made narrow. With that, separation between atoms reduces, number of collisions increase and the atoms will de-exite to ground state from 1s.

Advantages:

- 4. High powers are not necessary for pumping. This is because laser levels are not connected to ground state, keeping a very few atoms in the metastable state will satisfy the condition for population inversion.
- 5. This is a continuous laser. Since population inversion is achieved with very low number of atoms in metastable state, we don't need to wait for them for further laser transitions.
- 6. Since it is a low power device, its maintenance cost is very low.

Disadvantages:

2. High power outputs cannot be achieved even by increasing electric charge or increasing length of the tube. Because it

# 5.7 లేజర్ల అప్లికేషన్లు

- వైద్య రంగంలో కంటి శుక్లాలు, దంత శస్త్రచికిత్సలు, మెటిమల తొలగింపు మరియు ఇతర కాస్లైటిక్ సర్జరీలకు లేజర్ లను ఉపయోగిస్తారు.
- కాలుష్యాబ్ని గుర్తించడం మరియు సూక్ష్మ నుండి నొనో పరిమాణ పదొర్థాల కణ పరిమాణం విశ్లే షణ కోసం లే జరీలు ఉపయోగించబడితొయి.
- 3. అట్ట్రాఫార్ట్ పల్స్ లేజర్లను రేళీ పలిమిశిల అభిగమించడం ద్వారా సౌనోమీటర్ మలియు ఫెమ్టోమీటర్ సైజ వస్తువులను చిశ్రీకలించడొలకి కలిపించే కాంశిల ఉపయోగించే ఫ్లోరోసెంట్ మైక్రోస్మాప్ లు ఆస్టికల్ ట్వీజర్లను, అఖవృబ్ధి చేయడొలికి ఉపయోగించవచ్చు.
- 4. హై ఇంటెన్సిటీ లేజర్లు ఆప్టిక్స్లో కొత్త బ్రాంచ్ అభివృద్ధి చేయడాన్ని పొడ్డపంగా మార్చోయి, అవి అట్ట్రాఫాస్ట్ ఆప్టికల్ సెన్సార్లు మరియు హై రిజిల్యాషన్ స్పెక్ట్రోస్మోపీలో అప్లికేషన్లను కనుగొనే నాన్-రీనియర్ ఆప్టిక్స్.
- 5. లేజర్ అబ్లేషన్ పద్ధతులు పాలశ్రామిక పదార్థాల మైక్రో డ్రిల్లంగ్లో అనువర్తనాలను కనుగొంటాయి.
- 6. డీప్ స్పేస్ నౌవిగేషన్ అప్లికేషన్ల కోసం లేజర్లను ఉపయోగించి అయాన్ డ్రైవ్ ఇంజిన్ లను అమలు చేయవచ్చు.
- 7. ఇంజిఫీలంగ్ రంగంలో లేజర్లు రొడొర్ (లైట్ డిటాక్షన్ మలయు రేంజింగ్) అనే రొడొర్ మాబలగానే గుల్తించడం మలయు సంచారము అప్లికేషన్ల కోసం ఉపయోగించబడతాయి.
- ఆస్టికల్ డేటా ఢిస్కేలలో డేటా నిల్ప మరియు డేటా రిట్రీవల్ కోసం లేజర్లు ఉపయోగించబడితాయి.
- ఆస్టికల్ ఫైటర్ కమ్యాలికేషన్ మలియు హోలోగ్రాఫిక్ టెక్నిక్లలో లేజర్లు ముఖ్యమైన భాగం.

# 5.8 హాలోగ్రఫ్ సూత్రం

హాలోగ్రఫీ అనేబి 1948లో గాభోర్ చే అభివృద్ధి చేయబడిన ఇమేళ్ లకాల్డింగ్ పద్ధతి. సాధారణ ఫోటోగ్రఫీలో, వస్తువు నుండి ప్రతిఐంణంచే కాంతి యొక్క తీవ్రత సమాచారం మాత్రమే నమోదు చేయబడుతుంబి, అయితే హాలోగ్రఫీలో, దశ సమాచారం కూడొ నమోదు చేయబడుతుంబి. ఇబి అదే హాలోగ్రామ్ లకార్డ్ నుండి వస్తువు యొక్క మరొక పిక్షణ కోణాబ్ని రూపొంబించడం సాధ్యం చేస్తుంబి.

වරි් සං:

మూలం నుండి కాంతి యొక్క సమాంతర ఫుంజం రెండు భాగాలుగా విభజించబడింది. ఒక భాగం వస్తువుపై పడి, ప్రతిణంణంచే తరంగం లకాల్డంగ్ ప్లేట్కు చేరుకుంటుంది. దీనినే ఆభ్టెక్ట్ వేప్ అంటారు. మరొక భాగం అద్దం మీద పడి లకార్డింగ్ ప్లేట్కు చేరుకుంటుంది. దీనిని లఫరెన్స్ వేప్ అంటారు. ఆభ్టెక్ట్ వేప్ మరియు లఫరెన్స్ వేప్ యొక్క ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానా లకార్డింగ్ ప్లేట్లో నహెదు చేయబడుతుంది. will enhance the 33900Å transition which depopulate the upper laser level and condition for population inversion fails.

Applicatiopns:

- 7. It is used in integrated bar code readers.
- 8. It is used in laser surgery and laser cutting.
- 9. It is used in surveying, which offers a high accuracy due to its narrow beam width.

# 5.7 Applications of lasers

- 10. Lasers are used for eye suegeries, dental surgeries, acne removal and other cosmetic surgeries in medical field.
- 11. Lasers are used for pollution detection and particle size analysis of micro to nano size materials.
- 12. Ultrashort pulse lasers can be used to develop optical tweezers, fluoorescent microscopes that use visible light to photograph nanometer and femtometer size objects by overcoming Rayleigh limit.
- High intensity lasers made it a reality to develop a new branch of optics namely, non-linear optics that finds applications in ultrafast optical sensors and high resolution spectroscopy.
- 14. Laser ablation techniques find applications in micro drilling of industrial materials.
- 15. Ion drive engines can be run using lasers for deep space navigation applications.
- 16. Lasers in engineering field are used for detection and ranging applications similar to radar namely LIDAR (Light detaction and Ranging).
- 17. Lasers are used for data storage and data retrieval in optical data disks.
- 18. Lasers are essential part of optical fiber communication and holographic techniques.

# 5.7 Applications of lasers

ఆచ్టెక్ట్ వేప్ ద్వోరొ ఇవ్వబడనివ్వండి

$$\psi_o = A_o e^{i\phi_o} \quad ---(1)$$

మలయు లఫరెన్స్ వేప్ ఉండనివ్వండి

$$\psi_r = A_r e^{i\phi_r} - - - (2)$$

లకాల్డంగ్ ప్లేట్లో నమోదు చేయబడిన ఇంటర్ఫెరెన్సు నమానొ యొక్క తీవ్రత ద్వారొ ఇవ్వబడింబ

$$I_{r} = |\psi_{o} + \psi_{r}|^{2} = (A_{o}e^{i\phi_{o}} + A_{r}e^{i\phi_{r}})(A_{o}e^{-i\phi_{o}} + A_{r}e^{-i\phi_{r}})$$
$$= A_{o}^{2} + A_{r}^{2} + A_{o}A_{r}(e^{i(\phi_{o} - \phi_{r})} + e^{-i(\phi_{o} - \phi_{r})})$$
$$= I_{o} + I_{r} + A_{o}A_{r}\cos(\phi_{o} - \phi_{r}) - - - (3)$$

అందువల్ల లికాల్డింగ్ ప్లేట్లో, తీవ్రత సమాచారంతో పాటు, వస్తువు యొక్క దశ సమాచారం కూడొ నహెదు చేయబడుతుంది.

పునల్నర్మెణం:

హాలోగ్రామ్పై లెకార్డ్ చేయుబడిన ఆభ్టెక్ట్ సమాచారం హొలోగ్రామ్ను పునల్నల్నించే తరంగంతో ప్రకాశింపజేయడం ద్వారా పునల్నిల్లంచబడుతుంది. పునల్నర్గెణ తరంగం లెకాల్డింగ్ సమయంలో ఉపయోగించిన లఫరెన్స్ వేప్ వలె ఒకే లక్షణాలను కలిగి ఉంటుంది. హొలోగ్రాఫిక్ ప్లేట్ యొక్క మరొక వైపున, పతన లఫరెన్స్ వేప్ చిమ్ను కొంత మాడ్పులేషన్తో చూడవచ్చు, వస్తువు యొక్క నిజమైన చిత్రం ఎడమ-కుడి ఫ్లిప్ మలియు ఎడమ-కుడి లేకుండా వస్తువు యొక్క వర్చవల్ చిత్రం.

బీన్ని గణితశాస్త్రపరంగా అర్థం చేసుకోవడొనికి, ఫునల్నర్మెణ తరంగంగా పలగణించగలరు

$$\psi_c = A_r e^{i\phi_r} \quad ---(4)$$

ప్రసారం చేయబడిన తరంగ వ్వాప్తి ద్వొరొ ఇవ్వబడుతుంబ

$$\psi_t = \psi_c I_r = A_r e^{i\phi_r} \left[ A_o^2 + A_r^2 + A_o A_r \left( e^{i(\phi_o - \phi_r)} + e^{-i(\phi_o - \phi_r)} \right) \right]$$
  
=  $(A_o^2 + A_r^2) A_r e^{i\phi_r} + A_o A_r^2 e^{i\phi_o} + A_o A_r^2 e^{-i\phi_o} e^{+2i\phi_r} - - - (5)$ 

ఇక్కడ మెదటి పదం 0<sup>th</sup> order wave యాంప్లిట్యూడ్ సవరణతో పతన పునల్నర్మెణ తరంగాన్ని సూచిస్తుంది. రెండవ పదం 1<sup>st</sup> order wave అదే దశ సమాచారంతో వస్తువు యొక్క వర్చువల్ ఇమేజ్ ని సూచిస్తుంది. మూడవ పదం 1<sup>st</sup> order wave తిప్పబడిన దశ సమాచారంతో నిజమైన చిత్రంగా ఉంటుంది.

ఇక్కడ వర్చువల్ ఇమేళ్ లికార్డ్ చేయుబడినష్పడు ఆభ్టెక్ట్ ఉన్న ప్రదేశంలోనే పర్పడుతుంది. అద్దం చిత్రం యొక్క దశ లక్షణాలతో (ఎడమ నుండి కుడికి తిప్పబడింది) అసలు వస్తువు యొక్క మిర్రర్ ఇమేళ్ స్థానంలో నిజమైన చిత్రం పిర్పడుతుంది.

# 5.8 Holography Principle

Holography is a method of image recording developed by Gabor in 1948. In ordinary photography, the intensity information of reflected light from the object is only recorded, whereas in holography, phase information is also recorded. This makes it possible to generate another view angle of the object from the same hologram record.

Construction:

The parallel beam of light from the source is devided into two parts. One part falls on the object and the reflected wave reaches the recording plate. This is called object wave. Other part falls on a mirror and reaches the recording plate. This is called reference wave. The interference pattern of the object wave and reference wave is recorded on the recording plate.

Let the object wave be given by

$$\psi_o = A_o e^{i\phi_o} \quad ---(1)$$

and let the reference wave be

$$\psi_r = A_r e^{i\phi_r} \quad ---(2)$$

The intensity of the interference pattern recorded on the recording plate is given by

$$I_{r} = |\psi_{o} + \psi_{r}|^{2} = (A_{o}e^{i\phi_{o}} + A_{r}e^{i\phi_{r}})(A_{o}e^{-i\phi_{o}} + A_{r}e^{-i\phi_{r}})$$
$$= A_{o}^{2} + A_{r}^{2} + A_{o}A_{r}(e^{i(\phi_{o} - \phi_{r})} + e^{-i(\phi_{o} - \phi_{r})})$$
$$= I_{o} + I_{r} + A_{o}A_{r}\cos(\phi_{o} - \phi_{r}) - - - (3)$$

Thus on the recording plate, in addition to intensity information, phase information of the object is also recorded.



Fig: Hologram construction principle

Reconstruction:

The object information recorded on the hologram can be reconstructed by illuminating the hologram with a reconstructing wave. The reconstruction wave will have identical features as the reference wave that was used while recording. On the otherside of the holographic plate, one can see the incident reference wave beam with some modulation, a real image of the object with left - right flip and a virtual image of the object without the left - right flip.

To understand it mathematically, consider the reconstruction wave to be

$$\psi_c = A_r e^{i\phi_r} \quad ---(4)$$

The transmitted wave amplitude is given by

$$\psi_t = \psi_c I_r = A_r e^{i\phi_r} \left[ A_o^2 + A_r^2 + A_o A_r \left( e^{i(\phi_o - \phi_r)} + e^{-i(\phi_o - \phi_r)} \right) \right]$$
  
=  $(A_o^2 + A_r^2) A_r e^{i\phi_r} + A_o A_r^2 e^{i\phi_o} + A_o A_r^2 e^{-i\phi_o} e^{+2i\phi_r} - - - (5)$ 

Here the first term represents the  $0^{th}$  order wave which is the incident reconstruction wave with amplitude modification. Second term represents the  $1^{st}$  order wave which is a virtual image of the object with the same phase information. Third term represents the  $1^{st}$  order wave which is a real image with flipped phase information.

Here the virtual image will be formed at the same location as the object when it was recorded. The real image will be formed at the mirror image location of the original object with the phase features of the mirror image (flipped left to right).



Fig: Hologram image reconstruction

# 5.9 Holography Applications

- 1. Holographic image of the battle field can be used to train soldiers to travel and fight in unknown geographical locations.
- 2. 3D holographic projections may be helpful for doctors and surgeons for better understanding and practice of surgeries and disgnostics.
- 3. 3D holographic projections may be used to run virtual reality tours and conferences.
- 4. Holographic microscopy can be used to record high resolution image of the microscopic objects which can be analyzed in different perspectives at later times. This is highly useful in biology and materials science research.
- Multiple ordinary images taken from different perspectives of the object can be replaced by a single hologram, thus a lot of space in image storage can be saved with complete information records.

# 5.9 <mark>హోలోగ్రఫీ అప్లికేషన్</mark>ప

- 6. The hologram can be reconstructed even from a small piece of the original recording. Thus, data loss due to image damage can be minimized.
- 7. Holographic interferometry is used for non-destructive testing of damage, cracks, ware and tare of machine parts.
- Holographic images are tamper proof. Therefore they can be used for genuinity verification of consumer products, antique art pieces and paintings.
- 9. Dynamic holography provides a possibility for real-time observation of war fields, medical surgeries etc.

# 5.9 హాలోగ్రఫీ అప్లికేషన్స్

- యుద్ధ క్షేత్రం యొక్క హాలోగ్రాఫిక్ చిత్రం తెరియని భౌగోళిక ప్రదేశాలలో ప్రయాజించడొనికి మరియు పోరొడడొనికి పైనికులకు శిక్షణ ఇవ్పడొనికి ఉపయోగించవచ్చు.
- 2. 3D హాలోగ్రాఫిక్ ప్రాశెక్షన్లు వైద్యులు మరియు సర్జన్లకు సర్జరీలు మరియు డిస్ల్లిప్టిక్లను బొగా అర్థం చేసుకోవడానికి మరియు సాధన చేయడొనికి సహాయపడవచ్చు.
- 3. వర్షువర్ లయాలిటీ పర్ళటనలు మలయు సమావేశాలను అమలు చేయడానికి 3D హాలాగ్రాఫిక్ ప్రొజెక్టర్లను ఉపయోగించవచ్చు.
- హాలోగ్రాఫిక్ మైక్రోస్మోపీని మైక్రోస్మోపిక్ వస్తువుల యొక్క అధిక రాజల్యాషన్ ఇమేశ్ని రికార్డ్ చేయడొనికి ఉపయోగించవచ్చు, పీటిని తరువొతి సమయాల్లో వివిధ కాణాల్లో విశ్లేషించవచ్చు. జీవశాస్త్రం మరియు మెటీరియర్ సైన్స్ పరిశోథనలో ఇది చాలా ఉపయోగకరంగా ఉంటుంది.
- 5. ఆభ్టెక్ట్ యొక్క విఖన్న దృక్కోశాల నుండి తీసిన ఒపుళ సాధారణ చిత్రాలను ఒకే హాలోగ్రామ్ ద్వారా భర్తీ చేయవచ్చు, తద్వారా ఫూర్తి సమాచార లకార్డులతా ఇమేశ్ స్టోరేళ్లో చాలా స్థలాన్ని సేప్ చేయవచ్చు.
- 6. హోలోగ్రామ్ అసలు లకాల్డంగ్ యొక్క చిన్న భాగం నుండి కూడా పునల్నిల్లంచబడుతుంబి. అందువలన, చిత్రం నష్టం కారణంగా డేటా నష్టం తగ్గించవచ్చు.
- 7. హాలోగ్రాఫిక్ ఇంటర్ఫెరోమెట్రీ అనేబి యంత్ర భాగాల నష్టం, పగుళ్లు, వేర్ మలయు టేర్ యొక్క నొన్-డిస్ట్రక్టిప్ టెస్టింగ్ కోసం ఉపయోగించబడుతుంబి.
- 8. హోలోగ్రాఫిక్ చిత్రాలు ట్వాంపర్ ఫ్రూఫ్. అందువల్ల వొటిని వినియోగదారు ఉత్పత్తులు, ఫురొతన కళాఖండొలు మరియు పెయింటింగ్ వ్యాపికతను ధృపికలించడొనికి ఉపయోగించవచ్చు.
- డైనమిక్ హాలోగ్రఫీ యుద్ధ క్లేత్రాలు, వైద్య శస్త్రాచికిత్సలు మొదలైన వాటి యొక్క నిజి-సమయ పరిశీలనకు అవకాశాన్ని అందిస్తుంది.

# Solved Problems

1. Find the ratio of population of the two states in a He Ne laser that produce a light of wave length 6328 A° at a temperature of 37°C.

Ans: Given that Wavelength of light  $~~(\lambda)$  = 6328  $A^{\circ}$ 

 $=6328 \times 10^{-10} \,\mathrm{m}$ 

Temperature (T)  $=37^{\circ}C = 310K$ 

Ratio of population of the two states

$$\frac{N_2}{N_1} = e^{-\frac{\Delta E}{KT}}, where \ \Delta E = \frac{hc}{\lambda}$$

$$\Delta E = \frac{6.63 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{6328 \times 10^{-10}} = 3.143 \times 10^{-19} \ Joules$$

$$\frac{\Delta E}{KT} = \frac{3.143 \times 10^{-19}}{1.38 \times 10^{-23} \times 310} = 73.5$$

$$\frac{N_2}{N_1} = e^{-73.5} = 1.2 \times 10^{-32}$$

 A white light has frequency range from 0.45x10<sup>15</sup> Hz to 0.65 x10<sup>15</sup> Hz. Calculate the coherence time and coherence length of the light source.

Ans: Given that the Range of frequency for white light is  $0.45 x 10^{15}$  Hz to 0.65  $x 10^{15}$  Hz

 $\Delta\nu{=}0.65~{x10^{15}}~{Hz}-0.45{x10^{15}}~{Hz}=0.2~{x}~{10^{15}}~{Hz}$ 

Coherence time, t=  $1/\Delta v = 1$  (/0.2 x 10<sup>15</sup>) = 5 x 10<sup>-15</sup>

Coherence length,  $l = ct = 3 \times 10^8 \times 5 \times 10^{-15} = 15 \times 10^{-7} \text{ m}$ 

# 3. A typical He-Ne laser emits a radiation of $\lambda$ =6328 °A. Find the rete of photons emitted by a 1mW He-Ne laser?

Ans: Given, Wave length of He-ne laser light is light  $(\lambda) = 6328 \text{ A}^{\circ}$ 

=6328 x 10<sup>-10</sup> m

Power of He-Ne laser (P)=  $1 \text{mw} = 10^{-3} \text{W}$ 

Number of photons (n) = Energy of Pulse/ Energy of Photon

Energy of photon,  $\varepsilon = hc/\lambda = 6.63 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^{8} / (6328 \times 10^{-10})$ 

```
= 3.1 \text{x} \ 10^{-19} \text{ J}
```

Energy of laser pulse E= P x 1s

$$= 10^{-3} \text{ x } 1 = 10^{-3} \text{ J}$$

Number of photons (n) = $E/\epsilon = 10^{-3}/3.1 \times 10^{-19}$ 

 $n = 3.2 \text{ x} 10^{-15}$ 

# 4. Find the intensity of laser beam of 1mw power and having a diameter of 1.5 mm. Assume the intensity of the beam to be uniform across the beam area.

Ans: Given, Power of laser (P) =  $1 \text{ mW} = 10^{-3} \text{ W}$ 

Diameter of beam (d) = $1.5 \text{ mm}=1.5 \text{ x} 10^{-3} \text{m}$ 

The intensity of the laser (I) = P/A

Where A is Area =  $\frac{\pi d^2}{4}$ 

$$A = \frac{\pi d^2}{4} = \frac{3.14 \, x (1.5 x 10^{-3})^2}{4} = 1.77 \, x \, 10^{-6}$$

Intensity (I) =  $\frac{P}{A} = \frac{10^{-3}}{1.77 \, x \, 10^{-6}} = 560 \, W/m^2$ 

5. A laser company produces a He-Ne laser consisting of a tube 5 mm in diameter, 25 cm long, containing 4 torr of the gas mixture; the laser tube requires an operating voltage of 520 V. The producer wants to reduce laser tube diameter to 3 mm and its length to 15 cm. Calculate the pressure and the operating voltage that are required in this laser.

Ans: Given that P1=4 torr P2=?

D1= 5mm,	D2= 3mm
L1=25cm	l2=15cm
V1=520V	V2=?
From the scaling law

Pressure x Diameter = Constant

 $P_1D_1 = P_2D_2$ 

Therefore , new pressure  $P2 = P_1D_1/D_2 = 4x5/3$ 

= 6.67 torr

Also we know that,  $P_1E_2 = P_2E_1$ 

 $P_1V_2/l_2 = P_2V_1/l_1$  Therefore,  $V_2 = P_2 l_2V_1/P_1 l_1$  $V_2 = P_2 l_2V_1/P_1 l_1$ 

and E=V/l

6. The signal gain of a ruby laser amplifier using a 15 cm long rod is 12. Neglecting gain saturation, calculate the signal gain of a 20 cm long rod with the same population inversion.

Ans: The signal gain of active material of length l is given by

$$G = \exp(\sigma l \left[N_2 - \left(\frac{g_2 N_1}{g_1}\right)\right])$$
$$\log G / l = \sigma \left[N_2 - \left(\frac{g_2 N_1}{g_1}\right)\right]$$

Given that G1=12 for l1=15cm

Then G2=? for l2=20cm

$$\sigma \left[ N_2 - \left(\frac{g_2 N_1}{g_1}\right) \right] = \frac{\log G1}{l1} = \frac{\log 12}{15} = 0.166 \ cm^{-1}$$
$$\frac{\log G2}{l2} = \sigma \left[ N_2 - \left(\frac{g_2 N_1}{g_1}\right) \right] = 0.166 \ cm^{-1}$$
$$\log G2 = 20 \ x \ 0.166$$
$$G2 = \exp(20 \ x \ 0.166) = 27.5$$

7. A laser cavity consists of two mirrors with reflectivity R1= 1 and R2 = 0.5, while the internal loss per pass is Li = 1 %. Calculate the total logarithmic losses per pass. If the length of the active material is l=10 cm and the transition cross section is  $\sigma = 3.57 \times 10^{-19}$  cm2, calculate the threshold inversion.

Ans: The threshold inversion is given by

$$N_c = \frac{\gamma}{\sigma l}$$

Where

$$\gamma = \gamma_i + \frac{\gamma_1 + \gamma_2}{2}$$

 $\gamma_1 = -\ln(R1) = -\ln(1) = 0$   $\gamma_2 = -\ln(R2) = -\ln(0.5) = 0.693$  $\gamma_i = -\ln(l - Li) = 0.01$ 

Therefore  $\gamma = 0.357$ 

$$N_{c} = \frac{0.357}{3.57 \text{ x} 10^{-19} \text{ x} 10} = 1 \text{x} 10^{17} \text{ cm}^{-3}$$

# 8. An Laser has a pump efficiency of $\eta_p = 10 \times 10^{-4}$ at 5 kW electrical pump power. Find the pump efficiency at 10 kW pump power.

Ans: The pump rate is directly proportional to the pump efficiency of the laser

Therefore,  $R_p \alpha \eta_p$ 

```
\begin{split} &\eta_{p1}/~\eta_{p2} = R_{p1}/~R_{p2} \\ &\eta_{p2} = \eta_{p1}~R_{p2}/~R_{p1} \\ & \text{Given that} \\ &\eta_{p1} = 8x~10^{-4} \quad \text{at} \quad R_{p1} = 5kW \\ &\eta_{p2} = ? \qquad \text{at} \qquad R_{p2} = 10kW \\ &\eta_{p2} = 10x~10^{-4}~x~10/~5 \\ &\eta_{p2} = 2x~10^{-3} \end{split}
```

9. The ratio of Reference Beam to Object Beam intensity is 4:1, then find the beam splitter ratio required having the object of efficiency of 40%.

Ans: Given that

$$\frac{I_{ref}}{I_{obj}} = \frac{4}{1}$$

$$I_{obj} = 10 \% I_{incident}$$

$$I_{ref} = 4 x \frac{10}{100} I_{incident}$$

$$\frac{I_{ref}}{I_{incident}} = \frac{2}{5}$$

Therefore, we require a beam splitter with ration of 2:5

10. A transmission hologram is recorded using a He-Ne laser (632 nm) with the object and reference beams making angles of -40° and 40°, respectively, with the normal to the photographic plate. What is the average spatial frequency of the hologram fringes?

**Ans:** Average spatial frequency of the hologram fringes  $(\xi) = \sin \theta max - \sin \theta min$ 

Given that  $\theta$ = 30° and  $\lambda$  = 633nm = 633 x 10<sup>-9</sup> m

Therefore

$$\xi = \frac{\sin(45) - \sin(-45)}{632 \times 10^{-9}} = \frac{2 \sin 45}{632 \times 10^{-9}} = 2240 \ lines/mm$$

11. A hologram is recorded using a Ruby laser (650 nm), and illuminated with a He-Ne laser (630 nm) to view the image. The reference beam in the recording system appears to diverge from a point at a distance of 1 m from the hologram. How far from the hologram should the beam from the He-Ne laser be brought to a focus to ensure that the image is reconstructed with unit lateral magnification?

#### Solved Problems

Ans: The condition for the image to be reconstructed with unit lateral magnification is

$$\frac{Z_p}{Z_R} = \frac{\lambda_p}{\lambda_R}$$

where  $Z_P$  and  $Z_R$  are the distances from the hologram of the sources used for

reconstruction and recording, respectively, and  $\lambda_{\rm p}$  and  $\lambda_{\rm R}$  their respective source wavelengths.

Given that  $Z_R$ = 1m and  $\lambda_p$  = 650nm and  $\lambda_R$ = 630nm

$$Z_p = Z_R \frac{\lambda_p}{\lambda_R} = 1 x \frac{650}{630} = 1.032m$$

12. A hologram is to be recorded with a He-Ne laser on a Holographic plate correspond to an exposure of approximately 1.5 J/m<sup>2</sup>. The illumination level in the hologram plane due to the object beam is 0.005 W/m<sup>2</sup>, and that due to the reference beam is 0.01 W/m<sup>2</sup>. The plate is to be processed to produce a phase hologram. What is the exposure time required?

Ans: To obtain good diffraction efficiency after bleaching, the exposure should

result in an optical density of at least 25 seconds after development.

The holographic plate is exposure energy density of approximately  $E= 1.5 \text{ J/m}^2$ .

Accordingly, the exposure time required would be

T=E/(Power density of object + power density of reference beam)

T = 1.5/(0.005+0.01) = 100 seconds

The exposure time yielding the maximum diffraction efficiency can be selected

from trials with exposures ranging from 75 seconds to 125 seconds.

## MCQs

1. Hologram records -----of light

a) Intensity b) Phase c) Both intensity and phase d) either intensity or phase

APPGCET2022

Ans: c

2. Which of the following is a three level LASER

a) Nd:YAG laser b) Ruby lasers c) He:Ne laser d) Semiconding lasers

#### APPGCET2021

Ans: b

3. In holographic storage, the data is stored in

a) Pendrives b) Cells c) Crystals d) Diodes

#### APPGCET2021

Ans: c

4. In Holography

a) Amplitude distribution is only recorded

b) Phase distribution of light only recorded

c) Amplitude & phase distribution are recorded

d) Both are not recorded

AUCET 2020

Ans: c

5. In laser action which occupy an important role

a) Pumping b) Inversion c) Meta stable state d) both (b) & (c) AUCET 2020

Ans: d

6. One of them belongs to gas lasers

MCQs

a) dye lasers b) Ruby lasers c) excimer lasers d) YLF lasers

AUCET 2020

Ans: c

7. Ruby Laser belongs to

a) a five level laser b) a two level laser c) a four level laser d) a three level laser  $% \left( a_{1}^{2}\right) =\left( a_{1}^{2}\right) \left( a_{2}^{2}\right) \left( a_{1}^{2}\right) \left($ 

AUCET 2020

Ans: d

8. The angle of divergence of laser beam is of the order of

```
a)10^{-3} Radian b) 10^{-1} Radian c) 10^{-6} Radian d) 10 Radian
```

Ans: a

- 9. Probability of stimulated absorption is proportional to
- a. Number of atoms in ground state
- b. Incident radiation energy density
- c. Number of atoms in excited States
- d. All

Ans: b

- 10. The process of increasing population of higher energy level compared to lower energy level is known as
- a. Population inversion
- b. Pumping
- c. Stimulation
- d. Absorption

Ans: b

- 11. The Active medium of a laser system is enclosed between two reflecting surfaces which are
- a. Both perfectly reflecting surfaces
- b. Both partially reflecting surfaces

c. One partially reflecting surface and other perfectly reflecting surface

d. Both reflecting as well as transmitting surfaces

Ans:c

12. The energy levels of which ions in Ruby laser have metastable state

a.  $Al^{+3}$  b)  $Cr^{+3}$  c)  $Al^{-3}$  d)  $Cr^{-3}$ 

Ans:b

13. Laser medium in Helium:Neon laser is a mixture of helium and neon gases in the ratio of

a) 10:1 b) 1:10 c) 3:2 d)1:2

Ans:a

- 14. If an image is seen out of an hologram and appears in front of the film, the image is called
  - a. Virtual Imag b) Real image c)Pseudoscopic image d)None

Ans: b

# Grade your understanding

1.	There is a constant phase difference between photons emitted in stimulated emission	[]
2.	Lasers have been developed in all media like solid, liquid and gases	[]
3.	White light laser are also available in the market	[]
4.	The wavelength for laser include in only visible region	[]
5.	Laser light maintain constant wavelength and frequency by emission of photons from same atom	[]
6.	The coherence length of laser light is of the order of few km also	[]

#### Glossary

7.	When	atoms	are	in	higher	excited	States	the	more	[]
	probab	ly is the	e spoi	ntai	neous en	nission				

- 8. One cannot excite more than half of the atoms to higher [] energy levels in two level system
- 9. Spontaneous emission may or may not takes place in a [] laser
- 10. The lower level of laser is always connected to ground [] state in all types of lasers
- 11. The atoms in metastable state will be always de-excited [] only by collision
- 12. Interference place an important role in recording of a [] hologram
- 13. If a hologram breaks, the whole image can be visible in [] each piece
- 14. Multiple ordinary images of an object can be replaced by a [] single hologram

1.Yes 2.Yes 3.No 4.No 5.No 6.Yes 7. Yes 8.Yes 9.No 10.No 11. No 12.Yes 13.No 14. Yes

### Glossary

	Glossary
Beam splitter	An optical device that divides a beam of light into two beams.
Diffraction	The change in direction of a wave front encountering an object
Adiabatic	A process or condition in which heat does not enter or leave the system concerned.
Amplification	The process of increasing the amplitude of the signal

Avalanche	A sudden arrival or occurrence of something in overwhelming quantities.
Brewster Prism	It designed to have an apex angle such that a p- polarized ray incident at Brewster's angle will pass through the prism parallel to the base at minimum deviation, and exit also at Brewster's angle.
Cavity	A cavity is a space or hole in something such as a solid object
Coherence	An ideal property of waves that enables stationary (i.e., temporally or spatially constant) interference.
Collimated beam	(The production of) a beam of light that neither converges nor diverge
Diverge	To follow a different direction, or to be or become different
Dye Laser	A laser that uses an organic dye as the lasing medium, usually as a liquid solution.
Hologram	A picture of a "whole" object, showing it in three dimensions.
Holography	The study or production of holograms
Induce	To lead on to some action, condition, beli
Metastable	Pertaining to a physical or chemical state that is relatively long-lived, but may decay to a lower energy state when slightly perturbed or through a quantum transition.
Optical Tweezer	A highly focused laser beam to hold and move microscopic and sub-microscopic objects like atoms, nanoparticles and droplets, in a manner similar to tweezers.
Population	Number of atoms / molecules in the energy state
Probability	It describes how likely an event is to occur or the relative possibility that an event will occur

#### Glossary

Resonator	A device or system that exhibits resonance or resonant behavior
Stimulate	To encourage something to grow, develop, or become active
Ultrashot wave	A wave having a wavelength below 10 meters

# APSCHE





#### **Wave Optics**

----- Published by -----

# ANDHRA PRADESH STATE COUNCIL OF HIGHER EDUCATION

(A Statutory Body of the Government of A.P)

3rd, 4th and 5th floors, Neeladri Towers, Sri Ram Nagar, 6th Battalion Road, Atmakur (V), Mangalagiri (M), Guntur, Andhra Pradesh, Pin - 522 503 secretaryapsche@gmail.com www.apsche.org